

参考答案

2020 年杭州市初中毕业升学文化考试 数学试卷

一、选择题

1.【考点】二次根式乘法.

【分析】 $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$.

【答案】B.

2.【考点】平方差公式.

【分析】 $(1+y)(1-y) = 1 - y^2$.

【答案】C.

3.【考点】经济问题, 分段计算.

【分析】5 千克收费 13 元, 超过部分 3 千克收费 $2 \times 3 = 6$ (元), 需要付费: $13 + 6 = 19$ (元).

【答案】B.

4.【考点】三角函数, 公式变形.

【分析】由公式 $\sin B = \frac{b}{c}$ 变形得 $b = c \cdot \sin B$.

【答案】B.

5.【考点】不等式的基本性质.

【分析】由 $a > b$, 得 $a+1 > b+1$, 所以 $a+1 > b+1 > b-1$.

【答案】C.

6.【考点】一次函数解析式和图象.

【分析】把 $P(1, 2)$ 代入解析式, 得 $2a = 2$, $a = 1$. $\therefore y = x + 1$, 图象过一、二、三象限与 y 轴交点为 $(0, 1)$.

【答案】A.

7.【考点】平均数, 不等式性质.

【分析】设五个数分别为 a, b, c, d (最大), e (最小), 则有 $x = \frac{a+b+c+d+e}{4}$, $y = \frac{a+b+c+d}{4}$, $\therefore y > x$, $z = \frac{a+b+c}{3}$, $\therefore y > z > x$.

【答案】A.

8.【考点】二次函数图象, 分类讨论.

【分析】结合图象, (1) 当 $a > 0$ 时, 如图 1 过 $(1, 1)$ $(8, 8)$ 的抛物线对称轴在 $x = 4.5$ 的左边, 即 $h < 4.5$.

(2) 当 $a < 0$ 时, 如图 2. 过 $(1, 1)$ $(8, 8)$ 的抛物线对称轴在 $x = 4.5$ 的右边, 即 $h > 4.5$.

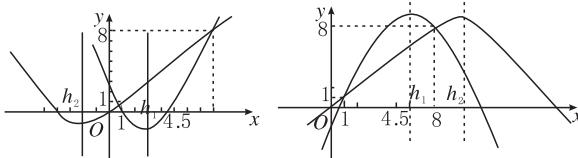


图 1

图 2

【答案】C.

9.【考点】对顶角相等, 直角三角形两锐角互余, 三角形内角和, 等腰三角形两底角相等及圆内两半径相等.

【分析】 $\angle OEB = \angle AED = \alpha$, $\because OA \perp OB$, $\therefore \angle BOA =$

90° , $\angle B = 90^\circ - \alpha$, $OB = OD$. $\therefore \angle OBD = \angle ODB = 90^\circ - \alpha$, 在 $\triangle OBD$ 中, $\angle B + \angle D + \angle BOD = 180^\circ$, 即 $90^\circ - \alpha + 90^\circ - \alpha + 90^\circ + \beta = 180^\circ$, $\therefore 2\alpha - \beta = 90^\circ$.

【答案】D.

10.【考点】二次函数, 不等式分析, 等式基本性质.

【分析】若 $M_1 = 2$, $M_2 = 2$, 即 $\Delta_1 = a^2 - 4 > 0$, $a > 2$, $\Delta_2 =$

$$b^2 - 8 > 0$$
, $b > 2\sqrt{2}$, 可取 $a = 4$, $b = 6$, $\because b^2 = ac$, $\therefore c = \frac{b^2}{a}$

$$= \frac{36}{4} = 9$$
, $c^2 - 16 > 0$, $M_3 = 2$, 故 A 错误; 若 $M_1 = 1$, $M_2 =$

$$0$$
, 即 $\Delta_1 = a^2 - 4 = 0$, $a = 2$, $\Delta_2 = b^2 - 8 < 0$, $b < 2\sqrt{2}$, $c =$

$$\frac{b^2}{a} < \frac{8}{2}$$
, $c < 4$, $c^2 - 16 < 0$, $\therefore M_3 = 0$, B 正确; 若 $M_1 = 0$,

$$M_2 = 2$$
, 则 $\Delta_1 = a^2 - 4 < 0$, $a < 2$, $\Delta_2 = b^2 - 8 > 0$, $b > 2\sqrt{2}$,

$$\text{可取 } a = 1, b = 6, c = \frac{b^2}{a} = \frac{36}{1} = 36, c^2 - 16 > 0, M_3 = 2 \text{, 故 C 错误; 若 } M_1 = 0, M_2 = 0$$
, 即 $a^2 - 4 < 0$, $a < 2$, $b^2 - 8 < 0$,

$$b < 2\sqrt{2}$$
, 可取 $a = \frac{1}{2}, b = 2, c = \frac{b^2}{a} = \frac{4}{\frac{1}{2}} = 8, c^2 - 16 > 0$,

$$M_3 = 2$$
, 故 D 错误.

【答案】B.

二、填空题

11.【考点】分式方程.

【分析】 $\frac{1}{x+1} = 1$, $x+1 = 1$, $x = 0$.

【答案】0.

12.【考点】平行线, 三角形外角性质.

【分析】 $\because AB \parallel CD$, $\therefore \angle ABF = 180^\circ - \angle CFB = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$, $\angle A = \angle ABF - \angle E = 50^\circ - 30^\circ = 20^\circ$.

【答案】 20° .

13.【考点】二元一次方程组.

【分析】由题意得 $\begin{cases} x+y=1, \\ x-y=2, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} x=\frac{3}{2}, \\ y=-\frac{1}{2}, \end{cases}$

【答案】 $-\frac{3}{4}$.

14.【考点】切线性质, 三角函数.

【分析】 $\sin \angle BAC = \frac{1}{3}$, 设 $BC = a$, 则 $AC = 3a$, $AB = 2\sqrt{2}a$, $OB = \sqrt{2}a$, $\tan \angle BOC = \frac{BC}{OB} = \frac{a}{\sqrt{2}a} = \frac{\sqrt{2}}{2}$.

【答案】 $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

15.【考点】概率、列表或树状图.

【分析】两次摸球共 16 种可能, 符合要求的有: 11, 13, 15, 22, 31, 33, 35, 51, 53, 55 共 10 种可能, 概率为 $\frac{10}{16} = \frac{5}{8}$.

【答案】 $\frac{5}{8}$.

16.【考点】矩形、相似三角形、翻折、全等.

【分析】由翻折得 $\angle CEB = \angle CEF$, 由矩形得 $DC \parallel AB$,
 $\therefore \angle DCE = \angle CEB = \angle CEF$, $\therefore DC = DE = AB$, $DE = EF = AB - BE$, $\because EF = BE$, $\therefore DF = AE = 2$, $\therefore \triangle AEF \sim \triangle CDF$, 设 $BE = x$, 则 $EF = x$, $\frac{DC}{AE} = \frac{DF}{EF}$, $\frac{2+x}{x} = \frac{2}{x}$, $x^2 + 2x = 4$, $(x+1)^2 = 5$, $x > 0$, $\therefore x = \sqrt{5} - 1$.

【答案】 $2, \sqrt{5} - 1$.

三、解答题

17.【考点】解一元一次方程, 等式的基本性质.

【分析】去分母时, 方程两边需同时乘 6, 然后去括号, 移项, 合并同类项解得 x 的值.

解: 圆圆的解答过程有错误. 正确的解答过程如下: $3(x+1) - 2(x-3) = 6$, $3x+3-2x+6=6$, $x=-3$. 所以 $x=-3$ 是原方程的解.

18.【考点】条形统计图, 扇形统计图, 抽样调查统计.

【分析】(1) 根据条形统计图, 4月份共抽样检测了 $(8+132+160+200)$ 件. 其中合格的有 $(132+160+200)$ 件, 故可得合格率. (2) 根据扇形统计图, 3月份不合格率为 2% , 总产量为 5 000 件, 可得不合格数量, 4月份不合格率为 $(1-98.4\%)$, 总产量为 10 000 件, 可得不合格数量.

解: (1) 因为 $(132+160+200) \div (8+132+160+200) \times 100\% = 98.4\%$. 所以 4 月份生产的该产品抽样检测的合格率是 98.4%.

(2) 3 月份生产的产品中, 不合格的件数是 $5000 \times 2\% = 100$, 4 月份生产的产品中, 不合格的件数是 $10000 \times (1-98.4\%) = 160$. 因为 $100 < 160$, 所以估计 4 月份生产的产品中不合格的件数多.

19.【考点】平行线、相似三角形.

【分析】(1) 由平行可得两组同位角相等, 即可得到相似. (2) ① 平行线分线段成比例可得 BE 与 EC 的比值, 而 $EC = 12 - BE$, 即可求得 BE . ② 由三角形相似可得面积比等于相似比的平方. 得 $\frac{S_{\triangle EFC}}{S_{\triangle ABC}} = (\frac{2}{3})^2 = \frac{4}{9}$, 把 $S_{\triangle EFC} = 20$ 代入得 $S_{\triangle ABC} = 45$.

解: (1) 因为 $DE \parallel AC$, 所以 $\angle BED = \angle C$, 又因为 $EF \parallel AB$, 所以 $\angle B = \angle FEC$, 所以 $\triangle BDE \sim \triangle EFC$.

(2) ① 因为 $EF \parallel AB$, 所以 $\frac{BE}{EC} = \frac{AF}{FC} = \frac{1}{2}$. 因为 $BC = 12$, 所以 $\frac{BE}{12-BE} = \frac{1}{2}$, 所以 $BE = 4$.

② 因为 $EF \parallel AB$, 所以 $\triangle EFC \sim \triangle BAC$. 因为 $\frac{BE}{EC} = \frac{1}{2}$, 所以 $\frac{EC}{BC} = \frac{2}{3}$. 设 $\triangle EFC$ 的面积为 S_1 , $\triangle ABC$ 的面积为 S , 所以 $\frac{S_1}{S} = \frac{4}{9}$. 因为 $S_1 = 20$, 所以 $S = 45$. 所以 $\triangle ABC$ 的面积是 45.

20.【考点】反比例函数增减性, 图象, 数形结合.

【分析】(1) 由于 $k > 0$, $y_1 = \frac{k}{x}$ 中 y 值随 x 的增大而减小, 所以当 $x=2$ 时, $y_1=a$, 可得 $k=2a$, 而 $y=\frac{-k}{x}$ 中, 当 $x=2$ 时, $y_2=a-4$, 可得 $-k=2a-8$, 建立关于 k, a 的方程组, 即可求解. (2) 因为反比例函数只有在同一象限内才能用增减性来比较函数值的大小, 不同象限内可借助图象比较. 举反例时可取 $m=m_0$, 使 $-1 < m_0 < 0$, 则 $m_0+1 > 0$, 可得点 (m_0, p) 在第三象限, (m_0+1, q) 在第一象限, $p < q$.

解: (1) 因为 $k > 0$, $x > 0$, 所以 y_1 随 x 的增大而减小, 所以当 $x=2$ 时, $y_1=a$, 即 $k=2a$. ① 又因为 $-k < 0$, $x > 0$, 所以 y_2 随 x 的增大而增大, 所以当 $x=2$ 时, $y_2=a-4$, 即 $-k=2a-8$. ② 由①, ②得 $a=2, k=4$.

(2) 圆圆的说法不正确. 取 $m=m_0$, 满足 $-1 < m_0 < 0$, 则 $m_0 < 0, m_0+1 > 0$. 所以当 $x=m_0$ 时, $p=y_1=\frac{k}{m_0} < 0$; 当 $x=m_0+1$ 时, $q=y_1=\frac{k}{m_0+1} > 0$. 此时 $p < 0 < q$, 所以圆圆的说法不正确.

21.【考点】正方形, 相似三角形, 平分线, 三角形全等.

【分析】(1) 由正方形可得 $AD \parallel BC$, 而 AG 平分 $\angle DAE$, 角度转化可得等腰 $\triangle AEF$, 由 $\lambda=1$, 知 E 为 BC 中点, EF, EC 相等即得 CF . (2) ① 由 $EG \perp AF$ 可得 $\triangle DAG \cong \triangle CFG$. 即 G 为中点. ② 由于 G 是 CD 中点, 可得 $CF=AD$, 而 $CG=\frac{1}{2}AD$, 抓住基本图形, $\triangle EGC \sim \triangle GFC$, 设正方形边长为 2, 得 $CG=1, CF=2, EC=\frac{1}{2}$, 即可求得 BE , 从而计算出 λ .

解: (1) 因为在正方形 $ABCD$ 中, $AD \parallel BC$, 所以 $\angle DAF = \angle F$, 又因为 AG 平分 $\angle DAE$, 所以 $\angle DAF = \angle EAF$, 所以 $\angle EAF = \angle F$. 所以 $EA = EF$. 因为 $\lambda = 1$, $AB = BC = 2$, 所以 $BE = EC = 1$. 在 $\triangle ABE$ 中, 由勾股定理, 得 $EA = \sqrt{5}$. 所以 $CF = EF - EC = \sqrt{5} - 1$.

(2) ① 因为 $EA = EF$, $EG \perp AF$, 所以 $AG = GF$. 又因为 $\angle AGD = \angle FGC, \angle DAG = \angle F$, 所以 $\triangle DAG \cong \triangle CFG$. 所以 $DG = CG$, 所以点 G 为 CD 边的中点.

② 不妨设 $CD = 2$, 则 $CG = 1$. 由①知 $CF = AD = 2$. 由题意, 知 $\triangle EGC \sim \triangle GFC$, 所以 $\frac{EC}{CG} = \frac{CG}{CF} = \frac{1}{2}$, 所以 $EC = \frac{1}{2}$, 所以 $BE = \frac{3}{2}$, 所以 $\lambda = \frac{CE}{EB} = \frac{1}{3}$.

22.【考点】二次函数, 等式基本性质, 因式分解, 解方程.

【分析】(1) 对称轴为直线 $x=3$, 可求得 b , 把 (a, b) 代入 y_1 可得关于 a 的一元二次方程, 从而得到 2 个函数解析式. (2) 把 $(r, 0)$ 代入 y_1 可得 $r^2 + br + a = 0$, 公式变形得 $1 + \frac{b}{r} + \frac{a}{r^2} = 0$, 把 $x = \frac{1}{r}$ 代入 y_2 中可得 $y_2 = 0$ 即图象过 $(\frac{1}{r}, 0)$. (3) 由最小值公式先表达出 m, n , 然后建立 a, b 的方程, 利用因式分解法, 把 $4a - b^2$ 看成整体, 求得

$(a+1)(4a-b^2)=0$ 得 $b^2=4a$, 从而得 $m=0, n=0$.

解:(1)由题意,得 $-\frac{b}{2}=3$, 所以 $b=-6$, 又因为函数 y_1

的图象经过点 (a, b) , 所以 $a^2-6a+a=-6$, 解得 $a=2$ 或 $a=3$. 所以 $y_1=x^2-6x+2$ 或 $y_1=x^2-6x+3$.

(2)因为函数 y_1 的图象经过点 $(r, 0)$, 所以 $r^2+br+a=0$, 因为 $r \neq 0$, 两边同除以 r^2 , 得 $1+\frac{b}{r}+\frac{a}{r^2}=0$, 即

$a(\frac{1}{r})^2+b \cdot \frac{1}{r}+1=0$, 所以 $\frac{1}{r}$ 是方程 $ax^2+bx+1=0$ 的一个实数根, 即函数 y_2 的图象经过点 $(\frac{1}{r}, 0)$.

(3)由题意,得 $a>0, m=\frac{4a-b^2}{4}, n=\frac{4a-b^2}{4a}$. 因为 $m+n=0$, 所以 $\frac{4a-b^2}{4}+\frac{4a-b^2}{4a}=0$. 所以 $(4a-b^2)(a+1)=0$, 因为 $a+1 \neq 0$, 所以 $4a-b^2=0$, 所以 $m=0, n=0$.

23.【考点】平行线分线段成比例, 平行四边形, 相似三角形, 中垂线等综合应用.

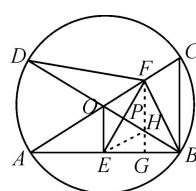
【分析】(1)由 $\angle BAC=30^\circ$ 可计算 OE, AE , 由于 F 为中点, 可得 $OE=OF$, 可计算 $\angle OFE=30^\circ$, 得 $EF=AE=\frac{\sqrt{3}}{2}$. (2)①由直径得 $\angle ABC=90^\circ$, 所以作 $FG \perp AB$ 构造直角三角形, 由 $FG \parallel BC$ 得 $FH=\frac{1}{2}BC, OE \parallel BC$ 得

$OE \perp BC$, \therefore 四边形 $OEHF$ 是平行四边形, 对角线互相平分. ②由平行线分线段成比例可得 G 是 BE 中点. 即 FG 是 BE 中垂线. $\therefore EF=BF$, 故 $DF=BF$, 可得 FO 是 BD 的中垂线, $\therefore \angle FOB=90^\circ$, 得 $\triangle OAB$ 是等腰直角三角形, 即 $\angle BAC=45^\circ$.

解:(1)因为 $OE \perp AB, \angle BAC=30^\circ, OA=1$, 所以 $\angle AOE=60^\circ, OE=\frac{1}{2}OA=\frac{1}{2}, AE=\frac{\sqrt{3}}{2}$, 又因为点 F 是半径 OC 的中点, 所以 $OF=\frac{1}{2}OC=\frac{1}{2}$, 所以 $OE=OF$. 所以 $\angle OFE=\frac{1}{2}\angle AOE=30^\circ$, 所以 $\angle BAC=\angle OFE$, 所以 $EF=AE$. 所以 $EF=\frac{\sqrt{3}}{2}$.

(2)作 $FG \perp AB$ 于点 G , 与 BO 交于点 H , 连结 EH . ①因为 AC 为 $\odot O$ 的直径, 所以 $\angle ABC=90^\circ$, 所以 $FG \parallel BC$. 所以 $\triangle OFH \sim \triangle OCB$, 所以 $\frac{FH}{BC}=\frac{OF}{OC}=\frac{1}{2}$, 同理 $\frac{OE}{BC}=\frac{1}{2}$, 所以 $FH=OE$. 又因为 $FH \parallel OE$, 所以四边形 $OEHF$ 是平行四边形. 所以 $PE=PF$.

②因为 $OE \parallel FG \parallel BC$, 所以 $\frac{EG}{GB}=\frac{OF}{FC}=1$, 所以 $EG=GB$, 所以 $EF=BF$. 因为 $DF=EF$, 所以 $DF=BF$. 因为 $DO=BO$, 所以 $FO \perp BD$, 所以 $\triangle AOB$ 是等腰直角三角形, 所以 $\angle BAC=45^\circ$.



宁波市 2020 年初中学业水平考试 数学试卷

一、选择题

1.【考点】相反数.

【分析】 -3 的相反数是 3 .

【答案】D.

2.【考点】幂的运算, 整式的加减乘除.

【分析】 $a^6 \div a^3 = a^{6-3} = a^3$.

【答案】C.

3.【考点】科学记数法.

【分析】 $112000000=1.12 \times 10^9$.

【答案】B.

4.【考点】三视图.

【分析】主视图为长方形与圆, 圆在长方形上方.

【答案】B.

5.【考点】概率.

【分析】 $(P_{红})=\frac{4}{4+2}=\frac{2}{3}$.

【答案】D.

6.【考点】二次根式, 不等式.

【分析】由 $x-2 \geqslant 0$ 得 $x \geqslant 2$.

【答案】C.

7.【考点】勾股定理, 直角三角形的性质, 三角形中位线的性质.

【分析】 $\because BE=BC, F$ 为 DE 中点,

$BF \perp \frac{1}{2}CD$,

$\therefore \angle ACB=90^\circ$,

$\therefore AB=\sqrt{AC^2+BC^2}=10$,

$\therefore CD$ 为中线,

$\therefore CD=\frac{1}{2}AB=5$,

$\therefore BF=2.5$.

【答案】B.

8.【考点】列方程组解应用题.

【分析】由已知绳子比木条长 4.5 尺, 得 $y=x+4.5$, 绳子对折比木条短 1 尺得 $\frac{1}{2}y=x-1$, 组成方程组

$$\begin{cases} y=x+4.5, \\ \frac{1}{2}y=x-1. \end{cases}$$

【答案】A.

9.【考点】二次函数的图象和性质.

【分析】由图象可知, $a>0, b>0, c>0$, 故 A 错. 抛物线与 x 轴有两个交点, 故 $b^2-4ac>0$, B 错. 对称轴为 $x=-1$ 即 $-\frac{b}{2a}=-1$, 得 $b=2a$, 又当 $x=-1$ 时, $y=a-b+c<0$, $\therefore c-a<0$, 故 C 错. 由对称性可知, 当 $x=0$ 或 -2 时, $y=c$; 由增减性可知 $x \leqslant -1$ 时, y 值随 x 增大而减小, 因为

$-n^2 - 2 \leq -2$, 所以当 $x = -n^2 - 2$ 时 $y \geq c$, 故 D 正确.

【答案】D.

10.【考点】正三角形的性质, 全等三角形, 数学转换的思想.

【分析】由正三角形的性质, 可得 $\triangle AFH \cong \triangle BGF \cong \triangle CHG$,

$$\therefore AF = CH.$$

又 \because 正 $\triangle ABC$, 正 $\triangle BDE \cong$ 正 $\triangle FGH$,

$$\therefore AB = BC = AC, FH = BD = DE = BE,$$

$$\therefore DE + EC + CH + HF + FD$$

$$= (DE + EC) + (CH + HF + FD)$$

$$= (BE + EC) + (AF + BD + FD).$$

$$= BC + AB = 2AB = \frac{2}{3} \triangle ABC \text{ 周长.}$$

∴ 只要知道 $\triangle ABC$ 的周长即可求出五边形 $DECHF$ 的周长.

【答案】A.

二、填空题

11.【考点】立方根.

$$【分析】\sqrt[3]{8} = 2.$$

【答案】2.

12.【考点】分解因式.

$$【分析】2a^2 - 18 = 2(a^2 - 9) = 2(a+3)(a-3).$$

$$【答案】2(a+3)(a-3).$$

13.【考点】方差, 平均数.

【分析】方差越小产量越稳定, 平均数越大, 产量越高, 选甲.

【答案】甲.

14.【考点】扇形, 弧长.

$$【分析】l_{\widehat{AB}} = \frac{120\pi r}{180} = 18\pi.$$

【答案】 18π .

15.【考点】圆的基本性质, 勾股定理, 切线的性质, 分类讨论的思想.

【分析】连结 OB , 则 $\angle OBC = 90^\circ$.

$$\because BC = OA = OB = 2, \therefore OC = 2\sqrt{2}.$$

$$\text{当 } \angle AOC = 90^\circ \text{ 时, 斜边 } AC = \sqrt{AO^2 + OC^2} = 2\sqrt{3}.$$

$$\text{当 } \angle OAC = 90^\circ \text{ 时, 斜边 } OC = 2\sqrt{2}.$$

∴ 直角三角形 $\triangle OAC$ 的斜边长为 $2\sqrt{2}$ 或 $2\sqrt{3}$.

【答案】 $2\sqrt{2}$ 或 $2\sqrt{3}$.

16.【考点】反比例函数的图象和性质, 点的坐标, 面积变换.

【分析】设 $A(m, \frac{a}{m})$, 则 $B(m, \frac{b}{m})$, $E(\frac{bm}{a}, \frac{a}{m})$, $D(-m, -\frac{a}{m})$, $C(-\frac{bm}{a}, -\frac{a}{m})$.

∴ E, O, C 三点在同一直线上; 连 EC .

$$\therefore S_{\triangle AED} = S_{\text{五边形 } ABCDE} - S_{\text{四边形 } ABCD} = 56 - 32 = 24.$$

$$\therefore AO = DO,$$

$$\therefore S_{\triangle AOE} = S_{\triangle DOE} = 12.$$

$$\text{又 } \because S_{\triangle AOE} = \frac{1}{2}|a| + \frac{1}{2}|b| = \frac{|a-b|}{2} = 12,$$

$$\therefore a - b = 24.$$

延长 AB, DC 相交于点 F , 则 $F(m, -\frac{a}{m})$,

$$\therefore S_{\triangle ADF} = 2a, BF = \frac{a+b}{m}, CF = \frac{a+b}{a}m,$$

$$\therefore S_{\triangle CBF} = \frac{1}{2} \cdot BF \cdot CF = \frac{(a+b)^2}{2a},$$

$$\therefore S_{\triangle ADF} = S_{\text{四边形 } ABCD} + S_{\triangle BCF},$$

$$\therefore 2a = 32 + \frac{(a+b)^2}{2a},$$

$$\therefore 4a^2 = 64a + (a+b)^2, \quad ①$$

$$\text{由 } a - b = 24 \text{ 得 } b = a - 24. \quad ②$$

$$\text{②代入①得 } 4a^2 = 64a + (2a - 24)^2,$$

$$\therefore a = 18, b = -6,$$

$$\therefore \frac{b}{a} = -\frac{1}{3}.$$

$$【答案】24, -\frac{1}{3}.$$

三、解答题

17.【考点】(1) 整式的加减, 乘除, 完全平方公式, 单项式乘多项式, 化简. (2) 解不等式.

$$【分析】(1) (a+1)^2 = a^2 + 2a + 1, a(2-a) = 2a - a^2.$$

(2) 解不等式步骤: 去括号, 移项, 合并同类项, 求解.

$$\text{解: (1) 原式} = a^2 + 2a + 1 + 2a - a^2 = 4a + 1$$

$$\text{解: (2) 去括号, 得 } 3x - 5 < 4 + 6x, \text{ 移项, 得 } 3x - 6x < 4 + 5, \text{ 合并同类项, 得 } -3x < 9, \text{ 两边同除以 } -3, \text{ 得 } x > -3.$$

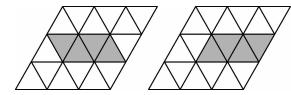
18.【考点】轴对称图形, 中心对称图形, 正三角形, 图形的变换.

【分析】(1) 轴对称可以有多种不同的方法, 可以是正三角形等. (2) 中心对称图形构成平行四边形是最有效的方法.

解: (1) 画出下列其中一种即可.



(2) 画出下列其中一种即可.



19.【考点】等腰三角形的性质, 解直角三角形, 用数学方法解决实际问题.

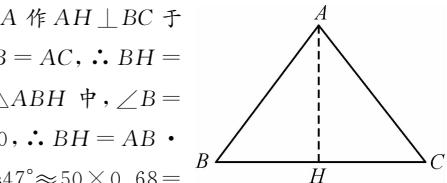
【分析】(1) 利用等腰三角形底边上的高线性质构造直角三角形, 然后解直角三角形. (2) 实际上就是求等腰 $\triangle ABC$ 底边上的高线与汽车底盘高度的大小.

解: (1) 过点 A 作 $AH \perp BC$ 于点 H , $\because AB = AC$, $\therefore BH = HC$, 在 $\text{Rt } \triangle ABH$ 中, $\angle B = 47^\circ$, $AB = 50$, $\therefore BH = AB \cdot \cos B = 50 \cos 47^\circ \approx 50 \times 0.68 =$

$$34, \therefore BC = 2BH = 68 \text{ cm.}$$

(2) 在 $\text{Rt } \triangle ABH$ 中, $AH = AB \cdot \sin B = 50 \sin 47^\circ \approx 50 \times$

$$0.73 = 36.5 \text{ (cm)}, \therefore 36.5 > 30, \therefore \text{当车位锁上锁时, 这辆}$$



汽车不能进入该车位.

20.【考点】二次函数的图象和性质,抛物线的平移.

【分析】(1)把B点代入抛物线,求出解析式,然后分别求出A、B、C坐标,根据图象求出x的取值范围.(2)分别求出A、D坐标,明确点O移到点A的方法,对抛物线进行平移变换.

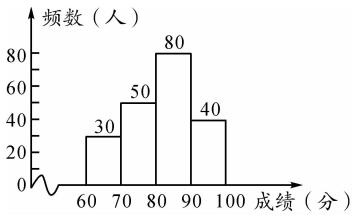
解:(1)把B(1,0)代入 $y=ax^2+4x-3$,得 $0=a+4-3$,解得 $a=-1$, $\therefore y=-x^2+4x-3=-(x-2)^2+1$, \therefore 点A坐标为(2,1), \because 抛物线的对称轴为直线 $x=2$,且点C与点B关于对称轴对称, \therefore 点C(3,0), \therefore 当 $y>0$ 时,x的取值范围是 $1 < x < 3$.

(2) $D(0,-3)$, \therefore 点D移到点A时,抛物线向右平移2个单位,向上平移4个单位, $y=-(x-4)^2+5$.

21.【考点】频数分布直方图;扇形统计图;中位数,样本估计总体,数据的统计与整理.

【分析】(1)由基本合格的频数和百分数求出总数=频数÷百分数,从而求出合格的频数,补全直方图.(2)圆心角 $=360^\circ \times \frac{\text{良好频数}}{\text{总数}}$.(3)中位数应该取100和101位的平均数,处在良好一组.(4) $1500 \times$ 优秀的百分数即为所求.

解:(1) $30 \div 15\% = 200$ (人), $200 - 30 - 80 - 40 = 50$ (人).补全频数直方图:



(2) $360^\circ \times \frac{80}{200} = 144^\circ$.

(3)这次测试成绩的中位数的等第是良好.

(4) $\frac{40}{200} \times 1500 = 300$ (人).

答:该校获得优秀的学生共有300人.

22.【考点】行程问题应用题,一次函数的图象和性质,数形结合的思想方法,逻辑推理,数学分析的思维.

【分析】(1)设 $y=kx+b$,把 $(1.6,0),(2.6,80)$ 代入即可求出解析式.(2)由图象可知,甲车速度为50千米/时,原计划到达B地时间为12:00,乙出发时间为9:36分;乙出发速度为80千米/时与甲相遇时间为 $120 \div 80 = 1.5$ 时;乙必须在13:00前回到B地,返回可用时间最多 $13 - 9.6 - 1.5 - 0.3 = 1.6$ (小时),需走的路程为120千米,最小速度为 $120 \div 1.6 = 75$ 千米/时.

解:(1)设函数表达式为 $y=kx+b(k \neq 0)$,把 $(1.6,0),(2.6,80)$ 代入 $y=kx+b$,得 $\begin{cases} 0=1.6k+b, \\ 80=2.6k+b, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k=80, \\ b=-128. \end{cases}$ \therefore y关于x的函数表达式为 $y=80x-128$ $(1.6 \leq x \leq 3.1)$ (注:x的取值范围对考生不作要求)

(2)当 $y=200-80=120$ 时, $120=80x-128$,解得 $x=3.1$,货车甲正常到达B地的时间为 $200 \div 50 = 4$ (小时), $18 \div 60 = 0.3$ (小时), $4+1=5$ (小时), $5-3.1-0.3 = 1.6$ (小时),设货车乙返回B地的车速为v千米/时, $1.6v \geq 120$,解得 $v \geq 75$.答:货车乙返回B地的车速至少为75千米/时.

23.【考点】(1)相似三角形的判定和性质,比例线段,平行四边形的判定和性质,图形的构造,添辅助线;转换的思想,化归思想.

【分析】(1)利用相似得比例.(2)由 $\angle BFE = \angle A = \angle C$ 利用(1)的结论得 $BF^2 = BE \cdot BC$,求得BC即AD.(3)构造类似相似图形,结合菱形的性质,延长EF,DC交于点G.利用(1)的结论,由 $\angle EDF = \angle BAC = \angle G$ 得 $DE^2 = EF \cdot EG$,得到 $DE = \sqrt{2}EF$,再利用 $\triangle DEF \sim \triangle GED$,得比例线段 $\frac{DG}{DF} = \frac{DE}{EF}$,从而求出DG,DC.

解:(1) $\because \angle ACD = \angle B$, $\angle A = \angle A$, $\therefore \triangle ADC \sim \triangle ACB$, $\therefore \frac{AD}{AC} = \frac{AC}{AB}$, $\therefore AC^2 = AD \cdot AB$.

(2) \because 四边形ABCD是平行四边形, $\therefore AD = BC$, $\angle A = \angle C$,又 $\because \angle BFE = \angle A$, $\therefore \angle BFE = \angle C$,又 $\because \angle FBE = \angle CBF$, $\therefore \triangle BFE \sim \triangle BCF$, $\therefore BF^2 = BE \cdot BC$, $\therefore BC = \frac{BF^2}{BE} = \frac{16}{3}$, $\therefore AD = \frac{16}{3}$.

(3)如图,分别延长EF,DC相交于点G. \because 四边形ABCD是菱形, $\therefore AB \parallel DC$, $\angle BAC = \frac{1}{2} \angle BAD$, $\therefore AC \parallel EF$, \therefore 四边形AEGC为平行四边形, $\therefore AC = EG$, $CG = AE$, $\angle EAC = \angle G$, $\therefore \angle EDF = \frac{1}{2} \angle BAD$, $\therefore \angle EDF = \angle BAC$, $\therefore \angle EDF = \angle G$,又 $\because \angle DEF = \angle GED$, $\therefore \triangle EDF \sim \triangle EGD$, $\therefore DE^2 = EF \cdot EG$,又 $\because EG = AC = 2EF$, $\therefore DE^2 = 2EF^2$, $\therefore DE = \sqrt{2}EF$,又 $\because \frac{DG}{DF} = \frac{DE}{EF}$, $\therefore DG = \sqrt{2}DF = 5\sqrt{2}$, $\therefore DC = DG - CG = 5\sqrt{2} - 2$. \therefore 菱形ABCD的边长为 $5\sqrt{2} - 2$.

24.【考点】(1)角平分线,三角形的外角性质.(2)圆周角定理,圆内接四边形性质,转换的思想.(3)圆的基本性质,等腰直角三角形的判定和性质,相似三角形的判定和性质,比例线段,等腰三角形的性质,添辅助线构造相似三角形,勾股定理,转换的数学思想,综合运用各种知识的能力.

【分析】(1)利用三角形外角性质(或内角和性质)即可求解.(2)即证BE平分 $\angle ABC$,CE平分与 $\angle ACB$ 相邻的外角.利用圆周角定理可证 $\angle ABF = \angle ADF$,利用圆内接四边形外角性质可证 $\angle EBC = \angle EDF$,由DF平分 $\angle ADE$.延长BC至点T,从而证: $\angle ADF = \angle EDF = \angle ABE = \angle EBT$,先证得BE平分 $\angle ABC$.同样四边形

中, $OB=1$, $\angle DOB=60^\circ$, $\therefore BD=\sqrt{3}$.

【答案】D.

8.【考点】解直角三角形, 三角函数.

【分析】过 A 作 BC 的垂线构造直角三角形.

【答案】A.

9.【考点】二次函数图象和性质.

【分析】对称轴直线 $x=-2$, 利用图象即可求解.

【答案】B.

10.【考点】勾股定理, 正方形、相似三角形、平行四边形性质, 图形的分解与组合.

【分析】连结 EH, $\triangle EPC \sim \triangle HQC$, $\therefore HQ=2PE$, 故 QC : PC = 2 : 1, $\therefore CQ=10$. $\because \square ABQC$, $\therefore AB=10$, 又 BC : CD = 2 : 1, \therefore 设 AC = a, BC = 2a, Rt $\triangle ABC$ 中, $a=2\sqrt{5}$. 故 AB 上高为 4, $\therefore CR=10+4=14$.

【答案】A.

二、填空题

11.【考点】因式分解.

【分析】平方差公式分解.

【答案】 $(m+5)(m-5)$.

12.【考点】解一元一次不等式组.

【分析】解不等式组 $x < 3$, $x \geq -2$, $\therefore -2 \leq x < 3$.

【答案】 $-2 \leq x < 3$.

13.【考点】弧长求法.

【分析】弧长公式 $l = \frac{n\pi r}{180}$.

【答案】 $\frac{3}{4}\pi$.

14.【考点】频数分布直方图.

【分析】从图中看出 $90+30+20=140$.

【答案】140.

15.【考点】矩形性质, 反比例函数图象与性质, 综合分析能力.

【分析】设 $P(a, 3h)$, 则 $R(3a, h)$, $\therefore S_1 + S_3 = 27$, $\therefore ah + \frac{3}{2}ah = 27$, $\therefore ah = \frac{54}{5}$, 而 $S_2 = \frac{1}{2}ah = \frac{27}{5}$.

【答案】 $\frac{27}{5}$.

16.【考点】矩形性质, 直角三角形和等腰直角三角形性质, 相似三角形图形组合与分解, 综合分析问题和解决问题能力.

【分析】 $\because \triangle BFN$ 是等腰直角三角形, $\therefore BF=FN=10$, 同理得 $\triangle AEN$ 是等腰直角三角形, $\therefore AE=EN=25$, $\therefore AB=AN-BN=25\sqrt{2}-10\sqrt{2}=15\sqrt{2}$. 过 C 作 $CH \perp EN$, 垂足为 H, 过 B 作 $BG \perp CH$, 垂足为 G, 这样 $\triangle CBG$ 是等腰直角三角形, 设 $BG=a$, 则 $CG=a$. $\therefore CH=CG+GH=a+10$, $MH=a-2$. 由于 $\triangle AEF \sim \triangle CHM$, $\therefore \frac{AE}{EF}=\frac{CH}{MH}$, $\therefore \frac{25}{15}=\frac{a+10}{a-2}$, $\therefore a=20$, $\therefore BC=20\sqrt{2}$.

【答案】 $15\sqrt{2}, 20\sqrt{2}$.

三、解答题

17.【考点】(1) 实数运算, 二次根式, 绝对值, 零指数, (2) 整式运算, 完全平方公式, 单项式乘多项式.

【分析】(1) $\sqrt{4}=2$, $|-2|=2$, $(\sqrt{6})^0=1$. (2) 先展开, 再合并同类项.

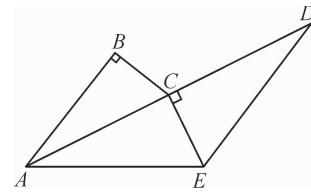
解:(1) 原式 = $2-2+1+1=2$.

(2) 原式 = $x^2-2x+1-x^2-7x=-9x+1$.

18.【考点】全等三角形判定, 直角三角形性质, 图形组合与分解, 分析能力.

【分析】(1) 先证内错角相等, 再由直角相等, $AC=DE$, 可证全等. (2) 由(1)知 $CE=BC$, 在 $\text{Rt}\triangle ACE$ 中, $AC=12$, $CE=5$, $\therefore AE=13$.

解:(1) $\because AB \parallel DE$, $\therefore \angle BAC=\angle D$. $\because \angle B=\angle DCE=90^\circ$, $AC=DE$, $\therefore \triangle ABC \cong \triangle DCE$ (AAS).



(2) $\because \triangle ABC \cong \triangle DCE$, $\therefore CE=BC=5$. $\because AC=12$, $\angle ACE=90^\circ$, $\therefore AE=\sqrt{5^2+12^2}=13$.

19.【考点】折线统计图, 平均数, 方差.

【分析】(1) 反映平均水平, 即是平均数, 根据公式求解. (2) 利用统计量来说明, 从方差和平均数来说明.

解:(1) 平均数, $\bar{x}_A=\frac{1+1.6+2.2+2.7+3.5+4}{6}=2.5$ (万元).

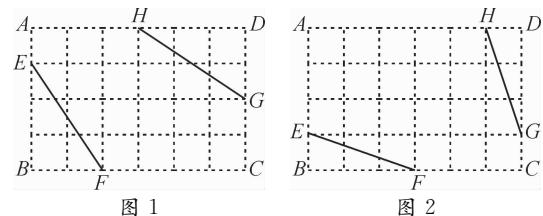
$\bar{x}_B=\frac{2+3+1.7+1.8+1.7+3.6}{6}=2.3$ (万元).

(2) A 等级: 选 A 酒店, 能较为全面、合理阐述理由. B 等级: 选 A 酒店, 能从部分角度合理阐述理由. C 等级: ① 选 A 酒店, 无理由或理由不合理; ② 选 B 酒店但有合理理由.

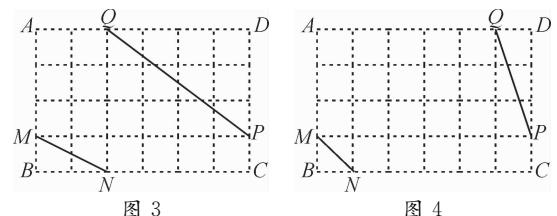
20.【考点】画图, 直角三角形性质, 二次根式的运算, 数形结合.

【分析】(1) 利用直角三角形斜边来构造. (2) 利用直角三角形斜边来构造, $PQ=\sqrt{5}MN$, 要借助 $\sqrt{5}$.

解:(1) 画法不唯一, 如图 1 或图 2 等.



(2) 画法不唯一, 如图 3 或图 4 等.



21.【考点】二次函数图象与性质,待定系数法,方程和函数思想.

【分析】(1) 把 $(1, -2), (-2, 13)$ 代入解二元一次方程组.(2) 先算 y_1 , 再算 y_2 , 最后由于 $y_1 = y_2$, 利用对称性求 m 或先算 y_1 , 再算 y_2 , 最后把 (m, y_2) 代入求 m 的值.

解:(1) 把 $(1, -2), (-2, 13)$ 代入 $y = ax^2 + bx + 1$, 得

$$\begin{cases} -2 = a + b + 1, \\ 13 = 4a - 2b + 1, \end{cases} \text{解得 } \begin{cases} a = 1, \\ b = -4. \end{cases}$$

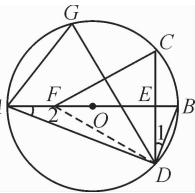
(2) 由(1)得函数表达式为 $y = x^2 - 4x + 1$, 把 $x = 5$ 代入 $y = x^2 - 4x + 1$, 得 $y_1 = 6$, ∵ $y_2 = 12 - y_1 = 6$. ∵ $y_1 = y_2$, 对称轴为直线 $x = 2$, ∴ $m = 4 - 5 = -1$.

22.【考点】圆,圆周角,圆心角,垂径定理,解直角三角形,综合分析能力.

【分析】(1) 先证 $\widehat{AC} = \widehat{AD}$, AB 是直径, ∴ $\widehat{BC} = \widehat{BD}$, ∴ $\angle 1 = \angle 2$. (2) 先证 $DC = DF = 10$, 这样 $DE = 5$, $Rt\triangle DEB$ 中, $EB = DE \times \tan \angle 1 = 2$, $Rt\triangle AED$ 中, $AE = \frac{DE}{\tan \angle 2} = \frac{25}{2}$, ∴ $\odot O$ 半径为 $\frac{29}{4}$.

解:(1) ∵ $\angle ADC = \angle G$, ∴ $\widehat{AC} = \widehat{AD}$. ∵ AB 为 $\odot O$ 的直径, ∴ $\widehat{ACB} = \widehat{ADB}$, ∴ $\widehat{ACB} - \widehat{AC} = \widehat{ADB} - \widehat{AD}$, 即 $\widehat{CB} = \widehat{DB}$, ∴ $\angle 1 = \angle 2$.

(2) 连结 DF . ∵ $\widehat{AC} = \widehat{AD}$, AB 为 $\odot O$ 的直径, ∴ $AB \perp CD$, $CE = DE$, ∴ $FD = FC = 10$. ∵ 点 C, F 关于 GD 对称, ∴ $DC = DF = 10$, ∴ $DE = 5$. ∵ $\tan \angle 1 = \frac{2}{5}$, ∴ $EB = DE \cdot \tan \angle 1 = 2$. ∵ $\angle 1 = \angle 2$, ∴ $\tan \angle 2 = \frac{2}{5}$, ∴ $AE = \frac{DE}{\tan \angle 2} = \frac{25}{2}$, ∴ $AB = AE + EB = \frac{29}{2}$, ∴ $\odot O$ 的半径为 $\frac{29}{4}$.



23.【考点】方程思想,列表法理清数量及数量关系.

【分析】(1) 利用进价差 10 元列式.(2) ① 利用利润相同列式. ② 利用题中数量关系,列出不等式求解.

解:(1) 设 3 月份进了 x 件 T 恤衫, 则 4 月份进了 $2x$ 件 T 恤衫, 根据题意, 得 $\frac{39000}{2x} - \frac{18000}{x} = 10$, 解得 $x = 150$. 经检验, $x = 150$ 是所列方程的根, 且符合题意. ∴ $2x = 300$. 答: 4 月份进了 300 件 T 恤衫.

(2) ① 按标价出售每件利润为 $180 - 130 = 50$ 元, 按标价九折每件利润为 $180 \times 0.9 - 130 = 32$ 元, 按标价八折每件利润为 $180 \times 0.8 - 130 = 14$ 元, 按标价七折每件利润为 $180 \times 0.7 - 130 = -4$ 元. 由题意得 $50a + 14(150 - a) = 50a + 32b - 4(150 - a - b)$, ∴ a, b 的关系式为 $a + 2b = 150$, ∴ $b = \frac{150 - a}{2}$.

② 由题意得 $b \geq a$, ∴ $\frac{150 - a}{2} \geq a$, 解得 $a \leq 50$. ∵ 乙店利润与甲店相同, ∴ 乙店利润为 $50a + 14(150 - a) = 2100 + 36a$. ∵ $a \leq 50$, ∴ 最大利润为 3900 元. 答: 乙店利润的

最大值为 3900 元.

24.【考点】平行线,角平分线,方程和函数思想,平行四边形性质,等腰三角形性质,相似三角形,画图,数形结合思想,分类讨论思想,综合分析问题解决问题能力.

【分析】(1) 证明 $\angle AED = \angle ABF$ 即可.(2) 利用点 P 运动, 即 $x = 0$ 时, $y = 12$, 得 $DE = 12$. 先求 FN, MN, MB , 再求 $BF = FN + MN + MB = 16$. (3) ① 先证四边形 $DEM F$ 是平行四边形, 再说明 $\angle DEA = 30^\circ = \angle FBE = \angle FBC$. 算出 $BE = 4\sqrt{3}$, ∵ $DP = DF$ 时, $-\frac{6}{5}x + 12 = 4$, $\therefore BQ = 14 - x = \frac{22}{3}$, ∴ $BQ > BE$. ② 分三种情况讨论, 具体见解答.

解:(1) $DE \parallel BF$, 理由如下(如图 1): ∵ $\angle A = \angle C = 90^\circ$, ∴ $\angle ADC + \angle ABC = 360^\circ - (\angle A + \angle C) = 180^\circ$. ∵ DE, BF 分别平分 $\angle ADC, \angle ABC$, ∴ $\angle ADE = \frac{1}{2}\angle ADC, \angle ABF = \frac{1}{2}\angle ABC$,

$$= \frac{1}{2} \times 180^\circ = 90^\circ. \therefore \angle ADE + \angle AED = 90^\circ, \therefore \angle AED = \angle ABF, \therefore DE \parallel BF.$$

(2) 令 $x = 0$ 得 $y = 12$, ∴ $DE = 12$. 令 $y = 0$ 得 $x = 10$, ∴ $MN = 10$. 把 $y = \frac{24}{5}$ 代入 $y = -\frac{6}{5}x + 12$, 得 $x = 6$, 即 $NQ = 6$, ∴ $QM = 10 - 6 = 4$. ∵ Q 是 BF 中点, ∴ $FQ = QB$. ∵ $BM = 2FN$, ∴ $FN + 6 = 4 + 2FN$, 得 $FN = 2$, $BM = 4$, ∴ $BF = FN + MN + MB = 16$.

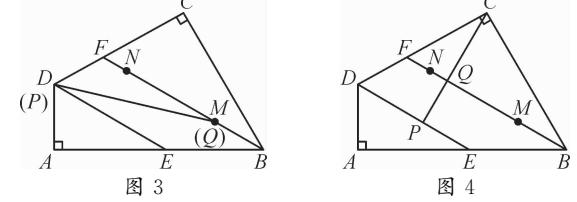
(3) ① 如图 2, 连结 EM 并延长交 BC 于点 H , ∵ $FM = 2 + 10 = 12 = DE$, $DE \parallel BF$, ∴ 四边形 $DFME$ 是平行四边形, ∴ $DF = EM$. ∵ $AD = 6, DE = 12, \angle A = 90^\circ$, ∴ $\angle DEA = 30^\circ = \angle FBE = \angle FBC$.

② 如图 2, 连结 EM 并延长交 BC 于点 H , ∵ $FM = 2 + 10 = 12 = DE$, $DE \parallel BF$, ∴ 四边形 $DFME$ 是平行四边形, ∴ $DF = EM$. ∵ $AD = 6, DE = 12, \angle A = 90^\circ$, ∴ $\angle DEA = 30^\circ = \angle FBE = \angle FBC$.

③ $\angle ADE = 60^\circ = \angle CDE = \angle FME, \therefore \angle MEB = \angle FBE = 30^\circ, \angle EHB = 90^\circ, \therefore DF = EM = BM = 4, \therefore MH = 2, HB = 2\sqrt{3}, \therefore BE = \sqrt{6^2 + (2\sqrt{3})^2} = 4\sqrt{3}$. 当 $DP = DF$ 时, $-\frac{6}{5}x + 12 = 4$, 解得 $x = \frac{20}{3}$, ∴ $BQ = 14 - x$

$$= 14 - \frac{20}{3} = \frac{22}{3}. \therefore \frac{22}{3} > 4\sqrt{3}, \therefore BQ > BE$$

④ (I) 当 PQ 经过点 D 时(如图 3), $y = 0$, ∴ $x = 10$.



(II) 当 PQ 经过点 C 时(如图 4), ∵ $FQ \parallel DP$, ∴ $\triangle CFQ \sim \triangle CDE$.

$\sim \triangle CDP$, $\therefore \frac{FQ}{DP} = \frac{CF}{CD}$, $\therefore \frac{2+x}{-\frac{6}{5}x+12} = \frac{8}{12}$, 解得 $x = \frac{10}{3}$.

(Ⅲ) 当 PQ 经过点 A 时(如图 5), $\because PE \parallel BQ$, $\therefore \triangle APE \sim \triangle AQB$, $\therefore \frac{PE}{QB} = \frac{AE}{AB}$. $\therefore AE =$

$$\sqrt{12^2 - 6^2} = 6\sqrt{3}, \therefore AB = 10\sqrt{3},$$

$$\therefore \frac{12 - (-\frac{6}{5}x + 12)}{14 - x} = \frac{6\sqrt{3}}{10\sqrt{3}},$$

解得 $x = \frac{14}{3}$. 由图可知, PQ 不可能过点 B . 综上所述, 当 $x = 10, \frac{10}{3}, \frac{14}{3}$ 时, PQ 所在的直线经过四边形 $ABCD$ 的一个顶点.

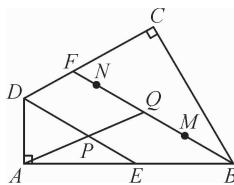


图 5

浙江省 2020 年初中学业水平考试 (湖州市) 数学试卷

一、选择题

1. 【考点】求算术平方根.

【分析】数 4 的算术平方根是 2.

【答案】A.

2. 【考点】科学记数法.

【分析】 $991\ 000 = 9.91 \times 10^5$.

【答案】C.

3. 【考点】三视图.

【分析】是圆锥的三视图.

【答案】A.

4. 【考点】圆内接四边形对角互补.

【分析】 $\angle ADC = 180^\circ - \angle ABC = 110^\circ$.

【答案】B.

5. 【考点】平均数.

【分析】 $(-1 + 0 + 3 + 4 + 4) \div 5 = 2$.

【答案】D.

6. 【考点】一元二次方程根的判别式.

【分析】 $\because b^2 - 4ac = b^2 + 4 > 0$, \therefore 方程有两个不相等的实数根, 选 A.

【答案】A.

7. 【考点】特殊的平行四边形——正方形与菱形性质.

【分析】设正方形边长为 a , 则正方形 $ABCD$ 面积 $= a^2$, 过 D' 作菱形 AB 上的高 $D'H$, 则在 $Rt\triangle D'AH$ 中 $\angle D'AH = 30^\circ$, 则 $D'H = \frac{1}{2}AD'$, 那么菱形 $ABC'D'$ 面积 $= \frac{1}{2}a^2$,

所以菱形 $ABC'D'$ 与正方形 $ABCD$ 面积之比为 $\frac{1}{2}$, 选 B.

【答案】B.

8. 【考点】一次函数的图象与性质.

【分析】直线 $y = 2x + 2$ 与 x 轴交点为 $A(-1, 0)$, 直线 $y = \frac{2}{3}x + 2$ 与 x 轴交点为 $B(-3, 0)$, 而直线 $y = x + 2$ 与 x 轴交点为 $(-\sqrt{2}, 0)$, 在线段 AB 上; 直线 $y = \sqrt{2}x + 2$ 与 x 轴交点为 $(-\frac{1}{2}, 0)$, 不在线段 AB 上; 直线 $y = \frac{2\sqrt{3}}{3}x + 2$ 与 x 轴交点为 $(-\sqrt{3}, 0)$, 在线段 AB 上, 故选 C.

【答案】C.

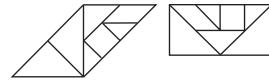
9. 【考点】切线长定理, 等腰直角三角形性质, 等腰三角形判定, 相似三角形判定与性质.

【分析】由于 CD 是 $\odot O$ 的切线, 那么 $DC \perp CO$, 又 $OT \perp DT$, 故 AB 也是 $\odot O$ 的切线, 根据切线长定理, $DC = DT$, 故 A 正确; 由于 $\triangle AOB$ 是等腰直角三角形, $\triangle ACD$ 也是等腰直角三角形, 那么 $AD = \sqrt{2}CD = \sqrt{2}DT$, 故 B 正确; 连结 DO , 由于 $\angle CDA = 45^\circ$, 则 $\angle CDO = \angle TDO = 67.5^\circ$, 而 $\angle B = 45^\circ$, 那么 $\angle BOD = 67.5^\circ = \angle TDO$, 即 $BO = BD$, 故 C 正确; 易证 $\triangle ACD \sim \triangle ATO$, 则 $\frac{AC}{AT} = \frac{AD}{AO}$, 于是 $AC \cdot AO = AT \cdot AD$, 有 $AC(AC + OC) = OC \cdot \sqrt{2}AC$, 从而 $AC = (\sqrt{2}-1)OC$, 故 D 错误, 选 D.

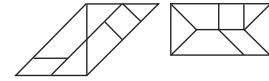
【答案】D.

10. 【考点】特殊四边形: 平行四边形, 梯形, 正方形, 矩形; 等腰直角三角形.

【分析】都可以, 见图.



(中国七巧板)



(日本七巧板)

二、填空题

11. 【考点】有理数加减运算.

【分析】 $-2 - 1 = -3$.

【答案】-3.

12. 【考点】分式的约分(分式的基本性质).

【分析】 $\frac{x+1}{x^2+2x+1} = \frac{x+1}{(x+1)^2} = \frac{1}{x+1}$.

【答案】 $\frac{1}{x+1}$.

13. 【考点】垂径定理与勾股定理.

【分析】作 $OE \perp CD$, 连结 OC , 则 $OC = 5$, $CE = 4$, 在 $Rt\triangle OCE$ 中, $OE^2 = OC^2 - CE^2$, 求得 $OE = 3$, 即 CD 与 AB 距离是 3.

【答案】3.

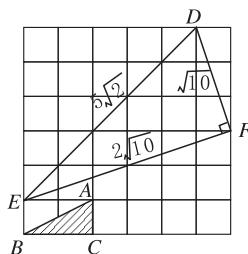
14. 【考点】概率的计算.

【分析】两次摸球所有可能性有 9 种, 而两次都是红色的有 4 种, 所以两次摸出的球都是红色的概率是 $\frac{4}{9}$.

【答案】 $\frac{4}{9}$.

15.【考点】相似三角形的判定与性质.

【分析】如图所示, $\triangle DEF \sim \triangle ABC$, 其面积最大, 斜边长为 $5\sqrt{2}$.



【答案】 $5\sqrt{2}$.

16.【考点】反比例函数性质, 相似三角形性质, 三角形中线性质.

【分析】作 $CE \perp OB$, 由于 $OC = AC$, 则 $S_{\triangle ACD} = S_{\triangle OCD} = 2$, 而 $S_{\triangle COE} = S_{\triangle BOD} = \frac{k}{2}$, 又 $CE \parallel AB$, 则 $\triangle COE \sim \triangle AOB$, 那么 $S_{\triangle COE} : S_{\triangle AOB} = 1 : 4$, 即 $\frac{k}{2} : (4 + \frac{k}{2}) = 1 : 4$, 解得 $k = \frac{8}{3}$.

【答案】 $\frac{8}{3}$.

三、解答题

17.【考点】二次根式化简, 绝对值化简, 二次根式运算.

【分析】 $\sqrt{8} = 2\sqrt{2}$; $|\sqrt{2} - 1| = \sqrt{2} - 1$.

解: 原式 $= 2\sqrt{2} + (\sqrt{2} - 1) = 2\sqrt{2} + \sqrt{2} - 1 = 3\sqrt{2} - 1$.

18.【考点】一元一次不等式组的解法.

【分析】分别解不等式组中的两个一元一次不等式, 再借助数轴或者口诀: “大大取大, 小小取小, 大大小大取中间, 大大小小取无解”求出不等式组的解.

解: 解不等式①, 得 $x < 1$. 解不等式②, 得 $x < -6$. 所以原不等式组的解是 $x < -6$.

19.【考点】等腰三角形性质, 解直角三角形, 锐角三角函数.

【分析】(1) 由 $OA = OC$ 及 $\angle AOC = 120^\circ$, 可以算出 $\angle OAC = \angle OCA = 30^\circ$, 而作 $BE \perp AC$, 构造 $Rt\triangle BAE$, 在 $Rt\triangle BAE$ 中, $\angle A = 30^\circ$, $AB = 110$, 可以利用三角函数计算 BE 即 h 的值. (2) 将(1)中的条件已知 AB 值与所求 h 值交换一下, 仍然可以按照(1)的方法作辅助线: 作 $BE \perp AC$ 于 E , 构造 $Rt\triangle BAE$, 而由 $OA = OC$, $\angle AOC = 74^\circ$, 可以算出 $\angle OAC = \angle OCA = 53^\circ$, 已知 $h = 120$, 利用 $AB = BE \div \sin 53^\circ$, 求出 AB 的值.

解: (1) 过点 B 作 $BE \perp AC$ 于点 E , 如图 1, $\because OA = OC$, $\angle AOC = 120^\circ$, $\therefore \angle OAC = \angle OCA = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$.

$$\therefore h = BE = AB \cdot \sin 30^\circ = 110 \times \frac{1}{2} = 55 \text{ cm.}$$

(2) 过点 B 作 $BE \perp AC$ 于点 E , 如图 2, $\because OA = OC$, $\angle AOC = 74^\circ$, $\therefore \angle OAC = \angle OCA = \frac{180^\circ - 74^\circ}{2} = 53^\circ$. $\therefore AB = BE \div \sin 53^\circ \approx 150 \text{ cm.}$ 即该熨烫台支撑杆 AB 的长

度约为 150 cm.

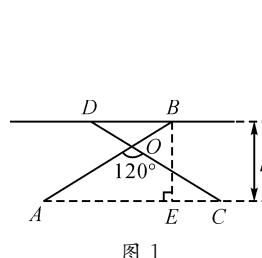


图 1

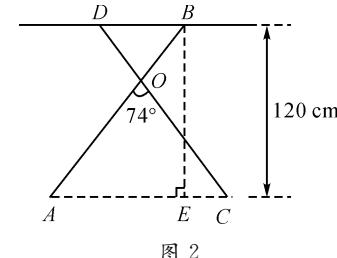


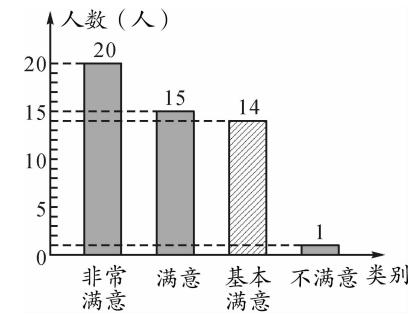
图 2

20.【考点】扇形统计图, 条形统计图, 总体与样本.

【分析】(1) 利用“非常满意”有 20 人, 占全部人数的 40%, 可以求出总人数 $= 20 \div 40\% = 50$; 再利用总人数算出“基本满意”人数 $= 50 - 20 - 15 - 1 = 14$ (人)(补全条形统计图). (2) 由于“满意”有 15 人, 占全部调查人数的 $\frac{15}{50}$, 那么在扇形统计图中, 圆心角度数 $= 360^\circ \times \frac{15}{50} = 108^\circ$. (3) 50 人中非常满意与满意人数之和 $= 20 + 15 = 35$ 人, 占 $\frac{35}{50}$, 那么全校 1000 人中, 这两部分学生数估计为 $1000 \times \frac{35}{50} = 700$ (人).

解: (1) 被抽查的学生人数是 $20 \div 40\% = 50$ (人). $\therefore 50 - 20 - 15 - 1 = 14$ (人). \therefore 补全的条形统计图如图所示.

被抽查的学生网上在线学习效果满意度条形统计图



(2) 扇形统计图中表示“满意”的扇形的圆心角度数是 $360^\circ \times \frac{15}{50} = 108^\circ$.

(3) $\because 1000 \times (\frac{20}{50} + \frac{15}{50}) = 700$ (人). \therefore 估计该校对学习效果的满意度是“非常满意”或“满意”的学生共有 700 人.

21.【考点】圆周角定理及其推论, 弧长计算公式.

【分析】(1) 由已知 BC 平分 $\angle ABD$, 可得 $\angle ABC = \angle DBC$, 而 $\angle CAD$ 是圆周角, 其同弧所对圆周角就是 $\angle DBC$, 于是 $\angle CAD = \angle DBC = \angle ABC$. (2) 由于 $\angle CAD = \angle ABC$, 可得 $\widehat{CD} = \widehat{AC} = \frac{1}{2}\widehat{ACD}$, 而 AD 是 $\odot O$ 直径, 其长为 6, $\odot O$ 周长为 6π , 那么 \widehat{CD} 长 $= \frac{1}{4}$ 圆周长.

证明: (1) $\because BC$ 平分 $\angle ABD$, $\therefore \angle DBC = \angle ABC$.

$\therefore \angle CAD = \angle DBC$, $\therefore \angle CAD = \angle ABC$.

解: (2) $\because \angle CAD = \angle ABC$, $\therefore \widehat{CD} = \widehat{AC} = \frac{1}{2}\widehat{ACD}$. $\therefore AD$

是 $\odot O$ 的直径, $AD=6$, $\therefore \widehat{CD}=\frac{1}{2}\widehat{ACD}=\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}\times\pi\times 6=\frac{3}{2}\pi$.

22.【考点】二元一次方程组的应用,分式方程,方案抉择问题.

【分析】(1)若设甲车间 x 名工人,乙车间 y 名工人,那么由总人数50名,可列方程: $x+y=50$,再由甲车间每人每天生产25件,乙车间每人每天生产30件,可知每天两个车间可生产 $(25x+30y)$ 件,则20天完成27 000件,可列方程: $20(25x+30y)=27 000$,列方程组,解之即可.(2)①如果设乙车间需临时招聘工人 m 人,那么按照方案一则两车间工效 $=30\times 25\times(1+20\%)+20\times 30$,按照方案二则两车间工效为 $30\times 25+(20+m)\times 30$,因为按照两种方案企业完成生产任务时间相同,而工作总量不变都是27 000件,那么可列出分式方程.②按照方案一可以算出企业完成生产任务时间=18天,如果选择方案一,增加费用 $=900\times 18+1 500=17 700$ (元),如果选择方案二,增加费用 $=5\times 18\times 200=18 000$ (元),比较费用进行抉择.

解:(1)设甲车间有 x 名工人参与生产,乙车间有 y 名工人参与生产.由题意,得 $\begin{cases} x+y=50, \\ 20(25x+30y)=27 000. \end{cases}$ 解得

$\begin{cases} x=30, \\ y=20. \end{cases}$ 答:甲车间有30名工人参与生产,乙车间有20名工人参与生产.

(2)①设方案二中乙车间需临时招聘 m 名工人.由题意,得

$$\frac{27 000}{30\times 25\times(1+20\%)+20\times 30}=\frac{27 000}{30\times 25+(20+m)\times 30},$$

解得 $m=5$,经检验, $m=5$ 是原方程的解,且符合题意.

答:乙车间需临时招聘的工人数为5人.

②企业完成生产任务所需的时间为

$$\frac{27 000}{30\times 25\times(1+20\%)+20\times 30}=18(\text{天}).\therefore \text{选择方案一}$$

需增加的费用为 $900\times 18+1 500=17 700$ (元).选择方案二需增加的费用为 $5\times 18\times 200=18 000$ (元).

$\because 17 700 < 18 000$, \therefore 选择方案一能更节省开支.

23.【考点】等边三角形判定与性质,相似三角形判定与性质,分类讨论思想.

【分析】(1)由已知 $AC=BC$ 及 $\angle C=60^\circ$,可以判定 $\triangle ABC$ 是等边三角形,由折叠可知 $BD=PD$,而 $BD=AD$,再结合 $\angle A=60^\circ$,那么 $\triangle APD$ 也是等边三角形,于是 $AP=AD=\frac{1}{2}AB=\frac{1}{2}AC$.(2)由已知可以判定 $\triangle ABC$ 是等腰直角三角形,那么 $AB=\sqrt{2}AC=12$,由 $DH\perp AC$,可以判定 $\triangle ADH\sim\triangle ABC$,那么 $\frac{DH}{BC}=\frac{AD}{AB}$,代入有关数值即可求得 DH 长度;至于 $\angle B$ 折叠后点 B 落在 AC 边上的点 P 处,要进行分类讨论:①当点 B 落在线段 CH 上 P_1 处,那么 $DP_1=DB=5$,而 DH 已经求

得,在 $\text{Rt } \triangle DHP_1$ 中, $HP_1^2=DP_1^2-DH^2$,计算得 HP_1 ,从而求出 $AP_1=AH+HP_1$;②当点 B 落在线段 AH 上 P_2 处,同样在 $\text{Rt } \triangle DHP_2$ 中,求得 HP_2 ,从而求出 $AP_2=AH-HP_2$.(3)由前面(1)(2)可知,点 $a=AD>6$,当 $a>6$ 时,过 D 作 $DH\perp AC$,当点 B 折叠后与点 H 重合,此时点 B 落在 AC 上只有一个点即点 H ,作 $BG\perp AC$,那么,由面积可求得 $BG=9.6$,再根据 $DH\parallel BG$ 得 $\triangle ADH\sim\triangle ABG$,有 $\frac{DH}{BG}=\frac{AD}{AB}$,这里 $DH=BD=12-a$,从而解得 $a=\frac{20}{3}$,那么 $a<\frac{20}{3}$,合起来即 $6<a<\frac{20}{3}$.

证明:(1) $\because AC=BC,\angle C=60^\circ$, $\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形, $\therefore AC=AB,\angle A=60^\circ$,由题意,得 $DB=DP,DA=DB,\therefore DA=DP,\therefore \triangle ADP$ 是等边三角形. $\therefore AP=AD=\frac{1}{2}AB=\frac{1}{2}AC$.

解:(2) $\because AC=BC=6\sqrt{2},\angle C=90^\circ,\therefore AB=\sqrt{AC^2+BC^2}=12$. $\because DH\perp AC,\therefore DH\parallel BC,\therefore \triangle ADH\sim\triangle ABC,\therefore \frac{DH}{BC}=\frac{AD}{AB},\therefore AD=7,\therefore \frac{DH}{6\sqrt{2}}=\frac{7}{12}$,解得

$$DH=\frac{7\sqrt{2}}{2}.$$

在 $\text{Rt } \triangle ADH$ 中, $AH=DH=\frac{7\sqrt{2}}{2}$,将 $\angle B$ 沿着过点 D

图1

的直线折叠,情况一:当点 B 落在

线段 CH 上的点 P_1 处时,如图1, $\because AB=12,\therefore DP_1=$

$=DB=AB-AD=5,\therefore HP_1=\sqrt{DP_1^2-DH^2}=\frac{\sqrt{2}}{2},\therefore AP_1=$

$AH+HP_1=4\sqrt{2}$;情况二:当点

图2

B 落在线段 AH 上的点 P_2 处时,

如图2,同理可得 $HP_2=\frac{\sqrt{2}}{2},\therefore AP_2=AH-HP_2=$

$3\sqrt{2}$.综上所述,AP的长为 $4\sqrt{2}$ 或 $3\sqrt{2}$.

$$(3)6<a<\frac{20}{3}.$$

24.【考点】抛物线的解析式,顶点坐标,对称轴;平行四边形的性质,相似三角形判定与性质,全等三角形的判定与性质.

【分析】(1)①当 $AC\parallel x$ 轴时,点 A 与点 C 是对称点,而且点 C 为抛物线与 y 轴的交点,故 $C(0,1)$,将 A,C 坐标代入,可以求得抛物线解析式: $y=-x^2-2x+1$.②过顶点 D 作 $DE\perp x$ 轴交 AC 于点 F ,由 $AC\parallel x$ 轴,可得 $EF=OC=c$,而顶点 $D(\frac{b}{2},c+\frac{b^2}{4})$,故 $DF=DE-EF=\frac{b^2}{4}$,因为平行四边形 $AOBD$,易证 $\triangle ADF\cong\triangle BOC$,于是 $DF=OC$,列等式,化简即可.(2)由题意可得抛物线解析式为 $y=-x^2-2x+c$,那么顶点 $D(-1,c+1)$,如果存在 $\square AOBD$,点 A 又在抛物线上,可设 $A(m,-m^2$

$-2m+c$), 作 $DE \perp x$ 轴交 AC 于点 F , 易证 $\triangle AFD \cong \triangle BCO$, 得 $AF = BC$, $DF = OC$, 也可以证 $\triangle ANF \sim \triangle AMC$, 从而求得 $m = -2.5$, 那么点 A 纵坐标为 $c - \frac{5}{4}$

$< c$, 故作 $AM \parallel x$ 轴, 点 $M(0, c - \frac{5}{4})$, 点 $N(-1, c - \frac{5}{4})$, $CM = \frac{5}{4}$, $DN = \frac{9}{4}$, $FN = DN - DF = \frac{9}{4} - c$, 又由 $\triangle ANF \sim \triangle AMC$ 可证得 $\frac{BC}{AC} = \frac{FN}{CM} = \frac{3}{5}$, 代入上面式

子, 可以求得 $c = \frac{3}{2}$, 那么点 A 的坐标就可以得到了.

解:(1) ① $\because AC \parallel x$ 轴, 点 A 的坐标是 $(-2, 1)$, \therefore 点 C 的坐标是 $(0, 1)$. 把点 $A(-2, 1)$, $C(0, 1)$ 的坐标分别代入 $y = -x^2 + bx + c$, 得 $\begin{cases} 1 = -4 - 2b + c, \\ 1 = c. \end{cases}$ 解得

$$\begin{cases} b = -2, \\ c = 1. \end{cases} \therefore$$
 抛物线的解析式为 $y = -x^2 - 2x + 1$.

② 证明: 过点 D 作 $DE \perp x$ 轴于点 E , 交 AB 于点 F , 如图 1, $\because AC \parallel x$ 轴, $\therefore EF = OC = c$, 又 \because

点 D 的坐标是 $(\frac{b}{2}, c + \frac{b^2}{4})$, \therefore

$$DF = DE - EF = (c + \frac{b^2}{4}) - c =$$

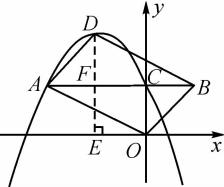


图 1

$\frac{b^2}{4}$. \therefore 四边形 $AOBD$ 是平行四边形, $\therefore AD = BO$, $AD \parallel OB$, $\therefore \angle DAF = \angle OBC$. 又 $\because \angle AFD = \angle BCO = 90^\circ$, $\therefore \triangle AFD \cong \triangle BCO$ (AAS), $\therefore DF = OC$. $\therefore \frac{b^2}{4} = c$, 即 $b^2 = 4c$.

(2) 由题意, 得抛物线的解析式为 $y = -x^2 - 2x + c$, \therefore 顶点 D 的坐标是 $(-1, c+1)$. 假设存在这样的点 A , 使四边形 $AOBD$ 是平行四边形, 如图 2, 设点 A 的坐标是 $(m, -m^2 - 2m + c)$, $m < 0$.

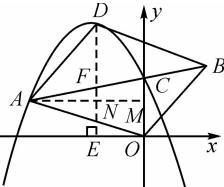


图 2

过点 D 作 $DE \perp x$ 轴于点 E , 交 AB 于点 F , 则 $\angle AFD = \angle EFC = \angle BCO$. \because 四边形 $AOBD$ 是平行四边形, $\therefore AD = BO$, $AD \parallel OB$, $\therefore \angle DAF = \angle OBC$. $\therefore \triangle AFD \cong \triangle BCO$ (AAS), $\therefore AF = BC$, $DF = OC$. 过点 A 作 $AM \perp y$ 轴于点 M , 交 DE 于点 N , 则 $DE \parallel CO$, $\therefore \triangle ANF \sim \triangle AMC$,

$$\therefore \frac{AN}{AM} = \frac{FN}{CM} = \frac{AF}{AC} = \frac{BC}{AC} = \frac{3}{5}. \therefore AM = -m$$

$$AN = AM - NM = -m - 1, \therefore \frac{-m - 1}{-m} = \frac{3}{5}, \text{解得 } m =$$

$$-\frac{5}{2}. \therefore$$
 点 A 的纵坐标是 $-(-\frac{5}{2})^2 - 2 \times (-\frac{5}{2}) + c =$

$$c - \frac{5}{4} < c. \therefore AM \parallel x$$
 轴, \therefore 点 M 的坐标是 $(0, c - \frac{5}{4})$,

$$\text{点 } N \text{ 的坐标是 } (-1, c - \frac{5}{4}). \therefore CM = c - (c - \frac{5}{4}) = \frac{5}{4}.$$

\therefore 点 D 的坐标是 $(-1, c+1)$, $\therefore DN = (c+1) - (c - \frac{5}{4}) = \frac{9}{4}$.

$= \frac{9}{4}$. $\therefore DF = OC = c$, $\therefore FN = DN - DF = \frac{9}{4} - c$. 由 $\frac{FN}{CM} = \frac{\frac{9}{4} - c}{\frac{5}{4}} = \frac{3}{5}$

$$= \frac{3}{5}, \text{ 得 } \frac{\frac{9}{4} - c}{\frac{5}{4}} = \frac{3}{5}, \text{ 解得 } c = \frac{3}{2}. \therefore c - \frac{5}{4} = \frac{1}{4}. \therefore$$
 点 A

的纵坐标是 $\frac{1}{4}$. \therefore 点 A 的坐标是 $(-\frac{5}{2}, \frac{1}{4})$. \therefore 存在这样的点 A , 使四边形 $AOBD$ 是平行四边形.

浙江省 2020 年初中学业水平考试

(绍兴卷)

数学试卷

一、选择题

1. 【考点】正数、负数.

【分析】 -2 是负数.

【答案】C.

2. 【考点】科学记数法.

【分析】 $2020000000 = 2.02 \times 10^9$.

【答案】B.

3. 【考点】中心对称图形, 剪拼, 图形的变换.

【分析】第四个图形是平行四边形, 并成中心对称.

【答案】D.

4. 【考点】圆周角定理.

【分析】 $\angle BOD = \angle BOC + \angle COD = 2\angle BAC + 2\angle CED = 90^\circ$.

【答案】D.

5. 【考点】投影, 位似.

【分析】原图形与投影对应边之比为相似比, $\frac{8}{\text{对应边}} = \frac{2}{5}$.

【答案】A.

6. 【考点】简单事件的概率.

【分析】 $P = \frac{1}{4}$, 如树状图:

```

graph TD
    C --- E
    C --- F
    B --- F
    B --- G
    D --- G
    D --- H
  
```

【答案】C.

7. 【考点】三角形的三边关系.

【分析】围成三角形, 边长为 3, 4, 5.

【答案】B.

8. 【考点】平行四边形, 特殊平行四边形的性质和判定.

【分析】连结 AC , 则与 EF 交于点 O , 且 $OE = OF$, $OA = OC$. \therefore 四边形 $AECF$ 为平行四边形. 再观察图形可知, 平行四边形 $AECF$ 又变为菱形、平行四边形、矩形.

【答案】B.

9. 【考点】旋转, 等腰三角形, 直角三角形的性质.

【分析】 $\because BC = BP = BA$. $\therefore \angle BPC = \frac{180^\circ - \theta}{2}$, $\angle BPA = \frac{90^\circ + \theta}{2}$. $\therefore \angle APH = 180^\circ - \angle BPC - \angle BPA = 45^\circ$. \therefore

$\angle PAH = 45^\circ$ = 定值.

【答案】C.

10.【考点】行程问题, 最远距离问题, 逻辑推理能力.

【分析】设甲、乙加满气体量都为 x , 甲从 A 出发到停下来抽气给乙时, 用气量为 a , 则抽给乙的气体量也为 a , 返回 A 地用气量也为 a .

若甲返回时, 气体刚好用完, 则 $3a = x$. 即 $a = \frac{1}{3}x$.

\therefore 乙车可用的气体量为 $x + a = \frac{4}{3}x$.

\therefore 乙车可以行驶的最大路程为 $210 \times \frac{4}{3} = 280$ (km).

$\therefore B$ 地最远可距离 A 地 140 km.

【答案】B.

二、填空题

11.【考点】分解因式.

【分析】 $1 - x^2 = 1^2 - x^2 = (1+x)(1-x)$.

【答案】 $(1-x)(1+x)$.

12.【考点】二元一次方程组, 二元一次方程的解.

【分析】这是一个关于 x, y 的二元一次方程组, A 是多项式, 且解为 $\begin{cases} x=1, \\ y=1. \end{cases}$

\therefore 答案不唯一, 如 $x-y=0, x-1=0$ 等都可行.

【答案】答案不唯一, 如 $x-y$.

13.【考点】“赵爽弦图”, 勾股定理, 图形的拼接.

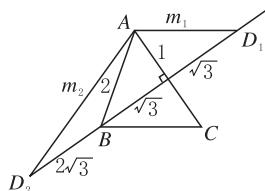
【分析】直角三角形的斜边长为 3, 一直角边长为 $\sqrt{5}$, 另一直角边长为 2. \therefore 阴影部分的面积为 $4 \times \frac{1}{2} \times 2 \times \sqrt{5} = 4\sqrt{5}$.

【答案】 $4\sqrt{5}$.

14.【考点】尺规作图, 等边三角形, 勾股定理, 分类讨论.

【分析】显然点 D 在 AC 的中垂线上, 分两种情况, 如图.

①点 D 在 AC 右侧, 则 $m_1 = AD_1 = 2$. ②点 D 在 AC 左侧, 则 $m_2 = AD_2 = 2\sqrt{7}$.



【答案】2 或 $2\sqrt{7}$.

15.【考点】分类讨论, 列一元一次方程解应用题.

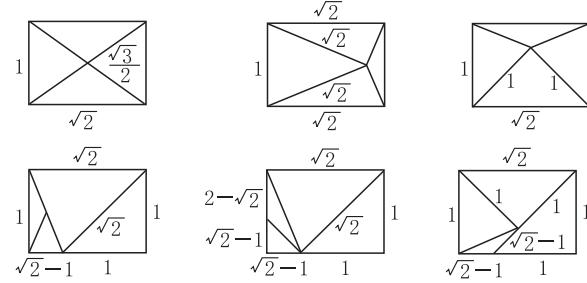
【分析】设商品标价为 x 元. 当 A, B 券都用时, 即 $x \geqslant 90$ 时, $2x - 50 = 150$, 得 $x = 100$. 当只用 A 券时, 即 $60 \leqslant x < 90$ 时, $2x - 20 = 150$, 得 $x = 85$. 当 A, B 券都不用时, 即 $x < 60$, $2x = 150$, 得 $x = 75$, 不合题意. \therefore 商品标价为 100 元或 85 元.

【答案】100 或 85.

16.【考点】图形的剪拼, 矩形的性质, 勾股定理, 等腰三角形

的判定和性质.

【分析】不考虑根号内套根号的情况, ①②③④都包含在内. 因为矩形的对角线长为 $\sqrt{3}$, 所以不可能剪出腰长为 $\sqrt{3}$ 的等腰三角形.



【答案】①②③④

三、解答题

17.【考点】(1) 二次根式, 三角函数, 幂运算, 实数的运算.

(2) 整式的乘除加减.

【分析】(1) $\sqrt{8} = 2\sqrt{2}$, $4\cos 45^\circ = 4 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$, $(-1)^{2020} = 1$.

1. (2) $(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$, $x(x+2y) = x^2 + 2xy$.

解: (1) 原式 = $2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 1 = 1$.

(2) 原式 = $x^2 + 2xy + y^2 - x^2 - 2xy = y^2$.

18.【考点】平行四边形的性质, 全等三角形的性质和判定, 三角形内角和.

【分析】(1) 证 $\triangle ADE \cong \triangle FCE$ 即可. (2) 开放型题, 任给条件, 求出 $\angle F$ 即可.

解: (1) \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形, $AD \parallel CF$, $\therefore \angle DAE = \angle F, \angle D = \angle ECF$. $\because E$ 是 CD 的中点, $\therefore DE = CE$, $\therefore \triangle ADE \cong \triangle FCE$. $\therefore CF = AD = 2$.

(2) 答案不唯一, 如 $\angle B = 50^\circ$, 得 $\angle F = 40^\circ$.

19.【考点】数据的统计和整理, 样本估计概率.

【分析】(1) 根据 C 组的数量和圆心角求出总数 = $550 \div 55\% = 1000$ (只), $m = 1000 - 400 - 550 - 30 = 20$. (2) B, C 两组为合格品, 样本合格率为 $\frac{400+550}{1000} \times 100\% = 95\%$, 以样本概率估计总体概率, $10 \times 12 \times (1 - 95\%) = 6$ (只), $\therefore 6$ 只羽毛球非合格.

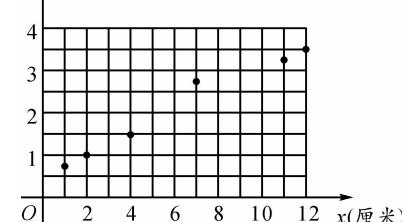
解: (1) $m = 550 \div 55\% - 400 - 550 - 30 = 20$, $360^\circ \times 40\% = 144^\circ$, $\therefore m$ 的值为 20, B 组的扇形圆心角的度数为 144° .

(2) 合格率为 $40\% + 55\% = 95\%$, $120 \times 5\% = 6$, \therefore 合格率为 95%, 非合格品的羽毛球有 6 只.

20.【考点】一次函数的图象和性质, 描点法.

【分析】(1) 描点法观察函数, 估计函数是基本要求. (2) 实际上是特定系数法求函数解析式, 并利用函数关系式求值.

解: (1)



答: $x=7, y=2.75$ 这一组数据是错误的.

(2) 设 $y=kx+b$, 把 $x=1, y=0.75$ 和 $x=2, y=1$ 代入得 $y=\frac{1}{4}x+\frac{1}{2}$, 当 $x=16$ 时, $y=4.5$, 答: 当秤砣到秤纽的水平距离 16 厘米时, 秤钩所挂物重为 4.5 斤.

21.【考点】等腰三角形的判定性质, 等边三角形的判定性质, 菱形的性质, 解直角三角形.

【分析】(1) 由 $AE=EF=AF$ 得正 $\triangle AEF$, 求出 $\angle AFE=60^\circ$, BC 的长实际是正 $\triangle AEF$ 高线的 8 倍, 求出 $\triangle AEF$ 的高线即可. (2) BC 的长始终为等腰 $\triangle AEF$ 底边 AE 上的高线的 8 倍, 作 $FK \perp AE$ 于 K 点解直角 $\triangle AFK$ 即可.

解:(1) $\because AE=EF=AF=1$, $\therefore \triangle AEF$ 是等边三角形, $\therefore \angle AFE=60^\circ$, 如图, 延长菱形对角线 MF 交 AE 于点 K , 则 $FM=2FK$,

$\triangle AEF$ 是等边三角形, $\therefore AK=\frac{1}{2}$, $\therefore FK=\sqrt{AF^2-AK^2}=\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\therefore FM=\sqrt{3}$, $\therefore BC=4FM=4\sqrt{3}\approx 6.92\approx 6.9$ (m).

(2) $\because \angle AFE=74^\circ$, $\therefore \angle AFK=37^\circ$, $\therefore KF=AF \cdot \cos 37^\circ \approx 0.80$, $\therefore FM=2FK=1.60$, $\therefore BC=4FM=6.40 < 6.92$, $6.92 - 6.40 \approx 0.5$, 答: 当 $\angle AFE$ 由 60° 变为 74° , 棚宽 BC 是减少了, 减少 0.5 m.

22.【考点】等腰三角形, 三角形的内角和 180° , 转换的思想.

【分析】(2) $\angle DAE=\angle BAE-\angle EAD=n^\circ-\frac{180^\circ-\angle B}{2}=n^\circ-90^\circ+\frac{1}{2}\angle B$, $\angle EAC=\angle C=\frac{1}{2}\angle AEB=\frac{1}{2}(180^\circ-n^\circ-\angle B)=90^\circ-\frac{1}{2}n^\circ-\frac{1}{2}\angle B$, 则 $\angle DAC=\angle DAE+\angle EAC=\frac{1}{2}n^\circ$, 即 $\angle DAC=\frac{1}{2}\angle BAE$.

解:(1) $\angle DAC$ 度数不会改变. $\because EA=EC$, $\therefore \angle AED=2\angle C$, ① $\because \angle BAE=90^\circ$, $\therefore \angle BAD=\frac{1}{2}[180^\circ-(90^\circ-2\angle C)]=45^\circ+\angle C$, $\therefore \angle DAE=90^\circ-\angle BAD=90^\circ-(45^\circ+\angle C)=45^\circ-\angle C$, ② 由 ①, ② 得 $\angle DAC=\angle DAE+\angle CAE=45^\circ$.

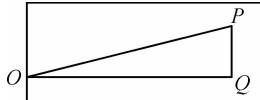
(2) 设 $\angle ABC=m^\circ$, 则 $\angle BAD=\frac{1}{2}(180^\circ-m^\circ)=90^\circ-\frac{1}{2}m^\circ$, $\angle AEB=180^\circ-n^\circ-m^\circ$, $\therefore \angle DAE=n^\circ-\angle BAD=n^\circ-90^\circ+\frac{1}{2}m^\circ$, $\because EA=EC$, $\therefore \angle CAE=\frac{1}{2}\angle AEB=90^\circ-\frac{1}{2}n^\circ-\frac{1}{2}m^\circ$, $\therefore \angle DAC=\angle DAE+\angle CAE=n^\circ-90^\circ+\frac{1}{2}m^\circ+90^\circ-\frac{1}{2}n^\circ-\frac{1}{2}m^\circ=\frac{1}{2}n^\circ$.

23.【考点】二次函数的图象和性质, 勾股定理, 建模思想.

【分析】(1) 用顶点式设函数关系式, 再把点 $(0, 1.9)$ 代入即可. (2) 抛物线没有变, 球落地点 P 到 O 点距离只要令 $y=0$, 求出 x 即可, 然后构建直角三角形, 利用勾股定理计算可以确定点 O 在底线上的位置.

解:(1) 设 $y=a(x-7)^2+2.88$, 将 $x=0, y=1.9$ 代入, 得 $a=-\frac{1}{50}$, $\therefore y=-\frac{1}{50}(x-7)^2+2.88$, 当 $x=9$ 时, $y=2.8>2.24$, 当 $x=18$ 时, $y=0.46>0$, \therefore 这次发球过网, 但出界了.

(2) 如图, 分别过点 P, O 作底线、边线的平行线 PQ, OQ , 交于点 Q , 在 $Rt\triangle OPQ$ 中, OQ



$=18-1=17$, 当 $y=0$ 时, $-\frac{1}{50}(x-7)^2+2.88=0$, $x=19$ 或 $x=-5$ (舍), $\therefore OP=19$, 而 $OQ=17$, $\therefore PQ=6\sqrt{2}=8.4$, $9-8.4-0.5=0.1$, \therefore 发球点 O 要在底线上且距右侧边线 0.1 m 处.

24.【考点】矩形, 等腰直角三角形, 旋转, 勾股定理, 相似三角形的性质和判定, 分类讨论, 比例线段等知识的综合应用, 极值与端点.

【分析】(1) 连结 OC' , 过 C' 作 $C'H \perp OF$ 于点 H , 在 $Rt\triangle C'HO$ 中, $\angle OC'H=30^\circ$, $OC'=4$, 解直角三角形即可. (2) ① 分两种情况, $C'P \parallel FO$ 和 $C'B' \parallel GD$, 画出图形构造直角三角形即可. ② 取 $A'B'$ 的中点 P , 连结 OP , OA, OE 可以求出 $OP=\sqrt{26}$, $OE=\sqrt{29}$, $OA'=OA=2\sqrt{5}$, $\therefore OA' < OF < OP < OE$. 以 OA, OP 为半径, O 为圆心分别画弧. 分情况讨论. 当 A' 在 DE 上时和 P 在 DE 上时, 分别求出 $A'D, PD$, 则 $A'P$ 与 DE 交点到直线 DG 的距离的取值范围在 $A'D$ 和 PD 之间. 当点 P 在 DE 左边时, 可以发现点 P 还在 EF 的下方. 即点 P 在矩形 $DEFG$ 内部时, 先是 A' 到达 FG 上, 直到点 P 到达 EF 边上, $A'P$ 与 FG 只有一个交点, 分别求出 A' 在 FG 上时和点 P 在 EF 上时 $A'P$ 与 FG 交点到 G 点的距离. 从而求出取值范围. 当 $A'P$ 过点 F 时, 这个距离为 $FG=3$. 综合 3 种情况, 得到取值范围.

解:(1) 作 $C'H \perp OF$ 于点 H , 如图 1,

$\because HC'C=30^\circ$, $\therefore C'H=C'C \cdot \cos 30^\circ=2\sqrt{3}$, \therefore 点 C' 到直线 OF 的距离为 $2\sqrt{3}$.

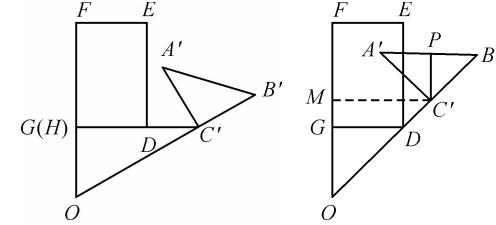


图 1

(2) ① 当 $C'P \parallel OF$ 时, 如图 2, 作 $C'M \perp OF$ 于点 M , $\therefore C'P \parallel OF$, $\therefore \angle O=180^\circ-\angle OC'P=45^\circ$, $\therefore \triangle OC'M$ 是等腰直角三角形, $\therefore OC'=4$, $\therefore C'M=2\sqrt{2}$, \therefore 点 C' 到

图 2

DE 的距离为 $2\sqrt{2}-2$. 当 $C'P \parallel DG$ 时, 如图 3, 作 $C'N \perp OF$ 于点 N , 则 $\triangle OC'N$ 为等腰直角三角形, $\therefore C'N = 2\sqrt{2}$, \therefore 点 C' 到 DE 的距离为 $2\sqrt{2}+2$.

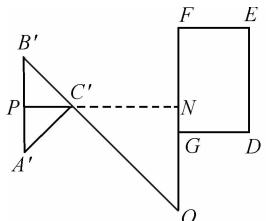


图 3

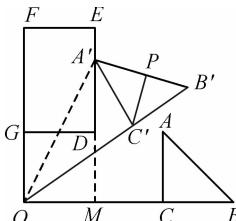


图 4

②设 d 为所求距离, 第一种情况, 当 $A'P$ 与 DE 相交时, 当点 A' 在 DE 上时, 如图 4, $\because OA' = 2\sqrt{5}$, $OM = 2$, $\angle OMA' = 90^\circ$, $\therefore A'M = 4$, $\therefore A'D = 2$, 即 $d = 2$. 当点 P 在 DE 上时, 如图 5, 作 $PQ \perp OB'$ 于点 Q , $\therefore PQ = 1$, $OQ = 5$, $\therefore OP = \sqrt{26}$, $\therefore PM = \sqrt{22}$, 即 $d = \sqrt{22} - 2$, $\therefore 2 \leq d \leq \sqrt{22} - 2$. 第二种情况, 当 $A'P$ 与 FG 相交但不与 EF 相交时, 当 A' 在 FG 上时, 显然有 $A'G = 2\sqrt{5} - 2$, 即 $d = 2\sqrt{5} - 2$.

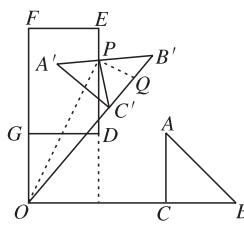


图 5

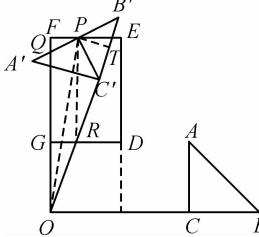


图 6

当点 P 在 EF 上时, 如图 6, $A'B'$ 与 OF 交于点 Q , $\therefore OP = \sqrt{26}$, $OF = 5$, $\therefore PF = 1$. 过点 P 作 $PT \perp OB'$ 于点 T , $PR \parallel OQ$ 交 OB' 于点 R , $\therefore \triangle OFP \cong \triangle OTP$, $\therefore \angle FOP = \angle TOP$, $\therefore PR \parallel OQ$, $\therefore \angle OPR = \angle POR$, 即 $OR = PR$, $\therefore PT^2 + TR^2 = PR^2$, $\therefore PR = 2.6$, $RT = 2.4$, $\therefore \triangle B'PR \sim \triangle B'QO$, $\therefore \frac{B'R}{B'Q} = \frac{PR}{OQ}$, $\therefore \frac{3.4}{6} = \frac{2.6}{OQ}$, $\therefore OQ = \frac{78}{17}$, $\therefore GQ = \frac{44}{17}$, 即 $d = \frac{44}{17}$. $\therefore 2\sqrt{5} - 2 \leq d < \frac{44}{17}$. 第三种情况,

当 $A'P$ 经过点 F 时, 如图

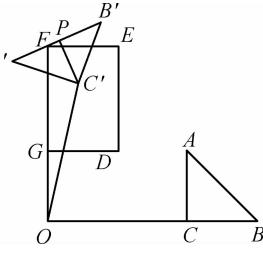


图 7

7, 显然 $d = 3$. \therefore 由以上三种情况知 $2 \leq d \leq \sqrt{22} - 2$ 或 $d = 3$.

浙江省 2020 年初中学业水平考试 (金华、丽水、义乌卷) 数学试卷

一、选择题

1.【考点】相反数的概念.

【分析】3 的相反数是 -3 .

【答案】A.

2.【考点】分式值为 0.

【分析】分式值为 0, 即分子为 0, 但分母不为 0, 故 $x+5=0$, 解得 $x=-5$.

【答案】D.

3.【考点】运用平方差公式因式分解.

【分析】由于 $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$, 故选 C.

【答案】C.

4.【考点】中心对称图形与轴对称图形.

【分析】A,B,D 图形均为轴对称图形,C 图形既是轴对称图形, 又是中心对称图形.

【答案】C.

5.【考点】概率的计算.

【分析】6 张卡片中有 3 张卡片是 1, 所以任摸一张卡片是 1 的概率是 $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$.

【答案】A.

6.【考点】平行线的差别应用.

【分析】由于 $a \perp AB$, $b \perp AB$, 那么 $a \parallel b$.

【答案】B.

7.【考点】反比例函数的增减性.

【分析】 $y = \frac{k}{x}$, 当 $k > 0$ 时, 图象位于一、三象限, $(-2, a)$ 位于第三象限, 故 $a < 0$, $(2, b)$ 与 $(3, c)$ 位于第一象限, 在第一象限, y 随着 x 的增大而减小, 故 $0 < c < b$, 于是 $a < c < b$, 选 C.

【答案】C.

8.【考点】内切圆, 圆心角与圆周角关系, 四边形内角和.

【分析】连结 OE , OF , $\therefore \odot O$ 是 $\triangle ABC$ 内切圆, 故 $OE \perp AB$, $OF \perp BC$, 而等边三角形 ABC 内角 $\angle B = 60^\circ$, 根据四边形 $BFOE$ 内角和 360° , 可以求得圆心角 $\angle EOF = 120^\circ$, 那么其同弧所对的圆周角 $\angle EPF = 60^\circ$.

【答案】B.

9.【考点】用字母表示两位数字的形式.

【分析】 $2\square$ 与 $\square 2$, 当 \square 里数字是 x 时, 前者十位数字是 2, 个位数字是 x , 那么表示为 $20+x$, 后者十位数字是 x , 个位数字是 2, 那么表示为 $10x+2$, 对照选项, 正确的应该是 D.

【答案】D.

10.【考点】相似三角形判定, 等腰三角形性质, 正方形性质, 勾股定理.

【分析】 \because 正方形 $ABCD$, $EFGH$ 对角线 BD 与 EG 平分对角, $\therefore \angle CBP = \angle PGO = 45^\circ$, 又 $\angle BPC = \angle GPO$, 故 $\triangle CBP \sim \triangle OGP$, 又 $\because GO = GP$, 故 $\triangle CBP$ 与 $\triangle OGP$ 均为等腰三角形, 由于 $BG \perp CP$, 那么根据等腰三角形三线合一, 得 $CG = PG$, 设 $GO = GP = a = CG$, 则正方形 $EFGH$ 边长为 $\sqrt{2}a$, $BG = (\sqrt{2}+1)a$, $S_{\text{正方形 } EFGH} = 2a^2$, 而 $Rt\triangle BGC$ 中 $BC^2 = BG^2 + CG^2 = (4+2\sqrt{2})a^2$, $S_{\text{正方形 } ABCD}$

$$=(4+2\sqrt{2})a^2, S_{\text{正方形}ABCD} : S_{\text{正方形}EFGH} = 2 + \sqrt{2}.$$

【答案】B.

二、填空题

11. 【考点】坐标平面内点坐标的符号特征.

【分析】由于 $P(m, 2)$ 在第二象限, 那么横坐标 $m < 0$.

【答案】如 -1 等(答案不唯一, 负数即可)

12. 【考点】中位数.

【分析】把 5 个数从小到大排列是 $1, 2, 3, 4, 5$, 那么中位数就是中间数 3.

【答案】3.

13. 【考点】三视图.

【分析】由于主视图是长方形, 其两边长为 5 和 4, 那么面积为 $4 \times 5 = 20$.

【答案】20.

14. 【考点】平行四边形性质, 四边形内角和 360° .

【分析】如图, 平行四边

形 $ABCD$ 中 $\angle B =$

120° , 那么 $\angle A = 60^\circ$,

$\angle ADC = 120^\circ$, 当

$\angle CDF = 70^\circ$ 时, $\angle ADF = 50^\circ$, 而四边形 $AEDF$ 中 $\angle DFE = 360^\circ - 140^\circ = 220^\circ$, 所以 $\alpha = \angle AEF = 360^\circ - \angle A - \angle ADF - \angle DFE = 360^\circ - 60^\circ - 50^\circ - 220^\circ = 30^\circ$.

【答案】30.

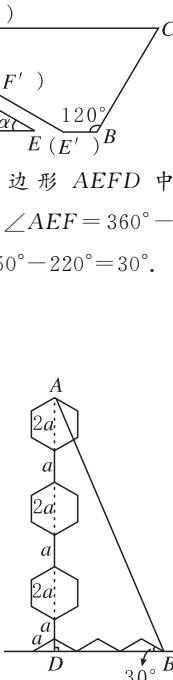
15. 【考点】正六边形, 解直角三角形.

【分析】如图, 设正六边形边长为 a , 则点 A 到地面 BC 距离 $AD = 3 \times 3a +$

$\frac{1}{2}a = \frac{19}{2}a$, 而 $BD = \sqrt{3}a + \sqrt{3}a + \frac{\sqrt{3}}{2}a$

$= \frac{5\sqrt{3}}{2}a$, 于是 $\tan\beta = \frac{AD}{BD} = \frac{19}{15}\sqrt{3}$.

【答案】 $\frac{19}{15}\sqrt{3}$.



16. 【考点】矩形判定, 相似三角形, 等腰三角形判定与性质.

【分析】(1) 当 E, F 两点距离最大时, E, O, F 三点共线, $EF = 2$, 此时 $AC \parallel BD$, 四边形 $ABDC$ 是矩形, 那么周长为 $2(6+2) = 16$. (2) 当夹子开口最大时, 点 C 与 D 重合, $\triangle C(D)AB$ 是等腰三角形, 连结 CO , 并延长交 AB 于点 H, 那么 $CH \perp AB$, $AB = 2AH$, 又 $OE \perp CA$, 于是 $\triangle COE \sim \triangle CAH$, $\frac{OE}{AH} = \frac{CE}{CH}$, 设 $AH = x$, $CH =$

$\sqrt{6^2 - x^2}$, 解方程即可得 $x = \frac{30}{13}$, 于是 $AB = \frac{60}{13}$.

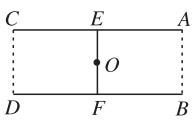


图 1

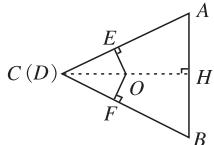


图 2

【答案】(1)16 (2) $\frac{60}{13}$.

三、解答题

17. 【考点】零指数, 二次根式, 特殊角的三角函数值, 绝对值.

【分析】 $(-2020)^0 = 1$, $\sqrt{4} = 2$, $\tan 45^\circ = 1$, $|-3| = 3$.

解: 原式 $= 1 + 2 - 1 + 3 = 5$.

18. 【考点】解一元一次不等式.

【分析】解一元一次不等式步骤: 去括号——移项——合并同类项——两边同除以未知数系数, 一步一步做.

解: $5x - 5 < 4 + 2x$, $5x - 2x < 4 + 5$, $3x < 9$, $x < 3$.

19. 【考点】条形统计图与扇形统计图, 总体与样本关系.

【分析】(1) 由条形统计图中 E 组人数与扇形统计图相应百分比, 计算总人数 $= 22 \div 11\% = 200$. (2) 开合跳(D)占 24% , 故人数为 $200 \times 24\% = 48$ (人); (3) 200 人中最喜欢“健身操”(B)的人数有 $200 - 59 - 31 - 48 - 22 = 40$ (人), 占总人数的 $\frac{40}{200}$, 那么全市 8000 名初中生中最喜欢“健身操”的人数 $= 8000 \times \frac{40}{200} = 1600$ (人).

解: (1) $22 \div 11\% = 200$ (人). \therefore 参与问卷调查的学生总人数为 200 人.

(2) $200 \times 24\% = 48$ (人). 答: 最喜爱“开合跳”的学生有 48 人.

(3) 抽取学生中最喜爱“健身操”的初中学生有 $200 - 59 - 31 - 48 - 22 = 40$ (人), $\frac{40}{200} \times 8000 = 1600$ (人). \therefore 最喜爱“健身操”的初中学生人数约为 1600 人.

20. 【考点】垂径定理, 勾股定理, 弧长公式.

【分析】(1) 由于 $\odot O$ 中 $OC \perp$ 弦 AB , 由垂径定理可知 $AC = \frac{1}{2}AB$, 而在 $\text{Rt } \triangle AOC$ 中, $\angle AOC = 60^\circ$, 得 $\angle OAC = 30^\circ$, $\therefore OC = \frac{1}{2}OA = 1$, $AC = \sqrt{3}$, $\therefore AB = 2AC = 2\sqrt{3}$. (2) 求 \widehat{AB} 长, 只要求圆心角 $\angle AOB$ 度数及半径 OA 长, 显然 $\angle AOB = 2\angle AOC = 120^\circ$, 半径 $r = OA = 2$, 故根据弧长公式计算得 \widehat{AB} 长即可.

解: (1) 在 $\text{Rt } \triangle AOC$ 中, $\angle AOC = 60^\circ$, $\therefore AC = AO \cdot \sin \angle AOC = 2 \sin 60^\circ = \sqrt{3}$, $\therefore OC \perp AB$, $\therefore AB = 2AC = 2\sqrt{3}$.

(2) $\because OA = OB = 2$, $OC \perp AB$, $\therefore \angle AOB = 2\angle AOC = 120^\circ$. $\therefore \widehat{AB} = \frac{n\pi r}{180} = \frac{120\pi \times 2}{180} = \frac{4\pi}{3}$. $\therefore \widehat{AB}$ 的长是 $\frac{4\pi}{3}$.

21. 【考点】一次函数解析式及其应用.

【分析】(1) 由图中 3 百米温度显示为 13.2°C , 其中从 3 百米到 5 百米上升 2 百米, 温度下降 $2 \times 0.6 = 1.2^\circ\text{C}$, 那么 5 百米温度应为 $13.2 - 1.2 = 12^\circ\text{C}$. (2) 由于 T 关于 h 的函数图象是一条直线, 故为一次函数, 设 $T = kh + b$, 将 $(3, 13.2)$ 及 $(5, 12)$ 代入解出 k, b 即可. (3) 将 $T = 6$ 代入(2)中所求函数解析式中, 求出 h 值即可.

解: (1) 由题意, 得高度增加 2 百米, 则温度降低 $2 \times 0.6 =$

$$=1.2(\text{℃}). \therefore 13.2$$

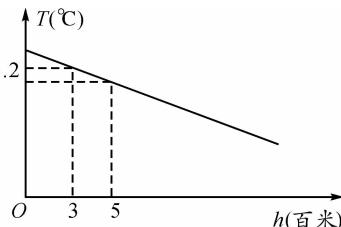
$$-1.2=12(\text{℃}), \therefore$$

高度为 5 百米时的气温大约是 12 ℃.

(2) 设 $T=kh+b$ ($k \neq 0$), 由题意, 得 k

$$=-0.6, \text{ 即 } T=-0.6h+b, \text{ 当 } h=3 \text{ 时}, T=13.2, 13.2 = -0.6 \times 3 + b, \text{ 解得 } b=15, \therefore T=-0.6h+15.$$

(3) 当 $T=6$ 时, $6=-0.6h+15$, 解得 $h=15$. \therefore 该山峰的高度大约为 15 百米.



22.【考点】等腰直角三角形, 图形的折叠(轴对称), 三角函数, 相似三角形.

【分析】(1) 如图 1. 作 $AD \perp BC$. 那么在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中, 已知 $AB=4\sqrt{2}$, $\angle B=45^\circ$, 易求 $AD=4$. (2) ①如图 2. 由折叠可知 $\triangle AEF \cong \triangle PEF$, 那么 $AE=EP$, 再由 E 为 AB 中点, 得 $AE=BE$, 故 $BE=PE$, 又 $\angle B=45^\circ$, 那么 $\triangle BEP$ 为等腰直角三角形, $\angle BEP=90^\circ$, 从而 $\angle AEP=90^\circ$. ②如图 3. 由图 1, 可先求出 $AC=\frac{AD}{\sin 60^\circ}=\frac{8\sqrt{3}}{3}$, 由折叠且 $PF \perp AC$, 可知 $\angle AFE=\angle PFE=45^\circ=\angle B$, 而 $\angle EAF=\angle CAB$, 故易证 $\triangle EAF \sim \triangle CAB$, 得 $\frac{AF}{AB}=\frac{AE}{AC}$ 代入有关数值, 计算得 $AF=2\sqrt{3}$, 而 $\text{Rt}\triangle AFP$ 中 $AF=FP$, 则 AP 易求.

解:(1) 如图 1, 过点 A 作 $AD \perp BC$ 于点 D. 在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中, $AD=AB$

$$\cdot \sin 45^\circ=4\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2}=4.$$

(2) ①如图 2, 由题意, 得 $\triangle AEF \cong \triangle PEF$, $\therefore AE=EP$. 又 $\because AE=BE$, $\therefore BE=EP$, $\therefore \angle EPB=\angle B=45^\circ$, $\therefore \angle AEP=90^\circ$.

②如图 3, 由(1)可知: 在 $\text{Rt}\triangle ADC$

$$\text{中}, AC=\frac{AD}{\sin 60^\circ}=\frac{8\sqrt{3}}{3}. \because PF \perp AC,$$

$\therefore \angle PFA=90^\circ$. $\because \triangle AEF \cong \triangle PEF$, $\therefore \angle AFE=\angle PFE=45^\circ$, 则 $\angle AFE=\angle B$. 又 $\because \angle EAF=\angle CAB$, $\therefore \triangle EAF \sim \triangle CAB$, \therefore

$$\frac{AF}{AB}=\frac{AE}{AC}, \text{ 即 } \frac{AF}{4\sqrt{2}}=\frac{2\sqrt{2}}{\frac{8\sqrt{3}}{3}}, \therefore AF=\frac{8\sqrt{3}}{3}.$$

在 $\text{Rt}\triangle AFP$ 中, $AF=PF$, 则

$$AP=\sqrt{2}AF=2\sqrt{6}.$$

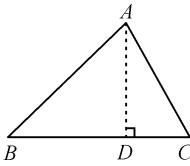


图 1

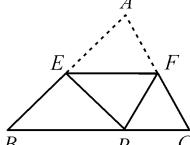


图 2

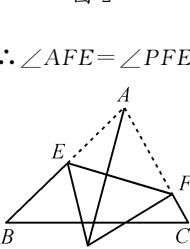


图 3

$-\frac{1}{2}(x-3)^2+4$, 这里当 $y=2$ 时, $x_1=1$, $x_2=5$, 结合图象要使得 $y \geq 2$, 则 $1 \leq x \leq 5$. (3) 由于 A, C 两点不重合, 故 $m \neq 1$, 由函数解析式, 可得顶点 A($m, 4$). 与 y 轴交点 B(0, $-\frac{1}{2}m^2+4$). ①当抛物线由图 1 向左平移到图 3 过程中, m 减小, $m \geq 0$. B 点向上移, 当点 B 与点 O 重合时, $-\frac{1}{2}m^2+4=0$ 得 $m=2\sqrt{2}$ ($-2\sqrt{2}$ 舍去). 当点 B 与点 D 重合时(如图 3), 顶点 A, B, D 均重合, B 达到最高点, 故 B(0, 4). 此时 $-\frac{1}{2}m^2+4=4$ 得 $m=0$. ②当抛物线从图 3 位置继续向左平移到图 4 位置, 则点 B 不在线段 OD 上, 不符要求. 综合上述讨论, 当 B 在 OD 上时, m 范围是 $0 \leq m < 1$ 或 $1 < m < 2\sqrt{2}$.

解:(1) 当 $m=5$ 时, $y=-\frac{1}{2}(x-5)^2+4$, 当 $x=1$ 时, $y=-\frac{1}{2} \times 4^2+4=-4$.

(2) 当 $n=2$ 时, 将 C(1, 2) 代入函数表达式 $y=-\frac{1}{2}(x-m)^2+4$, 得 $2=-\frac{1}{2}(1-m)^2+4$, 解得 $m_1=3$, $m_2=-1$ (舍去). \therefore 此时抛物线的对称轴是直线 $x=3$, 根据抛物线的轴对称性, 当 $y=2$ 时, 有 $x_1=1$, $x_2=5$. $\therefore x$ 的取值范围为 $1 \leq x \leq 5$.

(3) \because 点 A 与点 C 不重合, $\therefore m \neq 1$. \because 抛物线的顶点 A 的坐标是 $(m, 4)$, \therefore 抛物线的顶点在直线 $y=4$ 上. 当 $x=0$ 时, $y=-\frac{1}{2}m^2+4$, \therefore 点 B 的坐标为 $(0, -\frac{1}{2}m^2+4)$. 抛物线从图 1 向左平移到图 3 的过程中, m 减小且 $m \geq 0$, 点 B 沿 y 轴向上移动. 当点 B 与点 O 重合时, $-\frac{1}{2}m^2+4=0$, 解得 $m_1=2\sqrt{2}$, $m_2=-2\sqrt{2}$ (舍去). 当点 B 与点 D 重合时, 如图 3, 顶点 A 也与点 B, D 重合, 点 B 到达最高点. \therefore 点 B 的坐标为 $(0, 4)$, $\therefore -\frac{1}{2}m^2+4=4$. 解得 $m=0$. 当抛物线从图 3 位置继续向左平移时, 如图 4, 点 B 不在线段 OD 上. \therefore 点 B 在线段 OD 上时, m 的取值范围是 $0 \leq m < 1$ 或 $1 < m < 2\sqrt{2}$.

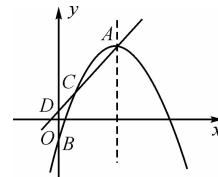


图 1

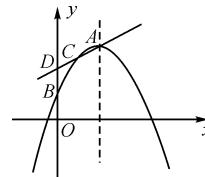


图 2

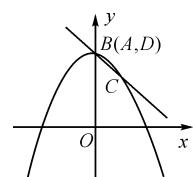


图 3

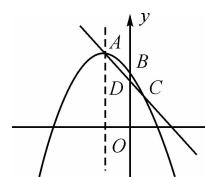


图 4

23.【考点】二次函数及其图象、性质、综合题, 函数图象的平移, 分类讨论思想.

【分析】(1) 当 $m=5$ 时, 求得抛物线解析式为 $y=-\frac{1}{2}(x-5)^2+4$, 则当 $x=1$ 时 $y=-4$. (2) 当 $n=2$ 时, 即 C(1, 2), 代入抛物线得 $m_1=3$, $m_2=-1$ (舍去), 故得 $y=$

24.【考点】菱形的判定与性质，相似三角形，三角形的中位线，分类讨论思想。

【分析】(1)由已知 $DF \parallel AE$ 和 $EF \parallel AD$, 易得 $\square Aefd$, 加上正方形 $ACOB$ 中 E, F 分别为 CO, BO 中点, 易证 $\triangle ACE \cong \triangle ABD$, 那么 $AE = AD$, 故得菱形。(2)连结 ED , 要求菱形 $Aefd$ 面积, 只要求出其一半三角形 AED 面积即可。利用面积割补法 $S_{\triangle ADE} = S_{\text{正方形 } ABOC} - S_{\triangle ACE} - S_{\triangle ABD} - S_{\triangle BOD}$, 计算可得。(3)要找一个与已知菱形 $Aefd$ 相似的菱形, 不妨连结图 1 中 AF , 与 ED 交于 K 点, 易得 $\text{Rt}\triangle ADK$ 中 $\frac{DK}{AK} = \frac{1}{3}$ 。那么与之相似的菱形, 其两对角线一半的比值也必须为 $\frac{1}{3}$ 。由于 P 点在 x 轴正半轴上运动, 点 Q 在 y 轴上, 那么必须进行分类讨论:

①当 AP 为菱形一边时, 点 Q 在 x 轴上方。(如图 2、图 3 两种情况)如图 2, 设菱形 $PAQG$ 对角线 AG, PQ 交于点 H , 则 $\frac{AH}{PH} = \frac{1}{3}$ 。不妨作 $HN \perp x$ 轴交 AC 于 M , 交 OB 于 N 。设 $AM = t$, $ON = CM = 8 - t$, 易证 HN 为 $\triangle P Q O$ 的中位线, 故 $PN = ON = 8 - t$, 易证 $\triangle AMH \sim \triangle HNP$ 。故 $\frac{AM}{NH} = \frac{MH}{PN} = \frac{AH}{PH} = \frac{1}{3}$ 。则 $HN = 3AM = 3t$, $MH = MN - NH = 8 - 3t$, 而 $PN = 3MH$, 可列方程: $8 - t = 3(8 - 3t)$, 解得 $t = 2$, 从而 $OP = 2ON = 12$, 即 $P(12, 0)$ 。如图 3, 类似方法可证 $\triangle AMH \sim \triangle HNP$, 设 $MH = t$, 则 $\frac{AM}{HN} = \frac{MH}{PN} = \frac{AH}{PH} = \frac{1}{3}$ 。列出方程 $8 + t = 9t - 24$, 解得 $t = 4$ 。即 $P(24, 0)$ 。②当 AP 为菱形一边时, 点 Q 在 x 轴下方(如图 4, 图 5 两种情况)方法与图 2、图 3 类似。得 $P(\frac{56}{9}, 0)$ 及 $P(\frac{8}{9}, 0)$ 。③当 AP 为菱形对角线时,(如图 6)此时 $\text{Rt}\triangle PQH$ 中 $\frac{PH}{QH} = \frac{1}{3}$ 。作 $HM \perp y$ 轴于点 M 。交 AB 于点 I 。过 P 作 $PN \perp HM$ 于点 N 。易证 HI 是 $\triangle ABP$ 中位线, $\triangle PNH \sim \triangle HMQ$, 则 $\frac{PN}{MH} = \frac{PH}{HQ} = \frac{1}{3}$ 。故 $MH = 12$, $HI = 4$, 则 $BP = 2HI = 8$ 。故 $OP = 16$ 即 $P(16, 0)$ 。综合上述, 点 P 坐标为 $(12, 0), (24, 0), (\frac{56}{9}, 0), (\frac{8}{9}, 0), (16, 0)$ 。

解:(1) $\because DF \parallel AE, EF \parallel AD$, \therefore 四边形 $Aefd$ 是平行四边形。 \because 四边形 $ACOB$ 是正方形, $\therefore OB = OC = AB = AC, \angle ACE = \angle ABD = \text{Rt}\angle$ 。 \therefore 点 D, E 是 OB, OC 的中点, $\therefore CE = BD$, $\therefore \triangle ACE \cong \triangle ABD$ (SAS), $\therefore AE = AD$, $\therefore \square Aefd$ 是菱形。

(2)如图 1, 连结 DE 。 $\therefore S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2}AB \cdot BD = \frac{1}{2} \times 8 \times 4 = 16$, $S_{\triangle ODE} = \frac{1}{2}OD \cdot OE = \frac{1}{2} \times 4 \times 4$

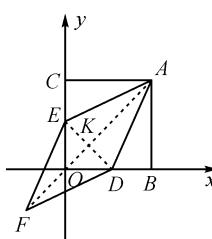


图 1

$= 8$, $\therefore S_{\triangle AED} = S_{\text{正方形 } ABOC} - 2S_{\triangle ABD} - S_{\triangle ODE} = 64 - 2 \times 16 - 8 = 24$, $\therefore S_{\text{菱形 } Aefd} = 2S_{\triangle AED} = 48$.

(3)由图 1, 连结 AF 与 DE 相交于点 K , 易得 $\triangle ADK$ 的两直角边之比为 $1:3$ 。

①当 AP 为菱形一边时, 点 Q 在 x 轴上方, 有图 2、图 3 两种情况: 如图 2, AG 与 PQ 交于点 H 。 \because 菱形 $PAQG \sim$ 菱形 $Aefd$, $\therefore \triangle APH$ 的两直角边之比为 $1:3$ 。过点 H 作 $HN \perp x$ 轴于点 N , 交 AC 于点 M 。设 $AM = t$ 。 $\because HN \parallel OQ$, 点 H 是 PQ 的中点,

\therefore 点 N 是 OP 中点, $\therefore HN$ 是 $\triangle OPQ$ 的中位线, $\therefore ON = PN = 8 - t$ 。又 $\angle 1 = \angle 3 = 90^\circ - \angle 2$, $\angle AMH = \angle PNH = 90^\circ$, $\therefore \triangle HMA \sim \triangle PNH$,

$\therefore \frac{AM}{HN} = \frac{MH}{PN} = \frac{1}{3}$, $\therefore HN = 3AM = 3t$, $\therefore MH = MN - NH = 8 - 3t$ 。又 $PN = 3MH$, 可列方程: $8 - t = 3(8 - 3t)$, 解得 $t = 2$ 。 $\therefore OP = 2ON = 2(8 - t) = 12$, 即 $P(12, 0)$ 。如图 3, $\triangle APH$ 的两直角边之比为 $1:3$ 。过点 H 作 $HI \perp y$ 轴于点 I , 过点 P 作 $PN \perp x$ 轴交 IH 于点 N , 延长 BA 交 IN 于点 M 。 $\because \angle 1 = \angle 3 = 90^\circ - \angle 2$, $\angle AMH = \angle N = 90^\circ$, $\therefore \triangle AMH \sim \triangle HNP$,

$\therefore \frac{AM}{HN} = \frac{MH}{PN} = \frac{1}{3}$, 设 $MH = t$, \therefore

$PN = 3MH = 3t$, $\therefore AM = BM - AB = 3t - 8$, $\therefore HN = 3AM = 3(3t - 8) = 9t - 24$ 。又 $\because HI$ 是 $\triangle OPQ$ 的中位线, $\therefore OP = 2HI$, $\therefore HI = HN$, $\therefore 8 + t = 9t - 24$, 解得 $t = 4$ 。 $\therefore OP = 2HI = 2(8 + t) = 24$, 即 $P(24, 0)$ 。

②当 AP 为菱形一边时, 点 Q 在 x 轴下方, 有图 4、图 5 两种情况: 如图 4, $\triangle PQH$ 的两直角边之比为 $1:3$ 。

③过点 H 作 $HM \perp y$ 轴于点 M , 过点 P 作 $PN \perp HM$ 于点 N 。 $\because MH$ 是 $\triangle QAC$ 的中位线, $\therefore HM = \frac{AC}{2} = 4$ 。又 $\angle 1 = \angle 3 = 90^\circ - \angle 2$, $\angle HMQ = \angle N = 90^\circ$, \therefore

$\triangle HPN \sim \triangle QHM$, $\therefore \frac{NP}{HM} = \frac{HN}{MQ}$ $= \frac{1}{3}$, 则 $PN = \frac{1}{3}HM = \frac{4}{3}$, \therefore

$OM = \frac{4}{3}$ 。设 $HN = t$, 则 $MQ = 3t$ 。 $\because MQ = MC$, $\therefore 3t = 8 - \frac{4}{3}$, 解得 $t = \frac{20}{9}$ 。 $\therefore OP = MN = 4 + t = \frac{56}{9}$, \therefore

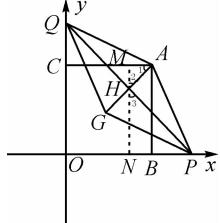


图 2

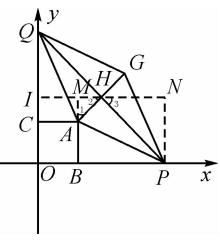


图 3

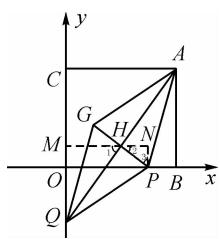


图 4

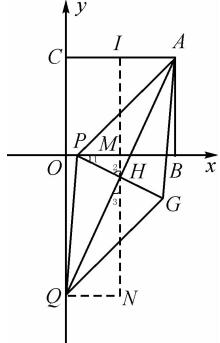


图 5

点 P 的坐标为 $(\frac{56}{9}, 0)$. 如图 5, $\triangle PQH$ 的两直角边之比为 1:3. 过点 H 作 $HM \perp x$ 轴于点 M , 交 AC 于点 I , 过点 Q 作 $NQ \perp HM$ 于点 N . $\because HI$ 是 $\triangle ACQ$ 的中位线, $\therefore CQ = 2HI$, $NQ = CI = 4$. $\because \angle 1 = \angle 3 = 90^\circ - \angle 2$, $\angle PMH = \angle N = 90^\circ$, $\therefore \triangle PMH \sim \triangle HNQ$, $\therefore \frac{MH}{NQ} = \frac{PM}{HN}$

$$\frac{PM}{HN} = \frac{PH}{HQ} = \frac{1}{3}, \text{ 则 } MH = \frac{1}{3}NQ = \frac{4}{3}. \text{ 设 } PM = t, \text{ 则}$$

$$HN = 3t. \because HN = HI, \therefore 3t = 8 + \frac{4}{3}, \text{ 解得 } t = \frac{28}{9}. \therefore OP = OM - PM = QN - PM = 4 - t = \frac{8}{9}, \therefore \text{点 } P \text{ 的坐标为 } (\frac{8}{9}, 0).$$

③当 AP 为菱形对角线时, 有图 6 一种情况: 如图 6, $\triangle PQH$ 的两直角边之比为 1:3. 过点 H 作 $HM \perp y$ 轴于点 M , 交 AB 于点 I , 过点 P 作 $PN \perp HM$ 于点 N . $\because HI \parallel x$ 轴, 点 H 为 AP 的中点, $\therefore AI = IB = 4$, $\therefore PN = 4$.

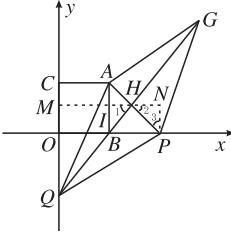


图 6

$\therefore \angle 1 = \angle 3 = 90^\circ - \angle 2$, $\angle QMH = \angle N = 90^\circ$, $\therefore \triangle PNH \sim \triangle HMQ$, $\therefore \frac{PN}{MH} = \frac{PH}{HQ} = \frac{1}{3}$. 则 $MH = 3PN = 12$, $HI = MH - MI = 4$. $\because HI$ 是 $\triangle ABP$ 的中位线, $\therefore BP = 2HI = 8$, 即 $OP = 16$, \therefore 点 P 的坐标为 $(16, 0)$. 综上所述, 点 P 的坐标为 $(12, 0)$, $(24, 0)$, $(\frac{56}{9}, 0)$, $(\frac{8}{9}, 0)$, $(16, 0)$.

浙江省 2020 年初中学业水平考试 (衢州卷) 数学试卷

一、选择题

1.【考点】有理数运算.

【分析】 $0 - 1 = -1$.

【答案】B.

2.【考点】三视图.

【分析】A. 圆, B. 正方形, C. 矩形, D. 矩形.

【答案】A.

3.【考点】幂的乘方.

【分析】 $(a^2)^3 = a^6$.

【答案】B.

4.【考点】概率.

【分析】 $\frac{120}{360} = \frac{1}{3}$.

【答案】A.

5.【考点】二次根式意义.

【分析】 $x - 3 \geq 0$, $\therefore x \geq 3$.

【答案】D.

6.【考点】解一元一次不等式组, 数轴表示解集.

【分析】 $\begin{cases} x \leq 1, \\ x > -1, \end{cases} \therefore -1 < x \leq 1$.

【答案】C.

7.【考点】折线统计图, 方程思想.

【分析】2 月份 180 万只, 3 月份 $180(1+x)$ 万只, 4 月份 $180(1+x)^2$ 万只, $\therefore 180(1+x)^2 = 461$.

【答案】B.

8.【考点】尺规作图, 平行线判定.

【分析】A. 内错角相等, 两直线平行. B. 同位角相等, 两直线平行. C. 垂直于同一条直线的两条直线平行.

【答案】D.

9.【考点】抛物线平移.

【分析】A. $y = (x+2)^2 - 2$ 不经过 $(2, 0)$. B. $y = (x+1)^2 + 2$ 不经过 $(2, 0)$. C. $y = (x-1)^2 - 1$ 经过 $(2, 0)$. D. $y = (x-2)^2 + 1$ 不经过 $(2, 0)$.

【答案】C.

10.【考点】矩形, 正方形, 全等三角形, 等腰直角三角形, 二次根式运算, 方程思想, 轴对称变换.

【分析】如图, 把翻折还原, 设 $BE = x$, 则 $BF = \sqrt{2}x$, $\therefore FC = \sqrt{2}x$, $\therefore BC = x + \sqrt{2}x = 1$, $\therefore x = \sqrt{2} - 1$, $\therefore AB = \sqrt{2}$.

【答案】A.

二、填空题

11.【考点】解一元一次方程.

【分析】 $2x + 1 = 3$, $\therefore 2x = 2$, $\therefore x = 1$.

【答案】1.

12.【考点】平方差公式、定义.

【分析】 $(x-1) \otimes x = (x-1)(x+1) = x^2 - 1$.

【答案】 $x^2 - 1$.

13.【考点】平均数, 中位数.

【分析】由平均数是 5, 可知 $x = 6$, \therefore 中位数为 5.

【答案】5.

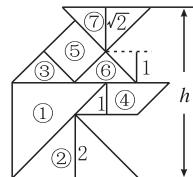
14.【考点】七巧板, 正方形、等腰直角三角形、平行四边形性质, 图形分解与组合.

【分析】如图, 由正方形边长为 4 可知七块小板的边长. $\therefore h = 2 + 1 + 1 + \sqrt{2} = 4 + \sqrt{2}$.

【答案】 $4 + \sqrt{2}$.

15.【考点】平面直角坐标系, 解直角三角形, 反比例函数, 方程、函数思想.

【分析】设点 $F(m, 8\sqrt{3})$, $\therefore M(m+3, 5\sqrt{3})$, $\therefore m \cdot 8\sqrt{3} = (m+3) \cdot 5\sqrt{3}$, $\therefore m = 5$, $\therefore k = 40\sqrt{3}$.



【答案】40 $\sqrt{3}$.

16.【考点】菱形, 等腰三角形, 直角三角形, 相似三角形性质, 图形组合与分解, 图形运动.

【分析】(1) 由于 $PM=PN$, $\therefore \triangle PMN$ 是等腰三角形, 连结 PO 并延长, PO 这条线既是角平分线, 又是高线, 中线, 可以构造相似三角形求出. (2) 同(1)方法可求.

【答案】(1) 160 (2) $\frac{640}{9}$.

三、解答题

17.【考点】实数运算.

【分析】 $| -2 | = 2$, $(\frac{1}{3})^0 = 1$, $\sqrt{9} = 3$, $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$.

解: 原式 = $2 + 1 - 3 + 1 = 1$.

18.【考点】分式运算的求值.

【分析】除法转化为乘法运算, 再约分.

解: 原式 = $\frac{a}{(a-1)^2} \cdot (a-1) = \frac{a}{a-1}$. 当 $a=3$ 时, 原式 = $\frac{3}{3-1} = \frac{3}{2}$.

19.【考点】平行四边形判定, 线的平移, 直角三角形性质, 观察能力, 画图能力.

【分析】(1) 只要平移边 AB 即可. (2) 寻找斜边 AB 的中点这个特殊点.

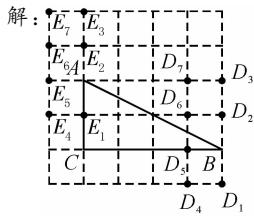


图 1

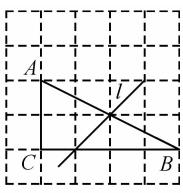


图 2

(1) 以上情况, 画出一种即可(点 D 位置分别为 $D_1, D_2, D_3, D_4, D_5, D_6, D_7$, 点 E 位置分别为 $E_1, E_2, E_3, E_4, E_5, E_6, E_7$). 结论: $\square ABDE$ 就是所求作的图形.

(2) 画出直线 l 即可(答案唯一). 结论: 直线 l 就是所求作的图形.

20.【考点】频数表, 扇形统计图, 样本估计总体, 数据收集、整理、分析.

【分析】(1) 由扇形图中组别 B 和表中组别 B 求出总数, 再求 m . (2) 通过频数和总数求百分比, 再求圆心角. (3) 样本估计总体, 再根据统计量提出建议.

解: (1) 样本容量为 $115 \div 0.23 = 500$, 组别 C 的频数 $m = 500 \times 0.616 = 308$.

(2) 组别 A 的圆心角度数为 $5\% \times 360^\circ = 18^\circ$.

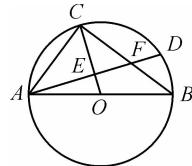
(3) 该市“视力良好”的学生人数约有 $(0.23 + 0.05) \times 25000 = 7000$ (人). 建议只要围绕“视力保护”展开即可.

21.【考点】圆的垂径定理, 圆周角定理, 相似三角形, 直角三角形.

【分析】(1) 通过点 E 是 AD 中点, 说明 $\widehat{AC} = \widehat{DC}$, 再证明

角相等. (2) 由(1)知可得 $\triangle AEC \sim \triangle BCA$, 列式可求解.

证明: (1) $\because OC$ 为半径, 点 E 是 AD 的中点, $\therefore \widehat{AC} = \widehat{CD}$, $\therefore \angle CAD = \angle CBA$.



解: (2) $\because AB$ 为 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle ACB = 90^\circ$. \because 点 E 是 AD 的中点, $\therefore OC \perp AD$, $\therefore \angle AEC = 90^\circ$. $\therefore \angle AEC = \angle ACB$. 又 $\because \angle CAD = \angle CBA$, $\therefore \triangle ACE \sim \triangle BAC$, $\therefore \frac{CE}{AC} = \frac{AC}{AB}$, $\therefore \frac{CE}{6} = \frac{1}{10}$, $\therefore CE = 3.6$. 又 $\because OC = \frac{1}{2}AB = 5$, $\therefore OE = 5 - 3.6 = 1.4$.

22.【考点】平面直角坐标系, 一次函数图象, 方程思想, 建模思想, 分类讨论, 统筹能力.

【分析】(1) 用数据来描述. 停靠时长等于 23 减去实际行驶时间. (2) 求出点 A, B, D, E 的坐标, 再求出 BC 和 DE 函数表达式, 然后利用两个函数表达式求解. ② 应分两种情况, 相遇之前, 相遇之后.

解: (1) C 点的横坐标的意义是游轮从杭州到衢州共用时 23 h. \therefore 游轮在“七里扬帆”停靠时长: $23 - (420 \div 20) = 23 - 21 = 2$ (h).

(2) ① $280 \div 20 = 14$ (h), \therefore 点 $A(14, 280)$, 点 $B(16, 280)$. $\because 36 \div 60 = 0.6$ (h), $23 - 0.6 = 22.4$ (h), \therefore 点 $E(22.4, 420)$. 设 BC 的函数表达式为 $s = 20t + b$, 把 $B(16, 280)$ 代入 $s = 20t + b$, 得 $b = -40$. $\therefore s = 20t - 40$ ($16 \leq t \leq 23$). 同理由 $D(14, 0)$, $E(22.4, 420)$ 得: DE 的函数表达式为 $s = 50t - 700$ ($14 \leq t \leq 22.4$). 当货轮追上游轮时, $20t - 40 = 50t - 700$, 解得 $t = 22$. $\therefore 22 - 14 = 8$ (h), \therefore 货轮出发后 8 小时追上游轮.

② 相遇之前相距 12 km 时, $20t - 40 - (50t - 700) = 12$, $\therefore t = 21.6$. 相遇之后相距 12 km 时, $50t - 700 - (20t - 40) = 12$, $\therefore t = 22.4$. $\therefore t = 21.6$ h 或 22.4 h 时, 游轮与货轮相距 12 km.

23.【考点】描点法, 探究函数方法, 中心对称, 三角形全等判定和性质, 勾股定理, 函数方程思想, 一次函数最值.

【分析】(1) 根据连线判断. (2) 先设点 D 坐标, 再求点 F 坐标, 然后去构造直角三角形列出 EF^2 与 m 的关系, 再求数值. (3) 直角的位置有不确定性, 三种情况都要讨论, $\angle BFE = 90^\circ$ 这种情况通过坐标来表示长度构造直角三角形列出关于 m 的方程, 然后求解.

解: (1) 画图略.

函数类别: 二次函数.

(2) 如图 1, 过点 F, D 分别作 FG, DH 垂直于 y 轴, 垂足分别为 G, H , 则 $\angle FGK = \angle DHK = 90^\circ$. 记 FD 交 y 轴于点 K . $\because D$ 点与 F 点关于 y 轴上的 K 点成中心对称, $\therefore KF = KD$. $\therefore \angle FKG = \angle DKH$, $\therefore \text{Rt} \triangle FGK \cong \text{Rt} \triangle DHK$ (AAS), $\therefore FG = DH$. 由 $y_{AC} = -\frac{8}{3}x + 4$ 知 $A(0, 4)$, 又 $\because B$ 为 $(-2, 0)$, $\therefore y_{AB} = 2x + 4$. 过 F 点作 FR

$\perp x$ 轴于点 R . $\therefore D$ 点横坐标为 m , $\therefore F(-m, -2m+4)$. $\therefore ER=2m, FR=-2m+4$. $\therefore EF^2=FR^2+ER^2$, $\therefore l=EF^2=8m^2-16m+16=8(m-1)^2+8$. 令 $-\frac{8x}{3}+4=0$, 得 $x=\frac{3}{2}$. $\therefore 0 \leq m \leq \frac{3}{2}$. \therefore 当

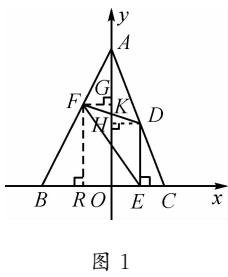


图 1

$m=1$ 时, l 的最小值为 8. $\therefore EF$ 的最小值为 $2\sqrt{2}$.

(3) ① $\angle FBE$ 为定角, 不可能为直角(不写不扣分).

② $\angle BEF=90^\circ$ 时, E 点与 O 点重合, D 点与 A 点, F 点重合, 此时 $m=0$.

③ 如图 2, $\angle BFE=90^\circ$ 时, 有 $BF^2+EF^2=BE^2$. 由(2)得 $EF^2=8m^2-16m+16$, 又 $\because BR=-m+2, FR=-2m+4$, $\therefore BF^2=BR^2+FR^2=(-m+2)^2+(-2m+4)^2=5m^2-20m+20$. 又 $\because BE^2=(m+2)^2$, $\therefore (5m^2-20m+20)+8m^2-16m+16=(m+2)^2$, 化简得, $3m^2-10m+8=0$. 解得 $m_1=\frac{4}{3}, m_2=2$ (不符合题意, 舍去), $\therefore m=\frac{4}{3}$.

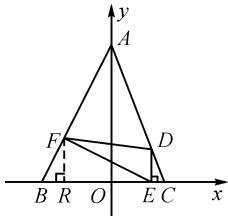


图 2

$=0$. 解得 $m_1=\frac{4}{3}, m_2=2$ (不符合题意, 舍去), $\therefore m=\frac{4}{3}$. 综上可知, 当 $\triangle BEF$ 为直角三角形时, $m=0$ 或 $m=\frac{4}{3}$.

24.【考点】等腰三角形, 直角三角形, 相似三角形, 方程、函数思想, 综合分析问题和解决问题的能力, 图形组合与分解.

【分析】(1) 证 $\triangle AHF \cong \triangle AHG$. (2) 先证 $OG=OL$, 再用 $OL \parallel BF$ 得 $\triangle OLD \sim \triangle BFD$, 然后 $\frac{DO}{DB}=\frac{OL}{BF}$, 故 $\frac{OL}{BF}=\frac{1}{2}$ 即 $BF=2OG$. (3) 通过(2)的思考方法, 构造相似三角形, 得 $\frac{CD}{AC}=\frac{2}{3}$, 求出 $\frac{AD}{AB}$ 的值. (4) 分两种情况讨论, 点 F 在 AB 边上, 点 F 在 AB 边的延长线上. 然后通过相似三角形和直角三角形求值.

解: (1) $\triangle AFG$ 是等腰三角形. 理由如下: $\because AE$ 平分 $\angle BAC$, $\therefore \angle 1=\angle 2$. $\because DF \perp AE$, $\therefore \angle AHF=\angle AHG=90^\circ$. 又 $\because AH=AH$, $\therefore \triangle AHF \cong \triangle AHG$, $\therefore AF=AG$, $\therefore \triangle AFG$ 是等腰三角形.

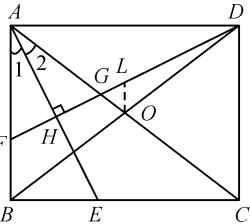


图 1

(2) 如图 1, 过点 O 作 $OL \parallel AB$, 交 DF 于点 L , 则 $\angle AFG=\angle OLG$. $\because AF=AG$, $\therefore \angle AFG=\angle AGF$. $\because \angle AGF=\angle OGL$, $\therefore \angle OLG=\angle OGL$, $\therefore OG=OL$. $\therefore OL \parallel AB$, $\therefore \triangle DLO \sim \triangle DFB$, $\therefore \frac{OL}{BF}=\frac{DO}{BD}$.

\therefore 矩形 $ABCD$, $\therefore BD=$

$2OD$. $\therefore BF=2OL$, $\therefore BF=2OG$.

(3) 如图 2, 过点 D 作 $DK \perp AC$ 于点 K , 则 $\angle DKA=\angle CDA=90^\circ$, 又 $\because \angle DAK=\angle CAD$, $\therefore \triangle ADK \sim \triangle ACD$, $\therefore \frac{DK}{AD}=\frac{CD}{AC}$. $\therefore S_1=\frac{1}{2}OG \cdot$

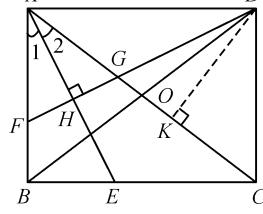


图 2

$DK, S_2=\frac{1}{2}BF \cdot AD$, 又 \because

$BF=2OG, \frac{S_1}{S_2}=\frac{1}{3}$, $\therefore \frac{DK}{AD}=\frac{2}{3}=\frac{CD}{AC}$, 令 $CD=2x, AC$
 $=3x$, 则 $AD=\sqrt{5}x$, $\therefore \frac{AD}{AB}=\frac{\sqrt{5}}{2}$.

(4) 直接写出答案即可, 对一个得 1 分. 设 OG 为 a , AG 为 k .

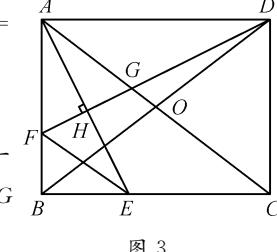


图 3

① 如图 3, 当点 F 在线段 AB 上时, 点 G 在线段 OA 上. $\because AF=AG, BF=2OG$, $\therefore AF=AG=k, BF=2a$. $\therefore AB=k+2a, AC=2(k+a)$, $\therefore AD^2=[2(k+a)]^2-(k+2a)^2$, $\therefore AD^2=3k^2+4ka$. 由 $\angle ABE=\angle DAF=90^\circ$, $\angle BAE=\angle ADF$, 得 $\triangle ABE \sim \triangle DAF$, $\therefore \frac{BE}{AB}=\frac{AF}{AD}$, $\therefore \frac{BE}{k+2a}=\frac{k}{AD}$, $\therefore BE=\frac{k(k+2a)}{AD}$. 根据题意得, $10 \times \frac{1}{2} \times 2a \times \frac{k(k+2a)}{AD}=AD(k+2a)$, $\therefore AD^2=10ka$, 即 $10ka=3k^2+4ka$, $\therefore k=2a$, $\therefore AD=2\sqrt{5}a$. $\therefore BE=\frac{k(k+2a)}{AD}=\frac{4\sqrt{5}a}{5}$.

② 如图 4, 当点 F 在线段 AB 的延长线上时, 点 G 在线段 OC 上. $\because AF=AG, BF=2OG$, $\therefore AF=AG=k, BF=2a$. $\therefore AB=k-2a, AC=2(k-a)$, $\therefore AD^2=[2(k-a)]^2-(k-2a)^2$, $\therefore AD^2=3k^2-4ka$.

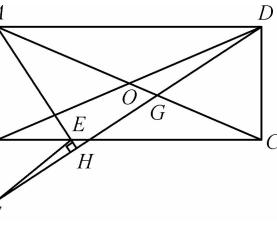


图 4

由 $\angle BAE=\angle ADF, \angle ABE=\angle FAD$, 得 $\triangle ABE \sim \triangle DAF$, $\therefore \frac{BE}{AB}=\frac{AF}{AD}$, $\therefore \frac{BE}{k-2a}=\frac{k}{AD}$, $\therefore BE=\frac{k(k-2a)}{AD}$. 根据题意得, $10 \times \frac{1}{2} \times 2a \times \frac{k(k-2a)}{AD}=AD(k-2a)$, $\therefore AD^2=10ka$. 即 $10ka=3k^2-4ka$, $\therefore k=\frac{14}{3}a$, $\therefore BE=\frac{k(k-2a)}{AD}=\frac{8\sqrt{105}}{45}a$, $\therefore \tan \angle BAE=\frac{\sqrt{105}}{15}$. 综上可知, $\tan \angle BAE$ 的值为 $\frac{\sqrt{105}}{15}$ 或 $\frac{\sqrt{105}}{15}$.

2020年浙江省初中毕业生学业水平考试(舟山、嘉兴卷)数学试卷

一、选择题

1.【考点】科学记数法.

【分析】 $36\ 000\ 000 = 3.6 \times 10^7$.

【答案】D.

2.【考点】三视图.

【分析】主视图方向看到的图形.

【答案】A.

3.【考点】中位数,平均数,众数,方差.

【分析】五个数从小到大排列中间的数是3,即中位数是3.

【答案】C.

4.【考点】一次函数.

【分析】一次函数 $k > 0, b < 0$, 图象过第一、三、四象限.

【答案】B.

5.【考点】图形的位似.

【分析】由位似得 A 的横坐标和纵坐标乘 $-\frac{1}{3}$ 得到 C 的坐标.

【答案】B.

6.【考点】不等式,数轴.

【分析】解不等式得 $x > -1$, 解集在数轴上表示即可.

【答案】A.

7.【考点】等边三角形,正六边形.

【分析】重叠部分为正六边形,边长为1,可以分割成六个全等的等边三角形,求面积和即可.

【答案】C.

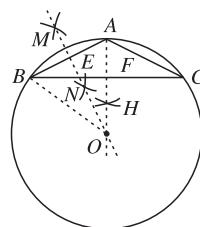
8.【考点】二元一次方程组,等式的基本性质.

【分析】① - ② × 3 得: $(x+3y) - 3(2x-y) = 4 - 3$, 得 $-5x + 6y = 1$, 无法消元. 故 D 错误. 其余各项均可消元.

【答案】D.

9.【考点】圆,勾股定理,中垂线.

【分析】根据作图, AO 平分 $\angle BAC$, MN 是 AB 中垂线, $\therefore AB = AC$, 所以 O 为 $\triangle ABC$ 的外心, 连结 OB , 设半径为 r , 则 $r^2 = (r-2)^2 + 4^2$, $\therefore r = 5$.



【答案】D.

10.【考点】二次函数,不等式,方程组.

【分析】当 $n-m=1$ 时, $n=m+1$. $\because a \leqslant x \leqslant b$ 时, $m \leqslant y \leqslant n$, 结合抛物线图象可得 $0 \leqslant a \leqslant b, m \leqslant n$ 时观察对称轴及右侧图象. 当 $x=a$ 时, $y=m$, $\therefore m=a^2$ ①, 当 $x=b$ 时, $y=n$, $\therefore n=m+1=b^2$ ②, ② - ① 得 $b^2 - a^2 = m+1 - m = 1$. $\therefore b^2 = a^2 + 1$, $b = \sqrt{a^2 + 1}$. $\therefore b-a = \sqrt{a^2 + 1} - a$, 当 $a=0$ 时, $b-a=1$, 当 $a>0$ 时, $b-a = \sqrt{a^2 + 1} - a < 1$, $\therefore b$

$-a$ 有最大值 1, 没有最小值, B 正确, A 错误. 当 $b-a=1$ 时, $b=a+1$, $\therefore n=b^2=(a+1)^2, m=a^2$, $\therefore n-m=(a+1)^2-a^2=2a+1$, 当 $a \geqslant 0$ 时, $n-m$ 有最小值, 没有最大值, 故 C, D 错误.

【答案】B.

二、填空题

11.【考点】因式分解,平方差公式.

【分析】 $x^2 - 9 = (x+3)(x-3)$.

【答案】 $(x+3)(x-3)$.

12.【考点】菱形的判定.

【分析】有一组邻边相等的平行四边形是菱形.

【答案】 $AB=BC$ (答案不唯一).

13.【考点】概率.

【分析】总的路径有 3 种选择, 符合要求的是一种, 概率为 $\frac{1}{3}$.

【答案】 $\frac{1}{3}$.

14.【考点】圆,扇形,圆锥.

【分析】扇形圆心角为 90° , 则所对的弦即是圆形纸片的直径 $2\sqrt{2}$, 所以扇形半径为 2, 面积 $= \frac{90\pi \cdot 2^2}{360} = \pi$. 所围

成的无底圆锥半径设为 r , 则有 $\frac{r}{2} \times 360^\circ = 90^\circ$. $\therefore r = \frac{1}{2}$.

【答案】 $\pi, \frac{1}{2}$.

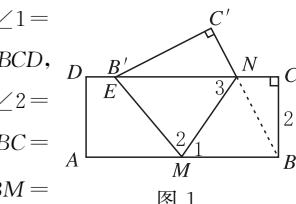
15.【考点】分式方程.

【分析】第一次每人分得 $\frac{10}{x}$ 元, 第二次有 $(x+6)$ 人, 每人分得 $\frac{40}{x+6}$ 元, 建立方程即得解.

【答案】 $\frac{10}{x} = \frac{40}{x+6}$.

16.【考点】矩形,翻折,勾股定理,图形变换综合应用.

【分析】如图 1, 由于翻折, $\angle 1 = \angle 2, BN = EN$, 又 \because 矩形 $ABCD$, $\therefore AB \parallel CD, \angle 1 = \angle 3, \therefore \angle 2 = \angle 3, EN = EM = BM$, 而 $BC = 2, NC = 1, BN = \sqrt{5}$, $\therefore BM =$



$\sqrt{5}$, 在点 M 从点 A 运动到 B 的过程中, E 先由图 2 中的 E_1 向右运动到图 3 中的 E_2 位置. 此时, 图 2 中设 $AE_1 = E_1N = x$, 则 $DE_1 = 4-x, DA = 2$, 可得 $2^2 + (4-x)^2 = x^2, x = 2.5$, 图 3 中, $E_2M = E_2N = 2$, 即 E 向右运动 2.5 - 2 = 0.5, 再向左运动到图 1 中 E 的位置, 即向左运动 $\sqrt{5}-2$, 总路程为 $\sqrt{5}-2+0.5=\sqrt{5}-\frac{3}{2}$.

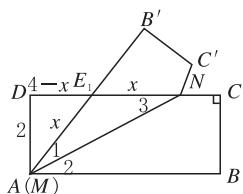


图 2

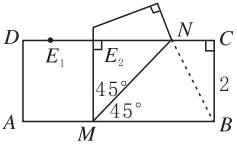


图 3

【答案】 $\sqrt{5}, \sqrt{5} - \frac{3}{2}$.

三、解答题

17.【考点】(1)零指数, 绝对值, 算术平方根. (2) 平方差公式, 单项式×多项式.

【分析】(1) $(2020)^0 = 1, \sqrt{4} = 2, |-3| = 3$. (2) $(a+2)(a-2) = a^2 - 4$. 注意符号的处理. $-a(a+1) = -a^2 - a$. 合并即得解.

解:(1) 原式 $= 1 - 2 + 3 = 2$.

(2) 原式 $= a^2 - 4 - a^2 - a = -4 - a$.

18.【考点】(1)代数式的值及大小比较. (2)完全平方公式.

【分析】(1) ①当 $x=1$ 时, $x^2+1=2, 2x=2$, 故填“=” . ②当 $x=0$ 时, $x^2+1=1, 2x=0$, 故填“>” . ③当 $x=-2$ 时, $x^2+1=5, 2x=-4$, 故填“>” . (2) 比较 x^2+1 与 $2x$ 的大小, 只需作差, 然后与零比较大小. $x^2+1-2x=(x-1)^2 \geqslant 0$, 利用完全平方式的非负性得 $x^2+1 \geqslant 2x$.

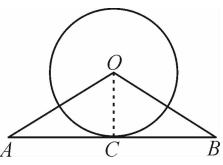
解:(1) ①=; ②>; ③>.

(2) $x^2+1 \geqslant 2x$, 理由如下: 当 x 取任意实数时, $\because x^2+1-2x=(x-1)^2 \geqslant 0$. $\therefore x^2+1 \geqslant 2x$.

19.【考点】直线与圆的位置关系, 等腰三角形, 全等三角形.

【分析】小明的证法无法得到 $\triangle OAC \cong \triangle OBC$. 故错误. 由 AB 与 $\odot O$ 相切得到 $OC \perp AB$, 利用等腰三角形三线合一可得 $AC=BC$.

解: 证法错误. 证明: 如图, 连结 OC . $\because \odot O$ 与 AB 相切于点 C , $\therefore OC \perp AB$. $\therefore OA=OB$, $\therefore AC=BC$.



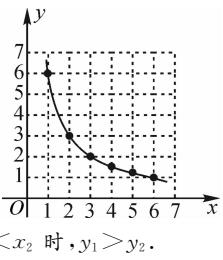
20.【考点】反比例函数, 平面内点的位置.

【分析】(1) 根据表格数据描出相应点, 得双曲线图象, 设 $y=\frac{k}{x}$ ($k \neq 0$), 取 $x=1, y=6$ 代入得 $k=6$. (2) 因为 $k=6 > 0$, 由函数增减性可得 $0 < x_1 < x_2$ 时, $y_1 > y_2$.

解:(1) 函数图象如图所示. 设反比例函数的表达式为 $y=\frac{k}{x}$ ($k \neq 0$), 把 $x=1, y=6$ 代入,

得 $k=6$. \therefore 函数表达式为 $y=\frac{6}{x}$ ($x>0$).

(2) $\because k=6>0$. \therefore 在第一象限内, y 随 x 的增大而减小, \therefore 当 $0 < x_1 < x_2$ 时, $y_1 > y_2$.



21.【考点】统计数据的计算及各种统计图分析.

【分析】(1) 条形统计图中 B 的数值最大, 折线统计图中 C 的图象比较平坦, 月平均销售量最稳定. (2) 从折线统

计图中可读得 2019 年 B 品牌月平均销售量为 20 万台, 则年销售量为 $20 \times 12 = 240$ (万台), 占到总数的 25%. 所以总数为 $240 \div 25\% = 960$ (万台). 2019 年其他品牌电视机占了 $(1-34\%-29\%-25\%)=12\%$. 所以共 $960 \times 12\% = 115.2$ (万台). (3) 结合题目中的信息提出合理建议即可.

解:(1) B, C .

(2) $\because (20 \times 12) \div 25\% = 960$ (万台), $1-25\%-29\%-34\% = 12\%$, $\therefore 960 \times 12\% = 115.2$ (万台).

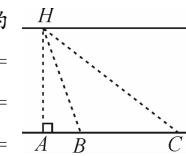
(3) 答案不唯一(言之有理即可). 如: 建议购买 C 品牌, 因为 C 品牌电视机五年的月平均销售量最稳定, 且 2019 年市场占有率最大.

22.【考点】三角函数, 公式变形.

【分析】(1) 第二小组中, H, B, C 三点不在同一直线上. $\triangle ABH$ 与 $\triangle BCD$ 中的线段没有关联, 无法计算河宽. (2) 方案一中, 根据 $\angle ABH = 70^\circ, \angle ACH = 35^\circ$ 可得 $\angle BHC = 35^\circ$, $\therefore BH = BC = 60$ m, 在 $\text{Rt}\triangle HAB$ 中, 利用 $\sin 70^\circ = \frac{AH}{BH}$ 可求得出河宽.

解:(1) 第二小组的数据无法计算出河宽.

(2) 答案不唯一. 若选第一小组的方案及数据(如图). $\because \angle ABH = 70^\circ, \angle ACH = 35^\circ, \therefore \angle BHC = \angle ACH = 35^\circ$, $\therefore BH = BC = 60$ m. \therefore 在 $\text{Rt}\triangle ABH$ 中, $\therefore AH = BH \times \sin 70^\circ \approx 56.4$ (m).



23.【考点】角平分线, 全等三角形, 矩形, 图形的平移和旋转.

【分析】【思考】由 $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ 可得 $\angle BAC = \angle EDF, AB = DE$. 可得四边形 $ABDE$ 是平行四边形.

【发现】因为四边形 $ABDE$ 为矩形, $\therefore AD = BE$, 连结 BE , 得 $OA = OE$, 可设 $AF = x$, 则 $AD = x+4, AO = OE = \frac{1}{2}(x+4)$, $OF = OA - AF = \frac{1}{2}(x+4) - x = 2 - \frac{1}{2}x$.

【探究】 $BD = 2OF$. 由图 3, 四边形 $ABDE$ 是矩形可得 O 为对角线交点, 所以图 4 中旋转前后都有 $OB = OD, OA = OE$, $\therefore \angle OAB = \angle OBA = \angle ODE = \angle OED$. $\angle OBD = \angle ODB, \angle OAE = \angle OEA$. 由四边形内角和为 360° , 得 $\angle ABD + \angle BAE = 180^\circ$. 证得 $AE \parallel BD$. $\therefore \angle OHE = \angle ODB$, 而由 EF 为角平分线, $EF \perp OH$ 可证得 $\triangle OEF \cong \triangle HEF$, $\therefore OH = 2OF$. 再由 $OD = OB = OE = EH$ 和 $\angle OBD = \angle ODB = \angle EHF = \angle EOH$ 得 $\triangle OBD \cong \triangle EOH$, $\therefore BD = OH = 2OF$.

解:【思考】四边形 $ABDE$ 是平行四边形. 证明: 如图 2, $\because \triangle ABC \cong \triangle DEF$, $\therefore AB = DE, \angle BAC = \angle EDF$, $\therefore AB \parallel DE$. \therefore 四边形 $ABDE$ 是平

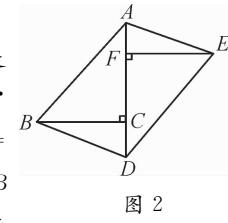


图 2

行四边形.

【发现】如图 3, 连结 BE 交 AD 于点 O, ∵四边形 ABDE 为矩形,

∴AD=BE. ∴OA=OD= $\frac{1}{2}$ AD, OE= $\frac{1}{2}$ BE, ∴OA=OD=OE. 设 AF=x cm, 则 AD=x+4 cm. ∴OA=OE=

$\frac{1}{2}(x+4)$, ∴OF=OA-AF

=2- $\frac{1}{2}x$. 在 Rt△OFE 中, OF²+EF²=OE², 得 (2-

$$\frac{1}{2}x)^2+3^2=\frac{1}{4}(x+4)^2, \text{解得 } x=\frac{9}{4}. \therefore AF=\frac{9}{4} \text{ cm.}$$

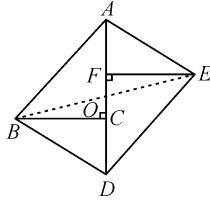


图 3

【探究】BD=2OF. 证明: 如图

4, 延长 OF 交 AE 于点 H. 由矩形性质可得 $\angle OAB=\angle OBA=\angle ODE=\angle OED$, OA=OB=OE=OD, ∴ $\angle OBD=\angle ODB$, $\angle OAE=\angle OEA$. ∵ $\angle ABD+\angle BDE+\angle DEA+\angle EAB=360^\circ$. ∴ $\angle OAB+\angle OAE+\angle OBA+\angle OBD=180^\circ$, 即 $\angle ABD+\angle BAE=180^\circ$, ∴AE//BD, ∴ $\angle OHE=\angle ODB$. ∵EF 平分 $\angle AEO$, ∴ $\angle OEF=\angle HEF$. ∵ $\angle EFO=\angle EFH=90^\circ$, EF=EF, ∴ $\triangle EFO\cong\triangle EFH$, ∴EO=EH, FO=FH, ∴ $\angle EHO=\angle EOH=\angle OBD=\angle ODB$, ∴ $\triangle EOH\cong\triangle OBD$, ∴BD=OH=2OF.

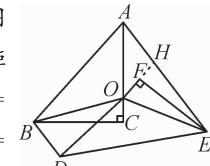


图 4

24.【考点】二次函数, 相似三角形, 一元二次方程, 不等式综合应用.

【分析】(1) 由顶点 B 可设抛物线解析式为 $y=a(x-0.4)^2+3.32(a\neq 0)$, 只需把 A 点代入即可得 $a=-2$.

(2) ①根据 CD=2.6 m, 可得 $y=2.6$. 解方程得 $x=1$, 即 $OD=1$ m. ②观察图 2 可得小戴在 $0\leq t\leq 0.3$ 时, 高度不变, 即 $h_2=2.2$, 由于当 $0.3 < t \leq 1.3$ 时, h_2 图象与 h_1 形状相同, 即 a 相同, 只需把 h_1 向右平移 0.3 个单位, 即 $h_2=-2(t-0.8)^2+2.7$. h_1 与 h_2 图象的交点处即 $h_1=h_2$, 得 $t=0.65$. 说明 $t<0.65$ 时, $h_1>h_2$, 即东东跳得高.

$t>0.65$ 时, $h_1 < h_2$, 即小戴跳得高, 此时不能传球到 E.

结合拦截示意图(图 3), 构造相似三角形 $\triangle MPN\sim\triangle NHE$, 因已知 $PN=DF=0.5$, $HE=2.5$, 可得 $\frac{MP}{NH}=\frac{1}{5}$,

即 $NH=5MP$, 分两个时间段讨论. (I) 当 $0\leq t\leq 0.3$ 时, $NF=2.2$, $MP=h_1-PD=h_1-NF=h_1-2.2=-2(t-0.5)^2+2.7-2.2$, $NH=2.2-HF=2.2-ER=2.2-1.3=0.9$. 代入 $NH=5MP$ 中得方程 $5[-2(t-$

$0.5)^2+0.5]=0.9$. $t=\frac{1}{10}$, 结合 $0\leq t\leq 0.3$. $\therefore \frac{1}{10} < t \leq$

$\frac{3}{10}$. (II) 当 $0.3 < t \leq 0.65$ 时. $MP=MD-NF=h_1-h_2$

$=h_1-2.2$. $NH=5MP$, 即 $5(h_1-2.2)=h_2$, 得 $h_2=5h_1-11$. 代入 $NH=5MP$ 中得方程 $5[-2(t-$

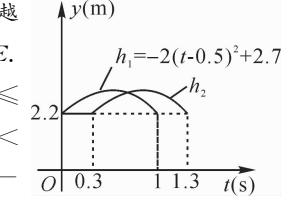
$0.5)^2+0.5]=5h_1-11$. $t=\frac{23-2\sqrt{85}}{10}$, 结合 $0.3 < t \leq 0.65$. $\therefore \frac{23-2\sqrt{85}}{10} < t \leq$

$=-1.2t+0.78$, $NH=NF-HF=h_2-1.3=-2(t-0.8)^2+1.4$. 代入 $NH=5MP$ 中得方程 $-2(t-0.8)^2+1.4=5(-1.2t+0.78)$, $t=\frac{23-2\sqrt{85}}{10}$, 结合 $0.3 < t \leq 0.65$, $\therefore \frac{3}{10} < t < \frac{23-2\sqrt{85}}{10}$. 综合上述情况: 东东传球时间范围为 $\frac{1}{10} < t < \frac{23-2\sqrt{85}}{10}$.

解: (1) 设 $y=a(x-0.4)^2+3.32(a\neq 0)$, 把 $x=0$, $y=3$ 代入, 得 $0.16a+3.32=3$, 解得 $a=-2$. ∴该抛物线的函数表达式为 $y=-2(x-0.4)^2+3.32$.

(2) ①把 $y=2.6$ 代入 $y=-2(x-0.4)^2+3.32$, 得 $2.6=-2(x-0.4)^2+3.32$, 化简得 $(x-0.4)^2=0.36$, 解得 $x_1=-0.2$ (舍去), $x_2=1$, ∴ $OD=1$ m.

②东东的直线传球能越过小戴的拦截传到点 E. 由图 2 可得, 当 $0\leq t\leq 0.3$ 时, $h_2=2.2$, 当 $0.3 < t \leq 1.3$ 时, $h_2=-2(t-0.8)^2+2.7$. 当 $h_1-h_2=$



0 时, 得 $t=0.65$. 东东在点 D 处跳起传球与小戴在点 F 处拦截的示意图如图 3. 设 $MD=h_1$, $NF=h_2$. 当点 M, N, E 三点共线时, 过点 E 作 $EG\perp MD$ 于点 G, 交 NF 于点 H, 过点 N 作 $NP\perp MD$ 于点 P, ∴ $MD\parallel NF$, $PN\parallel GE$.

∴ $\angle M=\angle HNE$, $\angle MNP=\angle NEH$, ∴ $\triangle MPN\sim\triangle NHE$, ∴ $\frac{MP}{NH}=\frac{PN}{HE}$, $\therefore PN=0.5$, $HE=2.5$, ∴ $NH=5MP$.

(I) 当 $0\leq t\leq 0.3$ 时, $MP=-2(t-0.5)^2+2.7-2.2=-2(t-0.5)^2+0.5$, $NH=2.2-1.3=0.9$. ∴ $0.9=5\times[-2(t-0.5)^2+0.5]$, 整理得 $(t-0.5)^2=0.16$, 解得 $t_1=\frac{9}{10}$ (舍去), $t_2=\frac{1}{10}$. 当 $0\leq t\leq 0.3$ 时, MP 随 t 的增大而增大, $\therefore \frac{1}{10} < t \leq \frac{3}{10}$.

(II) 当 $0.3 < t \leq 0.65$ 时, $MP=-2(t-0.5)^2+2.7-[-2(t-0.8)^2+2.7]=-1.2t+0.78$, $NH=-2(t-0.8)^2+2.7-1.3=-2(t-0.8)^2+1.4$, ∴ $-2(t-0.8)^2+1.4=5\times(-1.2t+0.78)$, 整理得 $t^2-4.6t+1.89=0$, 解得 $t_1=\frac{23+2\sqrt{85}}{10}$ (舍去), $t_2=\frac{23-2\sqrt{85}}{10}$.

当 $0.3 < t \leq 0.65$ 时, MP 随 t 的增大而减小, $\therefore \frac{3}{10} < t < \frac{23-2\sqrt{85}}{10}$.

(III) 当 $0.65 < t \leq 1$ 时, $h_1 < h_2$, 不可能. 综上所述, 东东在起跳后传球的时间范围为 $\frac{1}{10} < t < \frac{23-2\sqrt{85}}{10}$.

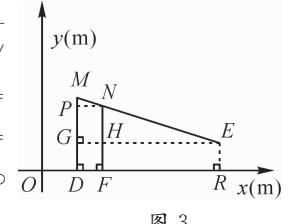


图 3

【分析】(1)用待定系数法,设 $y=\frac{k}{x}$,把(3,400)代入即可.(2)求出 y_1,y_2,y_3 即可.

解:(1)设 $y=\frac{k}{x}$ (k 是常数,且 $k\neq 0$),把 $x=3,y=400$ 代入得 $400=\frac{k}{3}$,解得 $k=1200,y=\frac{1200}{x}(1\leqslant x\leqslant 15)$.

$$(2)y_1-y_2>y_2-y_3.$$

21.【考点】等腰三角形、全等三角形的性质和判定.

【分析】(1)用“SAS”证明.(2)用“有两个角相等的三角形是等腰三角形”证明.

证明:(1) $\left\{\begin{array}{l} AB=AC, \\ \angle BAD=\angle CAE, \\ AD=AE, \end{array}\right. \therefore \triangle ABD \cong \triangle ACE$

(SAS).

解:(2) $\triangle BOC$ 为等腰三角形.理由如下: $\because \triangle ABD \cong \triangle ACE$, $\therefore \angle ABD=\angle ACE$, $\because AB=AC$, $\therefore \angle ABC=\angle ACB$, $\therefore \angle ABC-\angle ABD=\angle ACB-\angle ACE$,即 $\angle OBC=\angle OCB$, $\therefore OB=OC$. $\therefore \triangle BOC$ 为等腰三角形.

22.【考点】数据的统计与整理,概率,以样本概率估计总体概率.

【分析】(1)0.2~1的中间数0.6为分界线,大于0.6参与度高,小于0.6参与度低,显然参与度高的是直播方式.(2)参与度在0.8以上概率为 $\frac{12}{40}=0.3$.(3)录播人数200,直播人数 $600,200\times\frac{4}{40}+600\times\frac{2}{40}$ 即为所求.

解:(1)“直播”教学方式学生的参与度更高:理由:“直播”参与度在0.6以上的人数为28人,“录播”参与度在0.6以上的人数为20人,参与度在0.6以上的“直播”人数远多于“录播”人数,所以“直播”教学方式学生的参与度更高.

(2) $12\div 40=0.3=30\%$.答:该学生的参与度在0.8及以上的概率是30%.

(3)“录播”总学生数: $800\times\frac{1}{1+3}=200$ (人).“直播”总学生数: $800\times\frac{1}{1+3}=600$ (人).“录播”参与度在0.4以下的学生数: $200\times\frac{4}{40}=20$ (人).“直播”参与度在0.4以下的学生数: $600\times\frac{2}{40}=30$ (人),参与度在0.4以下的学生共有: $20+30=50$ (人).

23.【考点】圆周角定理,翻折,相似三角形的判定和性质,直角三角形的性质,勾股定理,平行四边形的判定和性质,矩形的判定和性质,以及综合运用知识的能力.

【分析】(1)要证 $\angle FEB=90^\circ$,只要证BF为直径,要证直径只要证圆周角 $\angle BDF=90^\circ$ 即可,这是显然的.(2)利用圆周角定理证明 $\angle EBF=\angle EDF$,由轴对称可以得 $CD\perp AB$,且 $\angle EDF=\angle ABC$, $\therefore \angle EBF=\angle CBA$, $\therefore \text{Rt}\triangle BEF \sim \text{Rt}\triangle BCA$.(3)若EF与AB互相平分,则四

边形AEBF为平行四边形.从而得出四边形BEFD为矩形,设EF与AB交于点O,则可得 $EO=FO=\frac{1}{2}EF=\frac{1}{2}BD=\frac{1}{2}BC=\frac{1}{2}m$. $AO=BO=\frac{1}{2}AB=3$.利用 $\triangle BCM \sim \triangle BAC$ 可得 $BC^2=BM \cdot BA$;求出 $BM=\frac{m^2}{6}$,由 $\triangle BEM \sim \triangle BOE$ 可得 $BE^2=BM \cdot BO$;求出 $BE=\frac{\sqrt{2}}{2}m$. $\text{Rt}\triangle BEO$ 中, $BE^2+EO^2=BO^2$ 可以求出 m .

解:(1) $\because \angle EFB=\angle EDB, \angle EBF=\angle EDF, \therefore \angle EFB+\angle EBF=\angle EDB+\angle EDF=90^\circ, \therefore \angle FEB=90^\circ, \therefore \triangle BEF$ 为直角三角形.

(2) $\because BC=BD, \therefore \angle BDC=\angle BCD$,又 $\because \angle EFB=\angle EDB, \therefore \angle EFB=\angle BCD, \therefore \angle CAB+\angle ACD=\angle ACD+\angle BCD=90^\circ, \therefore \angle CAB=\angle BCD, \therefore \angle CAB=\angle EFB$,又由(1)可得 $\angle ACB=\angle FEB, \therefore \triangle BEF \sim \triangle BCA$.

(3)设EF与AB交于点O. $\because EF$ 和AB互相平分. \therefore 四边形AFBE为平行四边形, $\therefore \angle EFA=\angle FEB=90^\circ$,即 $EF \perp AD$,又 $\because BD \perp AD, \therefore EF \parallel BD$,又 $\because AO=OB, \therefore OF=\frac{1}{2}BD=\frac{m}{2}, \therefore EF=m$,由 $\triangle ABC \sim \triangle CBM$ 得: $BM=\frac{m^2}{6}$,又由 $\triangle BEO \sim \triangle BME$ 得: $BE=\frac{m}{\sqrt{2}}$,由(2)得 $\triangle BEF \sim \triangle BCA, \therefore \frac{AC}{EF}=\frac{BC}{BE}$,即 $\frac{\sqrt{36-m^2}}{m}=\frac{m}{\frac{m}{\sqrt{2}}}, \therefore m=2\sqrt{3}$.

24.【考点】二次函数及性质的应用,二次函数的建模思想,用数学方法解决实际问题的能力.

【分析】(1)把 s^2 看作一个整体,则 s^2 是 h 的二次函数,利用二次函数求出 s^2 的最大值,从而求出 s 的最大值.(2) $s^2=-4h^2+4Hh$,把 $h=a, h=b$ 分别代入得 $-4a^2+4Ha=-4b^2+4Hb$,得 $4(a-b)(a+b-H)=0, \therefore a-b=0$ 或 $a+b-H=0$,即 $a=b$ 或 $a+b=20$.(3)设垫高为 m ,则 $H=20+m$. $s^2=-4h^2+(80+4m)h$,当 $h=-\frac{80+4m}{2\times(-4)}$ 时, $S^2=(20+m)^2$.原来最大射程为20,现在最大射程为36, $\therefore (20+m)^2=36^2$,得 $m=16$ 或 $m=-56$ (舍),此时可求出 h 的解.

解:(1) $s^2=4h(20-h)=-4(h-10)^2+400$;当 $h=10$ 时, $s_{max}=20$ cm.

(2) $a=b$ 或 $a+b=20$.

(3)设垫高的高度为 m ,则 $s^2=4h(20+m-h)=-4(h-\frac{20+m}{2})^2+(\frac{20+m}{2})^2$,当 $h=\frac{20+m}{2}$ 时, $S_{max}=20+m=20+16$,所以 $m=16$,此时 $h=\frac{20+m}{2}=18$, \therefore 垫高的高度为16cm,小孔离水面的竖直距离为18cm.

2019 年浙江省杭州市中考试卷

一、选择题

1.【考点】有理数的混合运算.

【分析】有理数混合运算顺序：先算乘方，再算乘除，最后算加减；同级运算，应按从左到右的顺序进行计算；如果有括号，要先做括号内的运算.

解： $A. 2 \times 0 + 1 - 9 = -8$, $B. 2 + 0 \times 1 - 9 = -7$, $C. 2 + 0 - 1 \times 9 = -7$, $D. 2 + 0 + 1 - 9 = -6$,

【答案】A.

2.【考点】关于 x 轴、y 轴对称的点的坐标.

【分析】直接利用关于 y 轴对称点的性质得出答案.

解： \because 点 A(m, 2) 与点 B(3, n) 关于 y 轴对称， $\therefore m = -3, n = 2$.

【答案】B

3.【考点】切线长定理.

【分析】连接 OA, OB, OP，根据切线的性质得出 $OA \perp PA$, $OB \perp PB$ ，然后证得 $Rt\triangle AOP \cong Rt\triangle BOP$ ，即可求得 $PB = PA = 3$.

解：连接 OA, OB, OP， $\because PA, PB$ 分别切圆 O 于 A, B 两点， $\therefore OA \perp PA, OB \perp PB$ ，在 $Rt\triangle AOP$ 和 $Rt\triangle BOP$ 中，
 $\left\{ \begin{array}{l} OA = OB, \\ OP = OP \end{array} \right. \therefore Rt\triangle AOP \cong Rt\triangle BOP (HL),$

$\therefore PB = PA = 3$,

【答案】B.

4.【考点】由实际问题抽象出一元一次方程.

【分析】直接根据题意表示出女生人数，进而利用 30 位学生种树 72 棵，得出等式求出答案.

解：设男生有 x 人，则女生 $(30 - x)$ 人，根据题意可得： $3x + 2(30 - x) = 72$.

【答案】D.

5.【考点】算术平均数；中位数；方差；标准差.

【分析】利用平均数、中位数、方差和标准差的定义对各选项进行判断.

解：这组数据的平均数、方差和标准差都与第 4 个数有关，而这组数据的中位数为 46，与第 4 个数无关.

【答案】B.

6.【考点】相似三角形的判定与性质.

【分析】先证明 $\triangle ADN \sim \triangle ABM$ 得到 $\frac{DN}{BM} = \frac{AN}{AM}$ ，再证明

$\triangle ANE \sim \triangle AMC$ 得到 $\frac{NE}{MC} = \frac{AN}{AM}$ ，则 $\frac{DN}{BM} = \frac{NE}{MC}$ ，从而可对各选项进行判断.

解： $\because DN \parallel BM$, $\therefore \triangle ADN \sim \triangle ABM$, $\therefore \frac{DN}{BM} = \frac{AN}{AM}$,

$\because NE \parallel MC$, $\therefore \triangle ANE \sim \triangle AMC$, $\therefore \frac{NE}{MC} = \frac{AN}{AM}$, $\therefore \frac{DN}{BM} = \frac{NE}{MC}$

$= \frac{NE}{MC}$

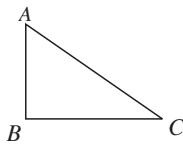
【答案】C.

7.【考点】三角形内角和定理.

【分析】根据三角形内角和定理得出 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$ ，把 $\angle C = \angle A + \angle B$ 代入求出 $\angle C$ 即可.

解： $\because \angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$, $\angle A = \angle C - \angle B$, $\therefore 2\angle C = 180^\circ$, $\therefore \angle C = 90^\circ$, $\therefore \triangle ABC$ 是直角三角形

【答案】D.



8.【考点】一次函数的图象.

【分析】根据直线①判断出 a, b 的符号，然后根据 a, b 的符号判断出直线②经过的象限即可，做出判断.

解：A. 由①可知： $a > 0, b > 0$. \therefore 直线②经过一、二、三象限，故 A 正确；B. 由①可知： $a < 0, b > 0$. \therefore 直线②经过一、二、三象限，故 B 错误；C. 由①可知： $a < 0, b > 0$. \therefore 直线②经过一、二、四象限，交点不对，故 C 错误；D. 由①可知： $a < 0, b < 0$. \therefore 直线②经过二、三、四象限，故 D 错误.

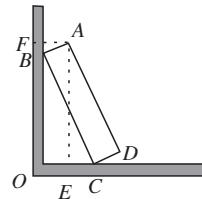
【答案】A.

9.【考点】矩形的性质；解直角三角形的应用——坡度坡角问题.

【分析】根据题意，作出合适的辅助线，然后利用锐角三角函数即可表示出点 A 到 OC 的距离，本题得以解决.

解：作 $AE \perp OC$ 于点 E，作 $AF \perp OB$ 于点 F， \therefore 四边形 ABCD 是矩形， $\therefore \angle ABC = 90^\circ$, $\therefore \angle ABC = \angle AEC$, $\angle BCO = x$, $\therefore \angle EAB = x$, $\therefore \angle FBA = x$, $\therefore AB = a$, $AD = b$, $\therefore FO = FB + BO = a \cdot \cos x + b \cdot \sin x$.

【答案】D.



10.【考点】抛物线与 x 轴的交点.

【分析】先把两个函数化成一般形式，若为二次函数，再计算根的判别式，从而确定图象与 x 轴的交点个数，若一次函数，则与 x 轴只有一个交点，据此解答.

解： $\because y = (x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$, $\therefore \Delta = (a+b)^2 - 4ab = (a-b)^2 > 0$, \therefore 函数 $y = (x+a)(x+b)$ 的图象与 x 轴有 2 个交点， $\therefore M = 2$, \therefore 函数 $y = (ax+1)(bx+1) = abx^2 + (a+b)x + 1$, \therefore 当 $ab \neq 0$ 时， $\Delta = (a+b)^2 - 4ab = (a-b)^2 > 0$, 函数 $y = (ax+1)(bx+1)$ 的图象与 x 轴有 2 个交点，即 $N = 2$ ，此时 $M = N$ ；当 $ab = 0$ 时，不妨令 $a = 0$, $\therefore a \neq 0$, $\therefore b \neq 0$, 函数 $y = (ax+1)(bx+1) = bx + 1$ 为一次函数，与 x 轴有一个交点，即 $N = 1$ ，此时 $M = N + 1$ ；综上可知， $M = N$ 或 $M = N + 1$.

【答案】C.

二、填空题

11.【考点】因式分解——运用公式法.

【分析】根据平方差公式可以将题目中的式子进行因式分解.

解: $1-x^2 = (1-x)(1+x)$.

【答案】 $(1-x)(1+x)$.

12.【考点】加权平均数.

【分析】直接利用已知表示出两组数据的总和,进而求出平均数.

解: ∵某计算机程序第一次算得 m 个数据的平均数为 x ,第二次算得另外 n 个数据的平均数为 y ,则这 $m+n$ 个数据的平均数等于: $\frac{mx+ny}{m+n}$.

【答案】 $\frac{mx+ny}{m+n}$.

13.【考点】近似数和有效数字;圆锥的计算.

【分析】利用圆锥的侧面展开图为一扇形,这个扇形的弧长等于圆锥底面的周长,扇形的半径等于圆锥的母线长和扇形的面积公式计算.

解: 这个冰淇淋外壳的侧面积 = $\frac{1}{2} \times 2\pi \times 3 \times 12 = 36\pi \approx 113(cm^2)$.

【答案】113.

14.【考点】锐角三角函数的定义.

【分析】讨论:若 $\angle B=90^\circ$,设 $AB=x$,则 $AC=2x$,利用勾股定理计算出 $BC=\sqrt{3}x$,然后根据余弦的定义求 $\cos C$ 的值;若 $\angle A=90^\circ$,设 $AB=x$,则 $AC=2x$,利用勾股定理计算出 $BC=\sqrt{5}x$,然后根据余弦的定义求 $\cos C$ 的值.

解: 若 $\angle B=90^\circ$,设 $AB=x$,则 $AC=2x$,所以 $BC=\sqrt{(2x)^2-x^2}=\sqrt{3}x$,所以 $\cos C=\frac{BC}{AC}=\frac{\sqrt{3}x}{2x}=\frac{\sqrt{3}}{2}$;若 $\angle A=90^\circ$,设 $AB=x$,则 $AC=2x$,所以 $BC=\sqrt{(2x)^2+x^2}=\sqrt{5}x$,所以 $\cos C=\frac{AC}{BC}=\frac{2x}{\sqrt{5}x}=\frac{2\sqrt{5}}{5}$;综上所述, $\cos C$ 的值为 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 或 $\frac{2\sqrt{5}}{5}$.

【答案】 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 或 $\frac{2\sqrt{5}}{5}$.

15.【考点】一次函数的性质;正比例函数的性质;反比例函数的性质;二次函数的性质.

【分析】根据题意写出一个一次函数即可.

解: 设该函数的解析式为 $y=kx+b$, ∵函数满足当自变量 $x=1$ 时,函数值 $y=0$,当自变量 $x=0$ 时,函数值 $y=1$,

∴ $\begin{cases} k+b=0, \\ b=0. \end{cases}$ 解得: $\begin{cases} k=-1, \\ b=1. \end{cases}$, 所以函数的解析式为

$y=-x+1$. (其他合理答案也可)

【答案】 $y=-x+1$.

16.【考点】矩形的性质;翻折变换(折叠问题).

【分析】设 $AB=CD=x$,由翻折可知: $PA'=AB=x$, $PD'=CD=x$,因为 $\triangle A'EP$ 的面积为 4, $\triangle D'PH$ 的面积为 1,推出 $A'E=4D'H$,设 $D'H=a$,则 $A'E=4a$,由 $\triangle A'EP \sim \triangle D'PH$,推出 $\frac{D'H}{PA'}=\frac{PD'}{EA'}$,推出 $\frac{a}{x}=\frac{x}{4a}$,可得 $x=2a$,再利用三角形的面积公式求出 a 即可解决问题.解: ∵四边形 $ABCD$ 是矩形,∴ $AB=CD$, $AD=BC$,设 $AB=CD=x$,由翻折可知: $PA'=AB=x$, $PD'=CD=x$, ∵ $\triangle A'EP$ 的面积为 4, $\triangle D'PH$ 的面积为 1,∴ $A'E=4D'H$.

H,设 $D'H=a$,则 $A'E=4a$, ∵ $\triangle A'EP \sim \triangle D'PH$,∴ $\frac{D'H}{PA'}=\frac{PD'}{EA'}$,∴ $\frac{a}{x}=\frac{x}{4a}$,∴ $x^2=4a^2$,∴ $x=2a$ 或 $-2a$ (舍弃),∴ $PA'=PD'=2a$,∴ $\frac{1}{2} \cdot a \cdot 2a=1$,∴ $a=1$,∴ $x=2$,∴ $AB=CD=2$, $PE=\sqrt{2^2+4^2}=2\sqrt{5}$, $PH=\sqrt{1^2+2^2}=\sqrt{5}$,∴ $AD=4+2\sqrt{5}+\sqrt{5}+1=5+3\sqrt{5}$,∴矩形 $ABCD$ 的面积 = $2(5+3\sqrt{5})=10+6\sqrt{5}$.

【答案】 $10+6\sqrt{5}$.

三、解答题

17.【考点】分式的加减法.

【分析】直接将分式进行通分,进而化简得出答案.

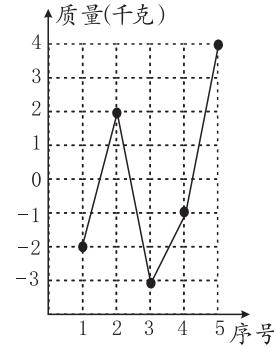
解: 圆圆的解答错误,正确解法: $\frac{4x}{x^2-4}-\frac{2}{x-2}-1=\frac{4x}{(x-2)(x+2)}-\frac{2(x+2)}{(x-2)(x+2)}-\frac{(x-2)(x+2)}{(x-2)(x+2)}=\frac{4x-2x-4-x^2+4}{(x-2)(x+2)}=\frac{2x-x^2}{(x-2)(x+2)}=\frac{-x(x-2)}{(x-2)(x+2)}=\frac{-x}{x+2}$.

18.【考点】折线统计图;算术平均数;方差.

【分析】(1)利用描点法画出折线图即可.(2)利用方差公式计算即可判断.

解:(1)乙组数据的折线统计图如图所示:

记录数据折线统计图



(2) ① $\bar{x}_{\text{甲}}=50+\bar{x}_{\text{乙}}$.

② $S_{\text{甲}}^2=S_{\text{乙}}^2$. 理由: ∵ $S_{\text{甲}}^2=\frac{1}{5}[(48-50)^2+(52-50)^2+(47-50)^2+(49-50)^2+(54-50)^2]=6.8$. $S_{\text{乙}}^2=[(-2-0)^2+(2-0)^2+(-3-0)^2+(-1-0)^2+(4-0)^2]=6.8$, ∴ $S_{\text{甲}}^2=S_{\text{乙}}^2$.

19.【考点】线段垂直平分线的性质;等腰三角形的性质.

【分析】(1)根据线段垂直平分线的性质可知 $PA=PB$,根据等腰三角形的性质可得 $\angle B=\angle BAP$,根据三角形的外角性质即可证得 $\angle APC=2\angle B$;(2)根据题意可知 $BA=BQ$,根据等腰三角形的性质可得 $\angle BAQ=\angle BQA$,再根据三角形的内角和公式即可解答.

解:(1)证明: ∵线段 AB 的垂直平分线与 BC 边交于点 P ,∴ $PA=PB$,∴ $\angle B=\angle BAP$,∴ $\angle APC=\angle B+\angle BAP$,∴ $\angle APC=2\angle B$.(2)根据题意可知 $BA=BQ$,∴ $\angle BAQ=\angle BQA$,∴ $\angle AQC=3\angle B$, $\angle AQC=\angle B+\angle BAQ$,∴ $\angle BQA=2\angle B$,∴ $\angle BAQ+\angle BQA+\angle B=180^\circ$,∴ $5\angle B=180^\circ$,∴ $\angle B=36^\circ$.

20.【考点】反比例函数的应用.

【分析】(1)由速度乘时间等于路程,变形即可得速度等

于路程比时间,从而得解;(2)①8点至12点48分时间长为 $\frac{24}{5}$ 小时,8点至14点时间长为6小时,将它们分别代入v关于t的函数表达式,即可得小汽车行驶的速度范围;②8点至11点30分时间长为 $\frac{7}{2}$ 小时,将其代入v关于t的函数表达式,可得速度大于120千米/时,从而得答案.

解:(1)∵vt=480,且全程速度限定为不超过120千米/小时,∴v关于t的函数表达式为:v= $\frac{480}{t}$, $(0 \leq t \leq 4)$.

(2)①8点至12点48分时间长为小时,8点至14点时间长为6小时将t=6代入v= $\frac{480}{t}$ 得v=80;将t= $\frac{24}{5}$ 代入v= $\frac{480}{t}$ 得v=100.∴小汽车行驶速度v的范围为:80≤v≤100.②方方不能在当天11点30分前到达B地.理由如下:8点至11点30分时间长为 $\frac{7}{2}$ 小时,将t= $\frac{7}{2}$ 代入v= $\frac{480}{t}$ 得v= $\frac{960}{7} > 120$ 千米/小时,超速了.故方方不能在当天11点30分前到达B地.

21.【考点】矩形的性质;正方形的性质.

【分析】(1)设出正方形CEFG的边长,然后根据S₁=S₂,即可求得线段CE的长;(2)根据(1)中的结果和题目中的条件,可以分别计算出HD和HG的长,即可证明结论成立.

解:(1)设正方形CEFG的边长为a,∵正方形ABCD的边长为1,∴DE=1-a,∴S₁=S₂,∴a²=1×(1-a),解得,a₁= $-\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$ (舍去),a₂= $\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$,即线段CE的长是 $\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$.(2)证明:∵点H为BC边的中点,BC=1,∴CH=0.5,∴DH= $\sqrt{1^2+0.5^2}=\frac{\sqrt{5}}{2}$,∴CH=0.5,CG= $\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$,∴HG= $\frac{\sqrt{5}}{2}$,∴HD=HG.

22.【考点】二次函数的性质;二次函数图象上点的坐标特征;二次函数的最值;抛物线与x轴的交点.

【分析】(1)将(0,0),(1,0)代入y=(x-x₁)(x-x₂)求出函数解析式即可求解;(2)对称轴为x= $\frac{x_1+x_2}{2}$,当x= $\frac{x_1+x_2}{2}$ 时,y=- $\frac{(x_1-x_2)^2}{4}$ 是函数的最小值;(3)将已知两点代入求出m=x₁x₂,n=(1-x₁)-(1-x₂),再表示出mn=[-(x₁- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$]·[-(x₂- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$],由已知0<x₁<x₂<1,可求出0<-(x₁- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$ $\leq \frac{1}{4}$,0<-(x₂- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$ $\leq \frac{1}{4}$,即可求解.

解:(1)当x=0时,y=0;当x=1时,y=0;∴二次函数经过点(0,0),(1,0),∴x₁=0,x₂=1,∴y=x(x-1)=x²-x,当x= $\frac{1}{2}$ 时,y=- $\frac{1}{4}$,∴乙求得的结果不正确.

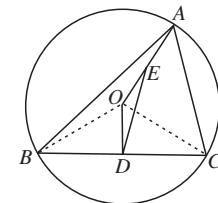
(2)对称轴为x= $\frac{x_1+x_2}{2}$,当x= $\frac{x_1+x_2}{2}$ 时,y=-

$\frac{(x_1-x_2)^2}{4}$ 是函数的最小值.(3)二次函数的图象经过(0,m)和(1,n)两点,∴m=x₁x₂,n=(1-x₁)(1-x₂),∴mn=[-(x₁- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$]·[-(x₂- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$],∴0<x₁<x₂<1,∴0<-(x₁- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$ $\leq \frac{1}{4}$,0<-(x₂- $\frac{1}{2}$)²+ $\frac{1}{4}$ $\leq \frac{1}{4}$,∴0<mn $\leq \frac{1}{16}$.∵x₁≠x₂,∴0<mn $< \frac{1}{16}$.

23.【考点】圆的综合题.

【分析】(1)①连接OB,OC,则∠BOD=∠BOC=∠BAC=60°,即可求解;②BC长度为定值,△ABC面积的最大值,要求BC边上的高最大,即可求解;(2)设:∠OED=x,∠BAC=180°-∠ABC-∠ACB=180°-mx-nx= $\frac{1}{2}$ ∠BOC=∠DOC,而∠AOD=∠DOC+∠AOC=180°-mx-nx+2mx=180°+mx-nx,即可求解.

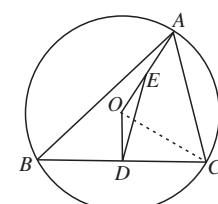
解:(1)①连接OB,OC,



则∠BOD=∠BOC=∠BAC=60°,∴∠OBC=30°,

∴OD= $\frac{1}{2}$ OB= $\frac{1}{2}$ OA;②∵BC=2BD=2×1× $\frac{\sqrt{3}}{2}=\sqrt{3}$,长度为定值,∴△ABC面积的最大值,要求BC边上的高最大,当AD过点O时,AD最大,即:AD=AO+OD= $\frac{3}{2}$,△ABC面积的最大值= $\frac{1}{2} \times BC \times AD=\frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \frac{3}{2}=\frac{3\sqrt{3}}{4}$.

(2)如图2,连接OC,



设:∠OED=x,则∠ABC=mx,∠ACB=nx,则∠BAC=180°-∠ABC-∠ACB=180°-mx-nx= $\frac{1}{2}$ ∠BOC=∠DOC,∴∠AOC=2∠ABC=2mx,∴∠AOD=∠COD+∠AOC=180°-mx-nx+2mx=180°+mx-nx,∴OE=OD,∴∠AOD=180°-2x,即:180°+mx-nx=180°-2x,化简得:m-n+2=0.

2019年浙江省宁波市中考试卷

一、选择题

1.【考点】绝对值.

【分析】根据绝对值的意义求出即可.

解: -2 的绝对值为 2.

【答案】B.

2.【考点】合并同类项; 同底数幂的乘法; 幂的乘方与积的乘方; 同底数幂的除法.

【分析】分别根据合并同类项的法则、同底数幂的乘法法则、幂的乘方法则以及同底数幂除法法则解答即可.

解: A. a^3 与 a^2 不是同类项, 故不能合并, 答案: A 项不合题意; B. $a^3 \cdot a^2 = a^5$ 答案: B 项不合题意; C. $(a^2)^3 = a^6$, 答案: C 项不合题意; D. $a^6 \div a^2 = a^4$, 答案: D 项符合题意.

【答案】D.

3.【考点】用科学记数法表示较大的数.

【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数. 确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时, 小数点移动了多少位, n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时, n 是正数; 当原数的绝对值 < 1 时, n 是负数.

解: 数字 1 526 000 000 科学记数法可表示为 1.526×10^9 .

【答案】C.

4.【考点】分式有意义的条件.

【分析】分式有意义时, 分母 $x-2 \neq 0$, 由此求得 x 的取值范围.

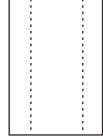
解: 依题意得: $x-2 \neq 0$, 解得 $x \neq 2$.

【答案】B.

5.【考点】简单组合体的三视图.

【分析】根据主视图是从正面看到的图形, 进而得出答案.

解: 物体的主视图画法正确的是:



【答案】C.

6.【考点】解一元一次不等式.

【分析】去分母、移项、合并同类项、系数化成 1 即可.

解: $\frac{3-x}{2} > x$, $3-x > 2x$, $3 > 3x$, $x < 1$,

【答案】A.

7.【考点】命题与定理.

【分析】利用 $m=5$ 使方程 $x^2-4x+m=0$ 没有实数解, 从而可把 $m=5$ 作为说明命题“关于 x 的方程 $x^2-4x+m=0$ 一定有实数根”是假命题的反例.

解: 当 $m=5$ 时, 方程变形为 $x^2-4x+5=0$, 因为 $\Delta=(-4)^2-4 \times 5 < 0$, 所以方程没有实数解, 所以 $m=5$ 可作为说明命题“关于 x 的方程 $x^2-4x+m=0$ 一定有实数根”是假命题的反例.

【答案】D.

8.【考点】算术平均数; 方差.

【分析】先比较平均数得到甲组和乙组产量较高, 然后比较方差得到乙组的状态稳定.

解: 因为甲组、乙组的平均数比丙组、丁组大, 所以甲组、乙组的产量较高; 而乙组的方差比甲组的小, 所以乙组的产量比较稳定, 所以乙组的产量既高又稳定,

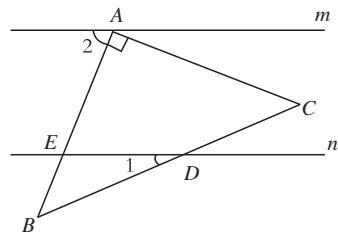
【答案】B.

9.【考点】平行线的性质; 等腰直角三角形.

【分析】先求出 $\angle AED = \angle 1 + \angle B = 25^\circ + 45^\circ = 70^\circ$, 再根

据平行线的性质可知 $\angle 2 = \angle AED = 70^\circ$.

解: 设 AB 与直线 n 交于点 E , 则 $\angle AED = \angle 1 + \angle B = 25^\circ + 45^\circ = 70^\circ$. 又 \because 直线 $m \parallel n$, $\therefore \angle 2 = \angle AED = 70^\circ$.



【答案】C.

10.【考点】矩形的性质; 圆锥的计算.

【分析】设 $AB=x\text{cm}$, 则 $DE=(6-x)\text{cm}$, 根据扇形的弧长等于圆锥底面圆的周长列出方程, 求解即可.

解: 设 $AB=x\text{cm}$, 则 $DE=(6-x)\text{cm}$, 根据题意, 得 $\frac{90\pi x}{180}=\pi(6-x)$, 解得 $x=4$.

【答案】B.

11.【考点】二元一次方程的应用.

【分析】设每支玫瑰 x 元, 每支百合 y 元, 根据总价=单价×数量结合小慧带的钱数不变, 可得出关于 x , y 的二元一次方程, 整理后可得出 $y=x+7$, 再将其代入 $5x+3y+10-8x$ 中即可求出结论.

解: 设每支玫瑰 x 元, 每支百合 y 元, 依题意, 得: $5x+3y+10=3x+5y-4$, $\therefore y=x+7$, $\therefore 5x+3y+10-8x=5x+3(x+7)+10-8x=31$.

【答案】A.

12.【考点】勾股定理.

【分析】根据勾股定理得到 $c^2=a^2+b^2$, 根据正方形的面积公式、长方形的面积公式计算即可.

解: 设直角三角形的斜边长为 c , 较长直角边为 b , 较短直角边为 a , 由勾股定理得, $c^2=a^2+b^2$, 阴影部分的面积 $=c^2-b^2-a(c-b)=a^2-ac+ab=a(a+b-c)$, 较小两个正方形重叠部分的长 $=a-(c-b)$, 宽 $=a$, 则较小两个正方形重叠部分底面积 $=a(a+b-c)$, \therefore 知道图中阴影部分的面积, 则一定能求出较小两个正方形重叠部分的面积,

【答案】C.

二、填空题

13.【考点】估算无理数的大小.

【分析】由于 $15 < 16$, 则 $\sqrt{15} < 4$.

解: $\because 15 < 16$, $\therefore \sqrt{15} < 4$, 即 $\sqrt{15}$ 为小于 4 的无理数.

【答案】 $\sqrt{15}$.

14.【考点】因式分解——提公因式法.

【分析】直接提取公因式 x 即可.

解: $x^2+xy=x(x+y)$.

【答案】 $x(x+y)$.

15.【考点】概率公式.

【分析】直接利用概率公式求解.

解: 从袋中任意摸出一个球, 则摸出的球是红球的概率 $=\frac{5}{8}$.

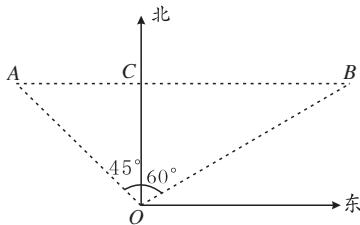
【答案】 $\frac{5}{8}$.

16.【考点】解直角三角形的应用——方向角问题.

【分析】通过解直角 $\triangle OAC$ 求得 OC 的长度,然后通过解直角 $\triangle OBC$ 求得 OB 的长度即可.

解:如图,设线段 AB 交 y 轴于 C ,在直角 $\triangle OAC$ 中, $\angle AOC=\angle CAO=45^\circ$,则 $AC=OC$. $\because OA=400$ 米, $\therefore OC=OA \cdot \cos 45^\circ=400 \times \frac{\sqrt{2}}{2}=200\sqrt{2}$ (米). \because 在直角 $\triangle OBC$ 中, $\angle COB=60^\circ$, $OC=200\sqrt{2}$ 米, $\therefore OB=\frac{OC}{\cos 60^\circ}=\frac{200\sqrt{2}}{\frac{1}{2}}=400\sqrt{2}\approx 566$ (米).

【答案】566.

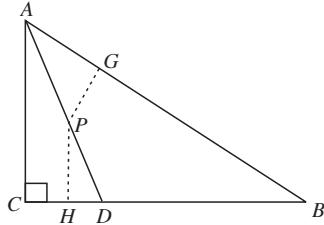


17.【考点】切线的判定与性质.

【分析】根据勾股定理得到 $AB=\sqrt{12^2+18^2}=6\sqrt{13}$, $AD=\sqrt{AC^2+CD^2}=13$,当 $\odot P$ 于 BC 相切时,点 P 到 BC 的距离 $=6$,过 P 作 $PH \perp BC$ 于 H ,则 $PH=6$,当 $\odot P$ 于 AB 相切时,点 P 到 AB 的距离 $=6$,根据相似三角形的性质即可得到结论.

解: \because 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=12$, $BD+CD=18$, $\therefore AB=\sqrt{12^2+18^2}=6\sqrt{13}$,在 $Rt\triangle ADC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=12$, $CD=5$, $\therefore AD=\sqrt{AC^2+CD^2}=13$,当 $\odot P$ 于 BC 相切时,点 P 到 BC 的距离 $=6$,过 P 作 $PH \perp BC$ 于 H ,则 $PH=6$, $\because \angle C=90^\circ$, $\therefore AC \perp BC$, $\therefore PH \parallel AC$, $\therefore \triangle DPH \sim \triangle DAC$, $\therefore \frac{PD}{DA}=\frac{PH}{AC}$, $\therefore \frac{PD}{13}=\frac{6}{12}$, $\therefore PD=6$.
5, $\therefore AP=6.5$;当 $\odot P$ 于 AB 相切时,点 P 到 AB 的距离 $=6$,过 P 作 $PG \perp AB$ 于 G ,则 $PG=6$, $\therefore AD=BD=13$, $\therefore \angle PAG=\angle B$, $\therefore \angle AGP=\angle C=90^\circ$, $\therefore \triangle AGP \sim \triangle BCA$, $\therefore \frac{AP}{AB}=\frac{PG}{AC}$, $\therefore \frac{AP}{6\sqrt{13}}=\frac{6}{12}$, $\therefore AP=3\sqrt{13}$, $\because CD=5<6$, \therefore 半径为6的 $\odot P$ 不与 $\triangle ABC$ 的 AC 边相切,综上所述,AP的长为6.5或 $3\sqrt{13}$.

【答案】6.5或 $3\sqrt{13}$.



18.【考点】反比例函数与一次函数的交点问题.

【分析】连接 OE , CE ,过点 A 作 $AF \perp x$ 轴,过点 D 作 $DH \perp x$ 轴,过点 D 作 $DG \perp AF$;由于 AB 经过原点,则 A 与 B 关于原点对称,再由 $BE \perp AE$, AE 为 $\angle BAC$ 的平分线,可得 $AD \parallel OE$,进而可得 $S_{\triangle ACE}=S_{\triangle AOC}$;设点 $A(m,\frac{k}{m})$,由已知条件 $AC=3DC$, $DH \parallel AF$,可得 $3DH=AF$,

则点 $D(3m,\frac{k}{3m})$,证明 $\triangle DHC \sim \triangle AGD$,得到 $S_{\triangle HDC}=$

$\frac{1}{4}S_{\triangle ADG}$,所以 $S_{\triangle AOC}=S_{\triangle AOF}+S_{\text{梯形}AFHD}+S_{\triangle HDC}=\frac{1}{2}k$

$+\frac{4k}{3}+\frac{k}{6}=12$;即可求解;

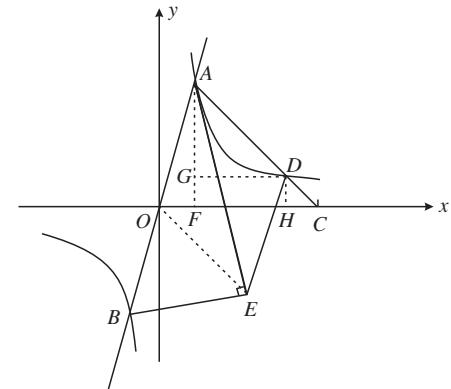
解:连接 OE , CE ,过点 A 作 $AF \perp x$ 轴,过点 D 作 $DH \perp x$ 轴,过点 D 作 $DG \perp AF$, \because 过原点的直线与反比例函数 $y=\frac{k}{x}(k>0)$ 的图象交于 A , B 两点, $\therefore A$ 与 B 关于原点对称,

$\therefore O$ 是 AB 的中点, $\therefore BE \perp AE$, $\therefore OE=OA$, $\therefore \angle OAE=\angle AEO$, $\therefore AE$ 为 $\angle BAC$ 的平分线, $\therefore \angle DAE=\angle AEO$, $\therefore AD \parallel OE$, $\therefore S_{\triangle ACE}=S_{\triangle AOE}$, $\therefore AC=3DC$, $\triangle ADE$ 的面积为8, $\therefore S_{\triangle ACE}=S_{\triangle AOE}=12$,设点 $A(m,\frac{k}{m})$, $\therefore AC=3DC$, DH

$\parallel AF$, $\therefore 3DH=AF$, $\therefore D(3m,\frac{k}{3m})$, $\therefore CH \parallel GD$, $AG \parallel DH$,

$\therefore \triangle DHC \sim \triangle AGD$, $\therefore S_{\triangle HDC}=\frac{1}{4}S_{\triangle ADG}$, $\therefore S_{\triangle AOC}=S_{\triangle AOF}+S_{\text{梯形}AFHD}+S_{\triangle HDC}=\frac{1}{2}k+\frac{1}{2} \times (DH+AF) \times FH+S_{\triangle HDC}=\frac{1}{2}k+\frac{1}{2} \times \frac{4k}{3m} \times 2m+\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \times \frac{2k}{3m} \times 2m=\frac{1}{2}k+\frac{4k}{3}+\frac{k}{6}=12$, $\therefore 2k=12$, $\therefore k=6$.

【答案】6.



三、解答题

19.【考点】整式的混合运算——化简求值.

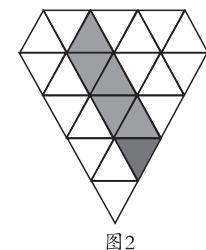
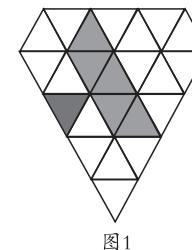
【分析】根据平方差公式、单项式乘多项式的法则把原式化简,代入计算即可.

解: $(x-2)(x+2)-x(x-1)=x^2-4-x^2+x=x-4$,当 $x=3$ 时,原式 $=3-4=-1$.

20.【考点】等边三角形的判定与性质;利用轴对称设计图案;利用旋转设计图案.

【分析】(1)直接利用轴对称图形的性质分析得出答案;(2)直接利用中心对称图形的性质分析得出答案.

解:(1)如图1所示:6个阴影小等边三角形组成一个轴对称图形.(2)如图2所示:6个阴影小等边三角形组成一个中心对称图形.

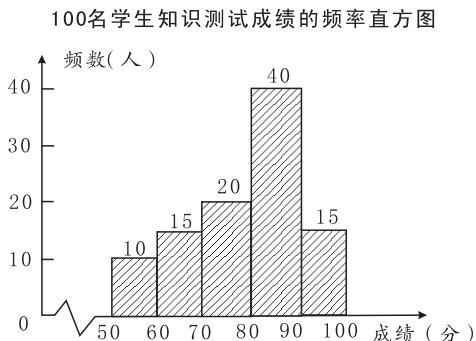


21.【考点】用样本估计总体;频数(率)分布表;频数(率)分布直方图;中位数.

【考点】(1)由总人数为100可得 m 的值,从而补全图形;

(2)根据中位数的定义判断即可得;(3)利用样本估计总体思想求解可得.

解:(1) $m = 100 - (10 + 15 + 40 + 15) = 20$, 补全图形如下:



(2)不一定是,理由:将100名学生知识测试成绩从小到大排列,第50、51名的成绩都在分数段 $80 \leq a \leq 90$ 中,当他们的平均数不一定是85分;(3)估计全校1200名学生中成绩优秀的人数为 $1200 \times \frac{40+15}{100} = 660$ (人).

22.【考点】二次函数的性质;二次函数图象上点的坐标特征.

【分析】(1)把点P(-2,3)代入 $y=x^2+ax+3$ 中,即可求出a;(2)①把m=2代入解析式即可求n的值;②由点Q到y轴的距离小于2,可得 $-2 < m < 2$,在此范围内求n即可.

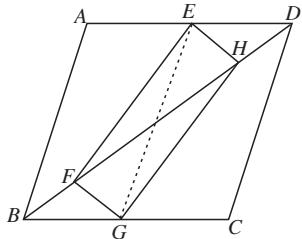
解:(1)把点P(-2,3)代入 $y=x^2+ax+3$ 中, $\therefore a=2$, $\therefore y=x^2+2x+3$, \therefore 顶点坐标为(-1,2). (2)①当m=2时,n=11. ②点Q到y轴的距离小于2, $\therefore |m| < 2$, $\therefore -2 < m < 2$, $\therefore -2 \leq n \leq 11$.

23.【考点】全等三角形的判定与性质;菱形的性质;矩形的性质.

【分析】(1)根据矩形的性质得到EH=FG,EH//FG,得到 $\angle GFH=\angle EHF$,求得 $\angle BFG=\angle DHE$,根据菱形的性质得到AD//BC,得到 $\angle GBF=\angle EDH$,根据全等三角形的性质即可得到结论;(2)连接EG,根据菱形的性质得到AD=BC,AD//BC,求得AE=BG,AE//BG,得到四边形ABGE是平行四边形,得到AB=EG,于是得到结论.

证明:(1) \because 四边形EFGH是矩形, $\therefore EH=FG$, $EH//FG$, $\therefore \angle GFH=\angle EHF$, $\therefore \angle BFG=180^\circ-\angle GFH$, $\angle DHE=180^\circ-\angle EHF$, $\therefore \angle BFG=\angle DHE$, \therefore 四边形ABCD是菱形, $\therefore AD//BC$, $\therefore \angle GBF=\angle EDH$, $\therefore \triangle BGF \cong \triangle DEH$ (AAS), $\therefore BG=DE$.

解:(2)连接EG, \because 四边形ABCD是菱形, $\therefore AD=BC$, $AD//BC$, $\therefore E$ 为AD中点, $\therefore AE=ED$, $\therefore BG=DE$, $\therefore AE=BG$, $AE//BG$, \therefore 四边形ABGE是平行四边形, $\therefore AB=EG$, $\therefore EG=FH=2$, $\therefore AB=2$, \therefore 菱形ABCD的周长=8.



24.【考点】一次函数的应用.

【分析】(1)设 $y=kx+b$,运用待定系数法求解即可;

(2)把 $y=1500$ 代入(1)的结论即可;(3)设小聪坐上了第n班车, $30-25+10(n-1) \geq 40$,解得 $n \geq 4.5$,可得小聪坐上了第5班车,再根据“路程、速度与时间的关系”解答即可.

解:(1)由题意得,可设函数表达式为: $y=kx+b$ ($k \neq 0$),把(20,0),(38,2700)代入 $y=kx+b$,得 $\begin{cases} 0=20k+b, \\ 2700=38k+b, \end{cases}$ 解得

$\begin{cases} k=150, \\ b=-3000. \end{cases}$ \therefore 第一班车离入口处的路程y(米)与时间x(分)的函数表达式为 $y=150x-3000$ ($20 \leq x \leq 38$). (2)把 $y=1500$ 代入 $y=150x-3000$,解得 $x=30$, $30-20=10$ (分), \therefore 第一班车从入口处到达塔林所需时间10分钟.(3)设小聪坐上了第n班车,则 $30-25+10(n-1) \geq 40$,解得 $n \geq 4.5$, \therefore 小聪坐上了第5班车,等车的时间为5分钟,坐班车所需时间为 $1200 \div 150=8$ (分),步行所需时间: $1200 \div (1500 \div 25)=20$ (分), $20-(8+5)=7$ (分), \therefore 比他在塔林游玩结束后立即步行到草甸提早了7分钟.

25.【考点】四边形综合题.

【分析】(1)AB=AC,AD是△ABC的角平分线,又因为 $AD \perp BC$,则 $\angle ADB=90^\circ$,则 $\angle FAB$ 与 $\angle EBA$ 互余,即可求解.(2)如图所示(答案不唯一),四边形AFEB为所求.(3)证明 $\triangle DBQ \sim \triangle ECN$,即可求解.

解:(1) $\because AB=AC$,AD是△ABC的角平分线, $\therefore AD \perp BC$, $\therefore \angle ADB=90^\circ$, $\therefore \angle DAB+\angle DBA=90^\circ$, $\angle FAB$ 与 $\angle EBA$ 互余, \therefore 四边形ABEF是邻余四边形.(2)如图所示(答案不唯一),四边形AFEB为所求.

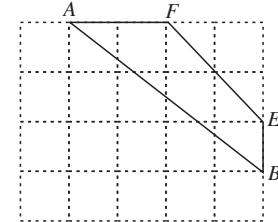


图2

(3) $\because AB=AC$,AD是△ABC的角平分线, $\therefore BD=CD$, $\therefore DE=2BE$, $\therefore BD=CD=3BE$, $\therefore CE=CD+DE=5BE$, $\therefore \angle EDF=90^\circ$,点M是EF的中点, $\therefore DM=ME$, $\therefore \angle MDE=\angle MED$, $\because AB=AC$, $\therefore \angle B=\angle C$, $\therefore \triangle DBQ \sim \triangle ECN$, $\therefore \frac{QB}{NC}=\frac{BD}{CE}=\frac{3}{5}$, $\therefore QB=3$, $\therefore NC=5$, $\therefore AN=CN$, $\therefore AC=2CN=10$, $\therefore AB=AC=10$.

26.【考点】圆的综合题.

【分析】(1)根据等边三角形的性质和圆周角定理解答即可;(2)过点A作 $AG \perp BC$ 于点G,根据等边三角形的性质和勾股定理解得即可;(3)①过点E作 $EH \perp AD$ 于点H,根据三角函数和函数解析式解得即可;②过点O作 $OM \perp BC$ 于点M,根据相似三角形的判定和性质解答即可.

证明:(1) $\because \triangle ABC$ 是等边三角形, $\therefore \angle BAC=\angle C=60^\circ$, $\therefore \angle DEB=\angle BAC=60^\circ$, $\angle D=\angle C=60^\circ$, $\therefore \angle DEB=\angle D$, $\therefore BD=BE$. (2)如图1,过点A作 $AG \perp BC$ 于点G, $\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形, $AC=6$, $\therefore BG=\frac{1}{2}BC=\frac{1}{2}AC$

$=3$, \therefore 在 $Rt\triangle ABG$ 中, $AG=\sqrt{3}BG=3\sqrt{3}$, $\therefore BF \perp EC$, $\therefore BF // AG$, $\therefore \frac{AF}{EF}=\frac{BG}{EB}$, $\therefore AF : EF = 3 : 2$, $\therefore BE=\frac{2}{3}BG=2$, $\therefore EG=BE+BG=3+2=5$, 在 $Rt\triangle AEG$ 中, $AE=\sqrt{AG^2+EG^2}=\sqrt{(3\sqrt{3})^2+5^2}=2\sqrt{13}$. (3) ①如图 1, 过点 E 作 $EH \perp AD$ 于点 H,

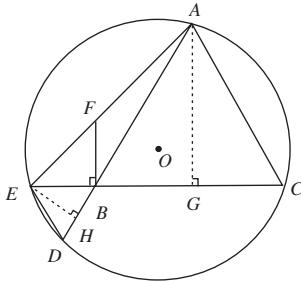


图1

$\because \angle EBD = \angle ABC = 60^\circ$, \therefore 在 $Rt\triangle BEH$ 中, $\frac{EH}{BE}=\sin 60^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\therefore EH=\frac{\sqrt{3}}{2}BE$, $BH=\frac{1}{2}BE$, $\therefore \frac{BG}{EB}=\frac{AF}{EF}=x$, $\therefore BG=xBE$, $\therefore AB=BC=2BG=2xBE$, $\therefore AH=AB+BH=2xBE+\frac{1}{2}BE=(2x+\frac{1}{2})BE$, \therefore 在 $Rt\triangle AHE$ 中,

$$\tan \angle EAD=\frac{EH}{AH}=\frac{\frac{\sqrt{3}}{2}BE}{(2x+\frac{1}{2})BE}=\frac{\sqrt{3}}{4x+1}, \therefore y=\frac{\sqrt{3}}{4x+1}.$$

②如图 2, 过点 O 作 $OM \perp BC$ 于点 M,

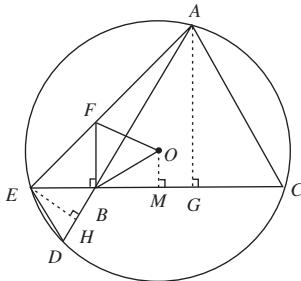


图2

设 $BE=a$, $\therefore \frac{BG}{EB}=\frac{AF}{EF}=x$, $\therefore CG=BG=xBE=ax$, $\therefore EC=CG+BG+BE=a+2ax$, $\therefore EM=\frac{1}{2}EC=\frac{1}{2}a+ax$, $\therefore BM=EM-BE=ax-\frac{1}{2}a$, $\therefore BF//AG$, $\therefore \triangle EBF \sim \triangle EGA$, $\therefore \frac{BF}{AG}=\frac{BE}{EG}=\frac{a}{a+ax}=\frac{1}{1+x}$, $\therefore AG=\sqrt{3}BG=\sqrt{3}ax$, $\therefore BF=\frac{1}{x+1}AG=\frac{\sqrt{3}ax}{x+1}$, $\therefore \triangle OFB$ 的面积 $=\frac{BF \cdot BM}{2}=\frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}ax}{x+1}(ax-\frac{1}{2}a)$, $\therefore \triangle AEC$ 的面积 $=\frac{EC \cdot AG}{2}=\frac{1}{2} \times \sqrt{3}ax(a+2ax)$, $\therefore \triangle AEC$ 的面积是 $\triangle OFB$ 的面积的 10 倍, $\therefore \frac{1}{2} \times \sqrt{3}ax(a+2ax)=10 \times \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}ax}{x+1}(ax-\frac{1}{2}a)$, $\therefore 2x^2-7x+6=0$, 解得: $x_1=2$, $x_2=\frac{3}{2}$, $\therefore y=\frac{\sqrt{3}}{9}$ 或 $\frac{\sqrt{3}}{7}$.

2019 年浙江省温州市中考试卷

一、选择题

1. 【考点】有理数的乘法.

【分析】根据正数与负数相乘的法则得 $(-3) \times 5 = -15$.
解: $(-3) \times 5 = -15$.

【答案】A.

2. 【考点】用科学记数法表示较大的数.

【分析】利用科学记数法的表示形式进行解答即可.

解: 科学记数法表示: $250\ 000\ 000\ 000\ 000\ 000 = 2.5 \times 10^{17}$.

【答案】B.

3. 【考点】简单组合体的三视图.

【分析】找到从上面看所得到的图形即可, 注意所有看到的棱都应表现在俯视图中.

解: 它的俯视图是:



【答案】B.

4. 【考点】概率公式.

【分析】直接利用概率公式计算可得.

解: 从中任意抽取 1 张, 是“红桃”的概率为 $\frac{1}{6}$.

【答案】A.

5. 【考点】扇形统计图.

【分析】扇形统计图是用整个圆表示总数, 用圆内各个扇形的大小表示各部分数量占总数的百分数. 通过扇形统计图可以很清楚地表示出各部分数量同总数之间的关系. 用整个圆的面积表示总数(单位 1), 用圆的扇形面积表示各部分占总数的百分数.

解: 总人数: $40 \div 20\% = 200$ (人), 选择黄鱼的: $200 \times 40\% = 80$ (人)

【答案】D.

6. 【考点】反比例函数的应用.

【分析】直接利用已知数据可得 $xy=100$, 进而得出答案.

解: 由表格中数据可得: $xy=100$, 故 y 关于 x 的函数表达式为: $y=\frac{100}{x}$.

【答案】A.

7. 【考点】弧长的计算.

【分析】根据弧长公式计算.

解: 该扇形的弧长 $= \frac{90 \cdot \pi \cdot 6}{180} = 3\pi$.

【答案】C.

8. 【考点】轴对称图形; 解直角三角形的应用.

【分析】根据题意作出合适的辅助线, 然后利用锐角三角函数即可表示出 AB 的长.

解: 作 $AD \perp BC$ 于点 D, 则 $BD=\frac{3}{2}+0.3=\frac{9}{5}$, $\therefore \cos \alpha = \frac{BD}{AB}$, $\therefore \cos \alpha = \frac{\frac{9}{5}}{AB}$, 解得 $AB=\frac{9}{5 \cos \alpha}$ 米.

$\because AM \perp CD$, $\therefore \angle QMP = \angle MPO = \angle OQM = 90^\circ$, \therefore 四边形 OQMP 是矩形, $\therefore QM = OP$, $\therefore OC = OD = 10$, $\angle COD = 60^\circ$, $\therefore \triangle COD$ 是等边三角形, $\therefore OP \perp CD$, $\therefore \angle COP = \frac{1}{2} \angle COD = 30^\circ$, $\therefore QM = OP = OC \cdot \cos 30^\circ = 5\sqrt{3}$ (分米), $\therefore \angle AOC = \angle QOP = 90^\circ$, $\therefore \angle AOQ = \angle COP = 30^\circ$, $\therefore AQ = \frac{1}{2} OA = 5$ (分米), $\therefore AM = AQ + MQ = 5 + 5\sqrt{3}$. $\because OB \parallel CD$, $\therefore \angle BOD = \angle ODC = 60^\circ$, 在 $Rt\triangle OFK$ 中, $KO = OF \cdot \cos 60^\circ = 2$ (分米), $FK = OF \cdot \sin 60^\circ = 2\sqrt{3}$ (分米). 在 $Rt\triangle FKE$ 中, $EK = \sqrt{EF^2 - FK^2} = 2\sqrt{6}$ (分米). $\therefore BE = 10 - 2 - 2\sqrt{6} = 8 - 2\sqrt{6}$ (分米), 在 $Rt\triangle OFJ$ 中, $OJ = OF \cdot \cos 60^\circ = 2$ (分米), $FJ = OF \cdot \sin 60^\circ = 2\sqrt{3}$ (分米), 在 $Rt\triangle FJE'$ 中, $E'J = \sqrt{6^2 - (2\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{6}$, $\therefore B'E' = 10 - (2\sqrt{6} - 2) = 12 - 2\sqrt{6}$, $\therefore B'E' - BE = 4$.

【答案】 $5 + 5\sqrt{3}$, 4.

三、解答题

17. 【考点】实数的运算; 分式的加减法; 零指数幂.

【分析】(1) 直接利用绝对值的性质以及零指数幂的性质分别化简得出答案; (2) 直接利用分式的加减运算法则计算得出答案.

$$\text{解: (1) 原式} = 6 - 3 + 1 + 3 = 7. \text{ (2) 原式} = \frac{x+4-1}{x^2+3x} = \frac{x+3}{x(x+3)} = \frac{1}{x}.$$

18. 【考点】全等三角形的判定与性质.

【分析】(1) 根据平行线的性质得到 $\angle B = \angle FCD$, $\angle BED = \angle F$, 由 AD 是 BC 边上的中线, 得到 $BD = CD$, 于是得到结论; (2) 根据全等三角形的性质得到 $BE = CF = 2$, 求得 $AB = AE + BE = 1 + 2 = 3$, 于是得到结论.

证明: (1) $\because CF \parallel AB$, $\therefore \angle B = \angle FCD$, $\angle BED = \angle F$, $\because AD$ 是 BC 边上的中线, $\therefore BD = CD$, $\therefore \triangle BDE \cong \triangle CDF$ (AAS); 解: (2) $\because \triangle BDE \cong \triangle CDF$, $\therefore BE = CF = 2$, $\therefore AB = AE + BE = 1 + 2 = 3$, $\because AD \perp BC$, $BD = CD$, $\therefore AC = AB = 3$.

19. 【考点】加权平均数; 中位数; 众数.

【分析】(1) 根据加权平均数的定义求解可得; (2) 根据众数和中位数的定义求解, 再分别从平均数、中位数和众数的角度, 讨论达标人数和获奖人数情况, 从而得出结论.

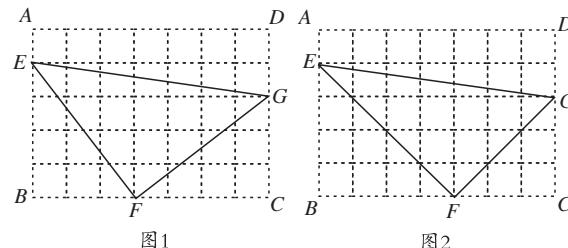
解: (1) $\bar{x} = \frac{1}{20} \times (9 \times 1 + 10 \times 1 + 11 \times 6 + 12 \times 4 + 13 \times 2 + 15 \times 2 + 16 \times 2 + 19 \times 1 + 20 \times 1) = 13$ (个). 答: 这一天 20 名工人生产零件的平均个数为 13 个. (2) 中位数为 $\frac{12+12}{2} = 12$ (个), 众数为 11 个, 当定额为 13 个时, 有 8 人达标, 6 人获奖, 不利于提高工人的积极性; 当定额为 12 个时, 有 12 人达标, 8 人获奖, 不利于提高大多数工人的积极性; 当定额为 11 个时, 有 18 人达标, 12 人获奖, 有利于提高大多数工人的积极性; \therefore 定额为 11 个时, 有利于提高大多数工人的积极性.

20. 【考点】应用与设计作图.

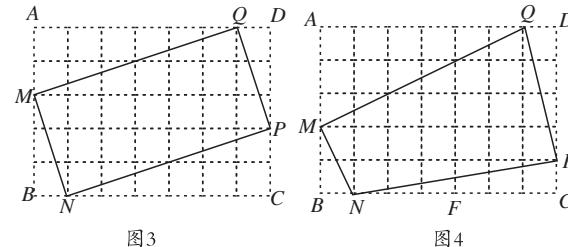
【分析】(1) 利用数形结合的思想构造全等三角形或等腰直角三角形解决问题即可. (2) 如图 3 中, 构造矩形即可

解决问题. 如图 4 中, 构造 $MP = NQ = 5\sqrt{2}$ 即可.

解: (1) 满足条件的 $\triangle EFG$, 如图 1, 2 所示.



(2) 满足条件的四边形 MNPQ 如图所示.



21. 【考点】二次函数的性质; 二次函数图象上点的坐标特征; 二次函数图象与几何变换; 抛物线与 x 轴的交点.

【分析】(1) 把 $y=0$ 代入二次函数的解析式中, 求得一元二次方程的解便可得 A、B 两点的坐标, 再根据函数图象不在 x 轴下方的 x 的取值范围得 $y \geq 0$ 时 x 的取值范围; (2) 根据题意写出 B_2, B_3 的坐标, 再由对称轴方程列出 n 的方程, 求得 n, 进而求得 m 的值.

解: (1) 令 $y=0$, 则 $-\frac{1}{2}x^2 + 2x + 6 = 0$, 解得 $x_1 = -2, x_2 = 6$, $\therefore A(-2, 0), B(6, 0)$, 由函数图象得, 当 $y \geq 0$ 时, $-2 \leq x \leq 6$. (2) 由题意得, $B_1(6, m), B_2(6-n, m), B_3(-n, m)$, 函数图象的对称轴为直线 $x = \frac{-2+6}{2} = 2$, \therefore 点 B_2, B_3 在二次函数图象上且纵坐标相同, $\therefore \frac{6-n+(-n)}{2} = 2$, $\therefore n=1$, $\therefore m = -\frac{1}{2} \times (-1)^2 + 2 \times (-1) + 6 = \frac{7}{2}$, $\therefore m, n$ 的值分别为 $\frac{7}{2}, 1$.

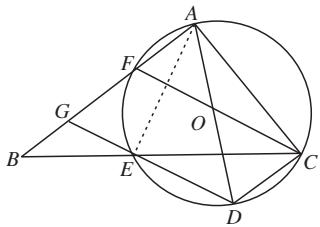
22. 【考点】平行四边形的判定与性质; 垂径定理; 圆周角定理; 三角形的外接圆与外心.

【分析】(1) 连接 AE, 由 $\angle BAC = 90^\circ$, 得到 CF 是 $\odot O$ 的直径, 根据圆周角定理得到 $\angle AED = 90^\circ$, 即 $GD \perp AE$, 推出 $CF \parallel DG$, 推出 $AB \parallel CD$, 于是得到结论; (2) 设 $CD = 3x, AB = 8x$, 得到 $CD = FG = 3x$, 于是得到 $AF = CD = 3x$, 求得 $BG = 8x - 3x - 3x = 2x$, 求得 $BC = 6 + 4 = 10$, 根据勾股定理得到 $AB = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8 = 8x$, 求得 $x = 1$, 在 $Rt\triangle ACF$ 中, 根据勾股定理即可得到结论.

证明: (1) 连接 AE, $\because \angle BAC = 90^\circ$, $\therefore CF$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore AC = EC$, $\therefore CF \perp AE$, $\therefore AD$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle AED = 90^\circ$, 即 $GD \perp AE$, $\therefore CF \parallel DG$, $\therefore AD$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle ACD = 90^\circ$, $\therefore \angle ACD + \angle BAC = 180^\circ$, $\therefore AB \parallel CD$, \therefore 四边形 DCFG 是平行四边形.

解: (2) 由 $CD = \frac{3}{8}AB$, 设 $CD = 3x, AB = 8x$, $\therefore CD = FG = 3x$, $\therefore \angle AOF = \angle COD$, $\therefore AF = CD = 3x$, $\therefore BG = 8x - 3x - 3x = 2x$, $\therefore GE \parallel CF$, $\therefore \frac{BE}{EC} = \frac{BG}{GF} = \frac{2}{3}$, $\therefore BE = 4$.

$AC=CE=6$, $\therefore BC=6+4=10$, $\therefore AB=\sqrt{10^2-6^2}=8=8x$, $\therefore x=1$, 在 $Rt\triangle ACF$ 中, $AF=3$, $AC=6$, $\therefore CF=\sqrt{3^2+6^2}=3\sqrt{5}$, 即 $\odot O$ 的直径长为 $3\sqrt{5}$.



23.【考点】一次函数的应用.

【分析】(1)根据题意可以列出相应的方程组,本题得以解决;(2)①根据题意可以求得由成人8人和少年5人带队,所需门票的总费用;②利用分类讨论的方法可以求得相应的方案以及花费,再比较花费多少即可解答本题.

$$\text{解:(1)设成人有 } x \text{ 人,少年 } y \text{ 人,} \begin{cases} x+y+10=32, \\ x=y+12, \end{cases} \text{解得}$$

$$\begin{cases} x=17, \\ y=5. \end{cases} \text{答:该旅行团中成人与少年分别是17人、5人.}$$

(2)①由题意可得,由成人8人和少年5人带队,则所需门票的总费用是: $100 \times 8 + 5 \times 100 \times 0.8 + (10-8) \times 100 \times 0.6 = 1320$ (元). 答:由成人8人和少年5人带队,则所需门票的总费用是1320元. ②设可以安排成人a人,少年b人带队,则 $1 \leq a \leq 17$, $1 \leq b \leq 5$, 当 $10 \leq a \leq 17$ 时,若 $a=10$,则费用为 $100 \times 10 + 100 \times b \times 0.8 \leq 1200$, 得 $b \leq 2.5$, $\therefore b$ 的最大值是2,此时 $a+b=12$,费用为1160元;若 $a=11$,则费用为 $100 \times 11 + 100 \times b \times 0.8 \leq 1200$, 得 $b \leq \frac{5}{4}$, $\therefore b$ 的最大值是1,此时 $a+b=12$,费用为1180元;若 $a \geq 12$, $100a \geq 1200$,即成入门票至少是1200元,不合题意,舍去. 当 $1 \leq a < 10$ 时,若 $a=9$,则费用为 $100 \times 9 + 100b \times 0.8 + 100 \times 1 \times 0.6 \leq 1200$, 得 $b \leq 3$, $\therefore b$ 的最大值是3, $a+b=12$,费用为1200元;若 $a=8$,则费用为 $100 \times 8 + 100b \times 0.8 + 100 \times 2 \times 0.6 \leq 1200$, 得 $b \leq 3.5$, $\therefore b$ 的最大值是3, $a+b=11 < 12$,不合题意,舍去. 同理,当 $a < 8$ 时, $a+b < 12$,不合题意,舍去. 综上所述,最多安排成人和少年12人带队,有三个方案:成人10人,少年2人;成人11人,少年1人;成人9人,少年3人. 其中成人10人,少年2人时购票费用最少.

24.【考点】一次函数综合题.

【分析】(1)令 $y=0$,可得B的坐标,利用勾股定理可得BC的长,进而求出OE的长;(2)如图1,作辅助线,证明 $\triangle CDN \sim \triangle MEN$,得 $CN=MN=1$,计算EN的长,根据面积法可得OF的长,利用勾股定理得EF的长,由 $\frac{n}{m}=\frac{1}{7}\tan\angle EOF$ 和 $n=-\frac{1}{2}m+4$,可得结论;(3)①先设s关于t成一次函数关系,设 $s=kt+b$,根据当点P运动到AO中点时,点Q恰好与点C重合,得 $t=2$ 时, $CD=4$, $DQ_3=2$, $s=2\sqrt{5}$,根据 $Q_3(-4,6)$, $Q_2(6,1)$,可得 $t=4$ 时, $s=5\sqrt{5}$,利用待定系数法可得s关于t的函数表达式;②分三种情况:(i)当 $PQ \parallel OE$ 时,如图2,根据 $\cos\angle QBH=\frac{AB}{BQ_3}=\frac{BH}{BQ}=\frac{12}{6\sqrt{5}}=\frac{2}{5}\sqrt{5}$,表示BH的长,

根据 $AB=12$,列方程可得t的值;(ii)当 $PQ \parallel OF$ 时,如图3,根据 $\tan\angle HPQ=\tan\angle CDN=\frac{1}{4}$,列方程为 $2t-2=\frac{1}{4}(7-\frac{3}{2}t)$,可得t的值.(iii)由图形可知PQ不可能与EF平行.

解:(1)令 $y=0$,则 $-\frac{1}{2}x+4=0$, $\therefore x=8$, $\therefore B(8,0)$,

$\therefore C(0,4)$, $\therefore OC=4$, $OB=8$,在 $Rt\triangle BOC$ 中, $BC=\sqrt{8^2+4^2}=4\sqrt{5}$,又 $\because E$ 为 BC 中点, $\therefore OE=\frac{1}{2}BC=2\sqrt{5}$.

(2)如图1,作 $EM \perp OC$ 于M,则 $EM \parallel CD$,

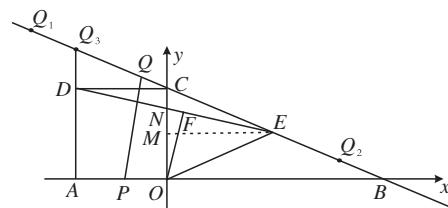


图1

$\therefore E$ 是 BC 的中点, $\therefore M$ 是 OC 的中点, $\therefore EM=\frac{1}{2}OB=4$, $OE=\frac{1}{2}BC=2\sqrt{5}$, $\therefore \angle CDN=\angle NEM$, $\angle CND=\angle MNE$, $\therefore \triangle CDN \sim \triangle MEN$, $\therefore \frac{CN}{MN}=\frac{CD}{EM}=1$, $\therefore CN=MN=1$, $\therefore EN=\sqrt{1^2+4^2}=\sqrt{17}$, $\therefore S_{\triangle ONE}=\frac{1}{2}EN \cdot OF=\frac{1}{2}ON \cdot EM$,

$\therefore OF=\frac{3 \times 4}{\sqrt{17}}=\frac{12}{\sqrt{17}}$, 由勾股定理得: $EF=\sqrt{OE^2-OF^2}=\sqrt{(2\sqrt{5})^2-(\frac{12}{\sqrt{17}})^2}=\frac{14}{17}\sqrt{17}$

$\therefore \frac{14}{17}\sqrt{17} \cdot \tan\angle EOF=\frac{EF}{OF}=\frac{\frac{14}{17}\sqrt{17}}{\frac{12}{17}\sqrt{17}}=\frac{7}{6}$, $\therefore \frac{n}{m}=\frac{1}{7} \times \frac{7}{6}=\frac{1}{6}$, $\therefore n=-\frac{1}{2}m+4$, $\therefore m=6$, $n=1$, $\therefore Q_2(6,1)$.

(3)① \because 动点P,Q同时作匀速直线运动, $\therefore s$ 关于t成一次函数关系,设 $s=kt+b$, \because 当点P运动到AO中点时,点Q恰好与点C重合, $\therefore t=2$ 时, $CD=4$, $DQ_3=2$, $\therefore s=Q_3C=\sqrt{2^2+4^2}=2\sqrt{5}$, $\therefore Q_3(-4,6)$, $Q_2(6,1)$,

$\therefore t=4$ 时, $s=\sqrt{(6+4)^2+(6-1)^2}=5\sqrt{5}$, 将 $\begin{cases} t=2, \\ s=2\sqrt{5} \end{cases}$ 和 $\begin{cases} t=4, \\ s=5\sqrt{5} \end{cases}$ 代入得 $\begin{cases} 2k+b=2\sqrt{5}, \\ 4k+b=5\sqrt{5}, \end{cases}$ 解得: $\begin{cases} k=\frac{3}{2}\sqrt{5}, \\ b=-\sqrt{5}, \end{cases}$

$\therefore s=\frac{3}{2}\sqrt{5}t-\sqrt{5}$. ②(i)当 $PQ \parallel OE$ 时,如图2, $\angle QPB=\angle EOB=\angle OBE$,作 $QH \perp x$ 轴于点H,则 $PH=BH=\frac{1}{2}PB$,

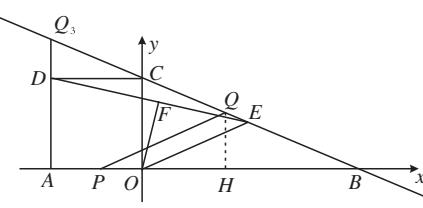


图2

$Rt\triangle ABQ_3$ 中, $AQ_3 = 6$, $AB = 4 + 8 = 12$, $\therefore BQ_3 =$

$$\sqrt{6^2 + 12^2} = 6\sqrt{5}, \therefore BQ = 6\sqrt{5} - s = 6\sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{2}t + \sqrt{5} =$$

$$7\sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{2}t, \text{ 又 } \because \cos \angle QBH = \frac{AB}{BQ_3} = \frac{BH}{BQ} = \frac{12}{6\sqrt{5}} = \frac{2}{5}$$

$$\sqrt{5}, \therefore BH = 14 - 3t, \therefore PB = 28 - 6t, \therefore t + 28 - 6t = 12, t = \frac{16}{5}.$$

(ii) 当 $PQ \parallel OF$ 时, 如图 3, 过点 Q 作 $QG \perp AQ_3$ 于点 G,

于点 G, 过点 P 作 $PH \perp GQ$ 于点 H,

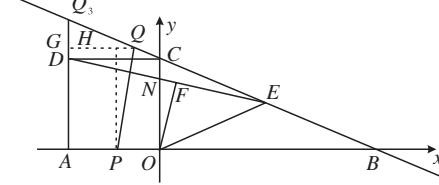


图3

由 $\triangle Q_3 QG \sim \triangle CBO$ 得: $Q_3 G : QG : Q_3 Q = 1 : 2 : \sqrt{5}$,

$$\therefore Q_3 Q = s = \frac{3\sqrt{5}}{2}t - \sqrt{5}, \therefore Q_3 G = \frac{3}{2}t - 1, GQ = 3t - 2,$$

$$\therefore PH = AG = AQ_3 - Q_3 G = 6 - (\frac{3}{2}t - 1) = 7 - \frac{3}{2}t,$$

$$\therefore QH = QG - AP = 3t - 2 - t = 2t - 2, \therefore \angle HPQ =$$

$$\angle CDN, \therefore \tan \angle HPQ = \tan \angle CDN = \frac{1}{4}, \therefore 2t - 2 =$$

$$\frac{1}{4}(7 - \frac{3}{2}t), t = \frac{30}{19}, (iii) \text{ 由图形可知 } PQ \text{ 不可能与 } EF$$

平行. 综上, 当 PQ 与 $\triangle OEF$ 的一边平行时, AP 的长为

$$\frac{16}{5} \text{ 或 } \frac{30}{19}.$$

2019 年浙江省湖州市中考试卷

一、选择题

1.【考点】倒数.

【分析】直接利用倒数的定义求 2 的倒数是 $\frac{1}{2}$.

解: 2 的倒数是 $\frac{1}{2}$.

【答案】D.

2.【考点】用科学记数法表示较大的数.

【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数. 确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时, 小数点移动了多少位, n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时, n 是正数; 当原数的绝对值 < 1 时, n 是负数.

解: $238000 = 2.38 \times 10^5$.

【答案】C.

3.【考点】分式的加减法.

【分析】直接利用分式的加减运算法则计算得出答案.

$$\text{解: 原式} = \frac{a-1+1}{a} = 1.$$

【答案】A.

4.【考点】度分秒的换算; 余角和补角.

【分析】根据余角的概念进行计算即可.

$$\text{解: } \because \angle \alpha = 60^\circ 32', \angle \alpha \text{ 的余角是为: } 90^\circ - 60^\circ 32' = 29^\circ 28'.$$

【答案】A.

5.【考点】圆锥的计算.

【分析】利用圆锥的侧面展开图为一扇形, 这个扇形的弧长等于圆锥底面的周长, 扇形的半径等于圆锥的母线长和扇形面积公式计算.

解: 这个圆锥的侧面积 $= \frac{1}{2} \times 2\pi \times 5 \times 13 = 65\pi (cm^2)$.

【答案】B.

6.【考点】概率公式.

【分析】直接利用概率公式求解.

解: 从这 10 瓶饮料中任取 1 瓶, 恰好取到已过了保质期的饮料的概率 $= \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$.

【答案】C.

7.【考点】圆周角定理; 正多边形和圆.

【分析】根据多边形内角和定理、正五边形的性质求出 $\angle ABC, \angle CD = \angle CB$, 根据等腰三角形的性质求出 $\angle CBD$, 计算即可.

解: \because 五边形 ABCDE 为正五边形, $\therefore \angle ABC = \angle C = \frac{(5-2) \times 180^\circ}{5} = 108^\circ$, $\because CD = CB, \therefore \angle CBD = \frac{180^\circ - 108^\circ}{2} = 36^\circ$, $\therefore \angle ABD = \angle ABC - \angle CBD = 72^\circ$,

【答案】C.

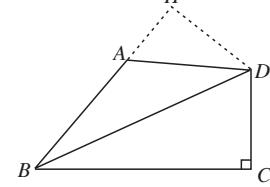
8.【考点】勾股定理.

【分析】过 D 作 DH \perp AB 交 BA 的延长线于 H, 根据角平分线的性质得到 DH = CD = 4, 根据三角形的面积公式即可得到结论.

解: 过 D 作 DH \perp AB 交 BA 的延长线于 H, $\because BD$ 平分 $\angle ABC, \angle BCD = 90^\circ, \therefore DH = CD = 4, \therefore$ 四边形 ABCD 的面积 $= S_{\triangle ABD} + S_{\triangle BCD} = \frac{1}{2}AB \cdot DH + \frac{1}{2}BC \cdot CD = \frac{1}{2} \times 6$

$$\times 4 + \frac{1}{2} \times 9 \times 4 = 30.$$

【答案】B.

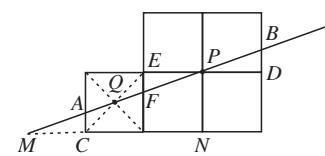


9.【考点】勾股定理; 图形的剪拼.

【分析】根据中心对称的性质即可作出剪痕, 根据三角形全等的性质即可证得 PM = AB, 利用勾股定理即可求得.

解: 如图, 经过 P, Q 的直线把它剪成了面积相等的两部分, 由图形可知 $\triangle AMC \cong \triangle FPE \cong \triangle BPD, \therefore AM = PB, \therefore PM = AB, \therefore PM = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}, \therefore AB = \sqrt{10}$.

【答案】D.



10.【考点】一次函数的图象; 二次函数的图象.

【分析】根据二次函数 $y = ax^2 + bx$ 与一次函数 $y = ax + b$ ($a \neq 0$) 可以求得它们的交点坐标, 然后根据一次函数的性质和二次函数的性质, 由函数图象可以判断 a, b 的正

n)都在对称轴的右侧,当 $x \geq 1$ 时,y 随 x 的增大而增大,
 $\therefore m < n$.

20.【考点】全面调查与抽样调查;用样本估计总体;扇形统计图;中位数;众数.

【分析】(1)先由 6 篇的人数及其所占百分比求得总人数,总人数减去其他篇数的人数求得 m 的值;(2)根据中位数和众数的定义求解;(3)用总人数乘样本中 4 篇的人数所占比例即可得.

解:(1)被调查的总人数为 $16 \div 16\% = 100$ (人), $m=100-(20+28+16+12)=24$.(2)由于共有 100 个数据,其中位数为第 50,51 个数据的平均数就是中位数,而第 50,51 个数据均为 5 篇,所以中位数为 5 篇,出现次数最多的是 4 篇,所以众数为 4 篇.(3)估计该校学生在这一周内文章阅读的篇数为 4 篇的人数为 $800 \times \frac{28}{100} = 224$ (人).

21.【考点】三角形中位线定理;平行四边形的判定与性质.

【分析】(1)根据三角形的中位线的性质得到 $DF \parallel BC$,
 $EF \parallel AB$,根据平行四边形的判定定理即可得到结论;

(2)根据直角三角形的性质得到 $DF=DB=DA=\frac{1}{2}AB=3$,推出四边形 BEFD 是菱形,于是得到结论.

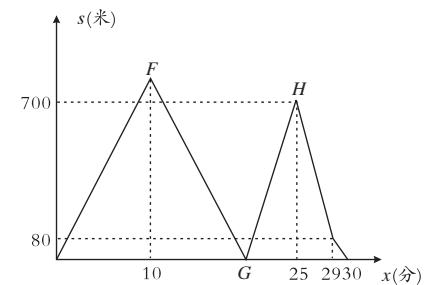
证明:(1) $\because D, E, F$ 分别是 AB, BC, AC 的中点, $\therefore DF \parallel BC, EF \parallel AB$, $\therefore DF \parallel BE, EF \parallel BD$, \therefore 四边形 BEFD 是平行四边形.

解:(2) $\because \angle AFB=90^\circ$,D 是 AB 的中点, $AB=6$, $\therefore DF=DB=DA=\frac{1}{2}AB=3$, \therefore 四边形 BEFD 是平行四边形, \therefore 四边形 BEFD 是菱形, $\therefore DB=3$, \therefore 四边形 BEFD 的周长为 12.

22.【考点】一次函数的应用.

【分析】(1)根据函数图象中的数据可以求得甲步行的速度和乙出发时甲离开小区的路程;(2)根据函数图象中的数据可以求得 OA 的函数解析式,然后将 $x=18$ 代入 OA 的函数解析式,即可求得点 E 的纵坐标,进而可以求得乙骑自行车的速度和乙到达还车点时甲、乙两人之间的距离;(3)根据题意可以求得乙到达学校的时间,从而可以将函数图象补充完整.

解:(1)由图可得,甲步行的速度为: $2400 \div 30 = 80$ (米/分),乙出发时甲离开小区的路程是 $10 \times 80 = 800$ (米),答:甲步行的速度是 80 米/分,乙出发时甲离开小区的路程是 800 米.(2)设直线 OA 的解析式为 $y=kx$, $30k=2400$,得 $k=80$, \therefore 直线 OA 的解析式为 $y=80x$,当 $x=18$ 时, $y=80 \times 18 = 1440$,则乙骑自行车的速度为: $1440 \div (18-10) = 180$ (米/分), \therefore 乙骑自行车的时间为: $25-10=15$ (分钟), \therefore 乙骑自行车的路程为: $180 \times 15 = 2700$ (米),当 $x=25$ 时,甲走过的路程为: $80 \times 25 = 2000$ (米), \therefore 乙到达还车点时,甲乙两人之间的距离为: $2700 - 2000 = 700$ (米).答:乙骑自行车的速度是 180 米/分,乙到达还车点时甲、乙两人之间的距离是 700 米.(3)乙步行的速度为: $80-5=75$ (米/分),乙到达学校用的时间为: $25+(2700-2400) \div 75=29$ (分),当 $25 \leq x \leq 30$ 时 s 关于 x 的函数的大致图象如下图所示.



23.【考点】圆的综合题.

【分析】(1)证明 $\triangle ABC$ 为等腰直角三角形,则 $\odot P$ 的直径长 $= BC = AB$,即可求解;(2)证明 $CM = AC \sin 45^\circ = 4 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$ 圆的半径,即可求解;(3)分点 M,N 在两条直线交点的下方、点 M,N 在两条直线交点的上方两种情况,分别求解即可.

解:(1)如图 1,连接 BC,

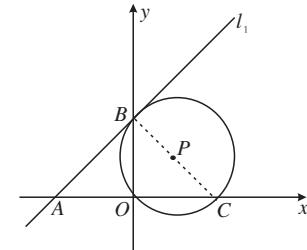


图1

$\because \angle BOC=90^\circ$, \therefore 点 P 在 BC 上, $\therefore \odot P$ 与直线 l_1 相切于点 B, $\therefore \angle ABC=90^\circ$,而 $OA=OB$, $\therefore \triangle ABC$ 为等腰直角三角形,则 $\odot P$ 的直径长 $= BC = AB = 3\sqrt{2}$.(2)过点 C 作 $CM \perp AB$,

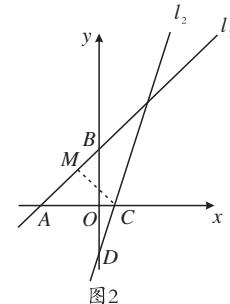


图2

由直线 $l_2: y=3x-3$ 得:点 C(1,0),则 $CM=AC \sin 45^\circ = 4 \times \frac{\sqrt{2}}{2}=2\sqrt{2}$ 圆的半径,故点 M 是圆与直线 l_1 的切点,即:直线 l_1 与 $\odot Q$ 相切.(3)如图 3,①当点 M,N 在两条直线交点的下方时,

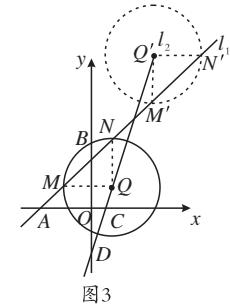


图3

由题意得: $MQ=NQ$, $\angle MQN=90^\circ$,设点 Q 的坐标为 $(m, 3m-3)$,则点 $N(m, m+3)$,则 $NQ=m+3-3m+3=2\sqrt{2}$,解得: $m=3-\sqrt{2}$.②当点 M,N 在两条直线交点的上方时,同理可得: $m=3+\sqrt{2}$.故点 Q 的坐标为 $(3-$

$\sqrt{2}, 6-3\sqrt{2}$ 或 $(3+\sqrt{2}, 6+3\sqrt{2})$.

24.【考点】二次函数综合题.

【分析】(1) 由 $OA=3$, $\tan \angle OAC = \frac{OC}{OA} = \frac{\sqrt{3}}{3}$, 得 $OC = \sqrt{3}$,

由四边形 OABC 是矩形, 得 $BC=OA=3$, 所以 $CD=\frac{1}{2}BC=\frac{3}{2}$, 求得 $D(\frac{3}{2}, \sqrt{3})$;

(2) ① 由已知得 $ACB=\angle OAC=30^\circ$, 设将 $\triangle DBF$ 沿 DE 所在的直线翻折后, 点 B 恰好落在 AC 上的 B' 处, 则 $DB'=DB=DC$, $\angle BDF=\angle B'DF$, 所以 $\angle BDB'=60^\circ$, $\angle BDF=\angle B'DF=30^\circ$, 所以

$BF=BD \cdot \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $AF=BF=\frac{\sqrt{3}}{2}$, 因为 $\angle BFD=\angle AEF$,

所以 $\angle B=\angle FAE=90^\circ$, 因此 $\triangle BFD \cong \triangle AFE$, $AE=BD=\frac{3}{2}$, 点 E 的坐标 $(\frac{9}{2}, 0)$;

② 动点 P 在点 O 时, 求得此时抛物线解析式为 $y=-\frac{2}{9}\sqrt{3}x^2+\sqrt{3}x$, 因此

$E(\frac{9}{2}, 0)$, 直线 DE: $y=-\frac{\sqrt{3}}{3}x+\frac{3\sqrt{3}}{2}$, $F_1(3, \frac{1}{2}\sqrt{3})$;

当动点 P 从点 O 运动到点 M 时, 求得此时抛物线解析式为

$y=-\frac{2}{27}\sqrt{3}x^2+\frac{\sqrt{3}}{3}x+\frac{2\sqrt{3}}{3}$, 所以 $E(6, 0)$, 直线 DE: $y=-\frac{2\sqrt{3}}{9}x+\frac{4\sqrt{3}}{3}$,

所以 $F_2(3, \frac{2\sqrt{3}}{3})$; 所以点 F 运动路径的

长为 $F_1F_2=\frac{2\sqrt{3}}{3}-\frac{\sqrt{3}}{2}=\frac{\sqrt{3}}{6}$, 即 G 运动路径的长为 $\frac{\sqrt{3}}{6}$.

解: (1) $\because OA=3$, $\tan \angle OAC = \frac{OC}{OA} = \frac{\sqrt{3}}{3}$, $\therefore OC=\sqrt{3}$,

由四边形 OABC 是矩形, $\therefore BC=OA=3$, $\therefore D$ 是 BC 的

中点, $\therefore CD=\frac{1}{2}BC=\frac{3}{2}$, $\therefore D(\frac{3}{2}, \sqrt{3})$.

(2) ① $\because \tan \angle OAC = \frac{\sqrt{3}}{3}$, $\therefore \angle OAC=30^\circ$, $\therefore \angle ACB=\angle OAC=30^\circ$,

设将 $\triangle DBF$ 沿 DE 所在的直线翻折后, 点 B 恰好落在 AC 上的 B' 处, 则 $DB'=DB=DC$, $\angle BDF=\angle B'DF$, $\therefore \angle DB'C=\angle ACB=30^\circ$, $\therefore \angle BDB'=60^\circ$, $\therefore \angle BDF=\angle B'DF=30^\circ$, $\therefore \angle B=90^\circ$, $\therefore BF=BD \cdot \tan 30^\circ$

$=\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\therefore AB=\sqrt{3}$, $\therefore AF=BF=\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\therefore \angle BFD=\angle AFE$,

$\therefore \angle B=\angle FAE=90^\circ$, $\therefore \triangle BFD \cong \triangle AFE$ (ASA), $\therefore AE$

$=BD=\frac{3}{2}$, $\therefore OE=OA+AE=\frac{9}{2}$, \therefore 点 E 的坐标 $(\frac{9}{2}, 0)$,

② 动点 P 在点 O 时, \because 抛物线过点 P(0, 0), D($\frac{3}{2}$, $\sqrt{3}$), B($\frac{9}{2}$, 0) 求得此时抛物线解析式为 $y=-\frac{2}{9}\sqrt{3}x^2+\sqrt{3}x$,

$\therefore E(\frac{9}{2}, 0)$, \therefore 直线 DE: $y=-\frac{\sqrt{3}}{3}x+\frac{3\sqrt{3}}{2}$, $\therefore F_1(3, \frac{1}{2}\sqrt{3})$;

当动点 P 从点 O 运动到点 M 时, \because 抛物线过点 P(0, $\frac{2\sqrt{3}}{3}$), D($\frac{3}{2}$, $\sqrt{3}$), B($\frac{9}{2}$, 0) 求得此时抛物线解析式为 $y=-\frac{2}{27}\sqrt{3}x^2+\frac{\sqrt{3}}{3}x+\frac{2\sqrt{3}}{3}$,

$\therefore E(6, 0)$, \therefore 直线 DE: $y=-\frac{2\sqrt{3}}{9}x+\frac{4\sqrt{3}}{3}$,

$\therefore F_2(3, \frac{2\sqrt{3}}{3})$; 所以点 F 运动路径的长为

$F_1F_2=\frac{2\sqrt{3}}{3}-\frac{\sqrt{3}}{2}=\frac{\sqrt{3}}{6}$,

$\because \triangle DFG$ 为等边三角形, $\therefore G$ 运动路径的长为 $\frac{\sqrt{3}}{6}$.

2019 年浙江省绍兴市中考数学试卷

一、选择题

1.【考点】绝对值.

【分析】根据绝对值的性质求解.

解: 根据负数的绝对值等于它的相反数, 得 $|-5|=5$.

【答案】A.

2.【考点】用科学记数法表示较大的数.

【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$, 其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数. 确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时, 小数点移动了多少位, n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时, n 是正数; 当原数的绝对值 < 1 时, n 是负数.

解: 数字 126 000 000 科学记数法可表示为 1.26×10^8 .

【答案】B.

3.【考点】简单组合体的三视图.

【分析】根据从正面看得到的视图是主视图, 可得答案.

解: 从正面看有三列, 从左起第一列有两个正方形, 第二列有两个正方形, 第三列有一个正方形, 故 A 符合题意,

【答案】A.

4.【考点】频数(率)分布表; 利用频率估计概率.

【分析】先计算出样本中身高不低于 180cm 的频率, 然后根据利用频率估计概率求解.

解: 样本中身高不低于 180cm 的频率 $= \frac{15}{100} = 0.15$, 所以估计他的身高不低于 180cm 的概率是 0.15.

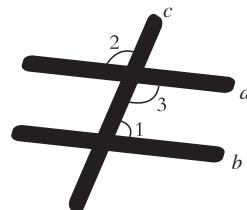
【答案】D.

5.【考点】对顶角、邻补角; 三角形内角和定理.

【分析】根据对顶角相等求出 $\angle 3$, 根据三角形内角和定理计算, 得到答案.

解: $\angle 3=\angle 2=100^\circ$, \therefore 木条 a, b 所在直线所夹的锐角 $= 180^\circ - 100^\circ - 70^\circ = 10^\circ$.

【答案】B.



6.【考点】一次函数图象上点的坐标特征.

【分析】利用(1, 4), (2, 7)两点求出所在的直线解析式, 再将点(a, 10)代入解析式即可.

解: 设经过(1, 4), (2, 7)两点的直线解析式为 $y=kx+b$,

$\begin{cases} 4=k+b, \\ 7=2k+b, \end{cases} \therefore \begin{cases} k=3, \\ b=1, \end{cases} \therefore y=3x+1$, 将点(a, 10)代入解

析式, 则 $a=3$.

【答案】C.

7.【考点】二次函数图象与几何变换.

【分析】根据变换前后的两抛物线的顶点坐标找变换规律.

解: $y=(x+5)(x-3)=(x+1)^2-16$, 顶点坐标是 $(-1, -16)$. $y=(x+3)(x-5)=(x-1)^2-16$, 顶点坐标是 $(1, -16)$. 所以将抛物线 $y=(x+5)(x-3)$ 向右平移 2 个单

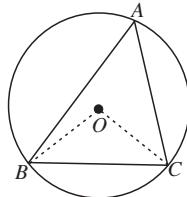
位长度得到抛物线 $y=(x+3)(x-5)$.

【答案】B.

8.【考点】圆周角定理；三角形的外接圆与外心；弧长的计算.

【分析】连接 OB, OC. 首先证明 $\triangle OBC$ 是等腰直角三角形，求出 OB 即可解决问题.

解：连接 OB, OC.



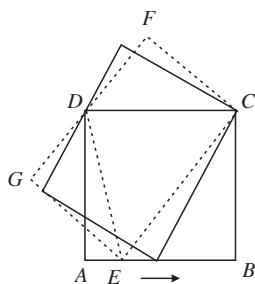
$$\begin{aligned}\because \angle A &= 180^\circ - \angle ABC - \angle ACB = 180^\circ - 65^\circ - 70^\circ = 45^\circ, \\ \therefore \angle BOC &= 90^\circ, \because BC = 2\sqrt{2}, \therefore OB = OC = 2, \therefore \widehat{BC} \text{ 的长为} \\ &= \frac{90 \cdot \pi \cdot 2}{180} = \pi\end{aligned}$$

【答案】A.

9.【考点】矩形的性质；正方形的性质.

【分析】连接 DE, $\triangle CDE$ 的面积是矩形 CFGE 的一半，也是正方形 ABCD 的一半，则矩形与正方形面积相等.

解：连接 DE, $\because S_{\triangle CDE} = \frac{1}{2} S_{\text{四边形 } CEGF}$,



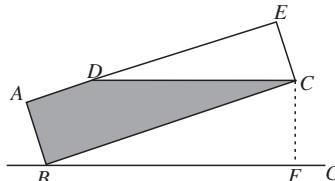
$$S_{\triangle CDE} = \frac{1}{2} S_{\text{正方形 } ABCD}, \therefore \text{矩形 } CFG \text{ 与正方形 } ABCD \text{ 的面} \\ \text{积相等.}$$

【答案】D.

10.【考点】认识立体图形.

【分析】设 $DE=x$, 则 $AD=8-x$, 由长方体容器内水的体积得出方程, 解方程求出 DE, 再由勾股定理求出 CD, 过点 C 作 $CF \perp BG$ 于 F, 由 $\triangle CDE \sim \triangle BCF$ 的比例线段求得结果即可.

解：过点 C 作 $CF \perp BG$ 于 F, 如图所示：



设 $DE=x$, 则 $AD=8-x$, 根据题意得: $\frac{1}{2}(8-x+8) \times 3 \times 3 = 3 \times 3 \times 6$, 解得: $x=4$, $\therefore DE=4$, $\therefore \angle E=90^\circ$, 由勾股定理得: $CD = \sqrt{DE^2 + CE^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5$, $\therefore \angle BCE = \angle DCF = 90^\circ$, $\therefore \angle DCE = \angle BCF$, $\therefore \angle DEC = \angle BFC = 90^\circ$,

$$\therefore \triangle CDE \sim \triangle CBF, \therefore \frac{CE}{CF} = \frac{CD}{CB}, \text{ 即 } \frac{3}{CF} = \frac{5}{8}, \therefore CF = \frac{24}{5}.$$

【答案】A.

二、填空题

11.【考点】因式分解——运用公式法.

【分析】利用平方差公式分解即可.

$$\text{解: 原式} = (x+1)(x-1).$$

$$\boxed{(x+1)(x-1)}.$$

12.【考点】解一元一次不等式.

【分析】先移项, 再合并同类项, 把 x 的系数化为 1 即可.

$$\text{解: 移项得, } 3x \geqslant 4+2, \text{ 合并同类项得, } 3x \geqslant 6, \text{ 把 } x \text{ 的系} \\ \text{数化为 } 1 \text{ 得, } x \geqslant 2.$$

$$\boxed{x \geqslant 2}.$$

13.【考点】有理数的加法; 数学常识.

【分析】根据“每行、每列、每条对角线上的三个数之和相等”解答即可.

解: 根据“每行、每列、每条对角线上的三个数之和相等”, 可知三行、三列、两对角线上的三个数之和都等于 15, \therefore 第一列第三个数为: $15-2-5=8$,

$$\therefore m=15-8-3=4.$$

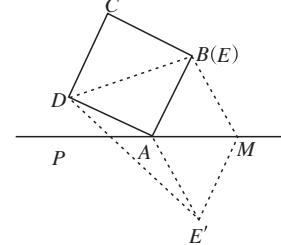
$$\boxed{4}.$$

14.【考点】正方形的性质.

【分析】分点 E 与正方形 ABCD 在直线 AP 的同侧、点 E 与正方形 ABCD 在直线 AP 的两侧两种情况, 根据正方形的性质、等腰三角形的性质解答.

解: \because 四边形 ABCD 是正方形, $\therefore AD=AB, \angle DAB=90^\circ$, $\therefore \angle BAM=180^\circ-90^\circ-30^\circ=60^\circ$, $AE=AM=EM$, 当点 E 与正方形 ABCD 在直线 AP 的同侧时, 由题意得, 点 E 与点 B 重合, $\therefore \angle ADE=45^\circ$. 当点 E 与正方形 ABCD 的直线 AP 的两侧时, 由题意得, $E'A=E'M$, $\therefore \triangle AE'M$ 为等边三角形, $\therefore \angle E'AM=60^\circ$, $\therefore \angle DAE'=360^\circ-120^\circ-90^\circ=150^\circ$, $\therefore AD=AE'$, $\therefore \angle ADE'=15^\circ$

$$\boxed{15^\circ \text{ 或 } 45^\circ}.$$



15.【考点】待定系数法求一次函数解析式；反比例函数图象上点的坐标特征；矩形的性质.

【分析】利用矩形的性质和反比例函数图象上点的坐标特征得到 $A(\frac{k}{3}, 3), C(5, \frac{k}{5})$, 所以 $B(\frac{k}{3}, \frac{k}{5})$, 然后利用待定系数法求直线 BD 的解析式.

解: $\because D(5, 3)$, $\therefore A(\frac{k}{3}, 3), C(5, \frac{k}{5})$, $\therefore B(\frac{k}{3}, \frac{k}{5})$, 设直

线 BD 的解析式为 $y=mx+n$, 把 $D(5, 3), B(\frac{k}{3}, \frac{k}{5})$ 代入得

$$\begin{cases} 5m+n=3, \\ \frac{k}{3}m+n=\frac{k}{5}, \end{cases} \text{ 解得} \begin{cases} m=\frac{3}{5}, \\ n=0, \end{cases} \therefore \text{直线 } BD \text{ 的解析式}$$

$$\text{为 } y=\frac{3}{5}x.$$

【答案】 $y = \frac{3}{5}x$.

16.【考点】整式的加减；平面镶嵌(密铺).

【分析】先根据题意画出图形，再根据周长的定义即可求解.

解：如图所示：

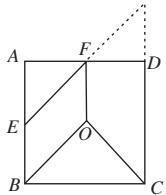


图1

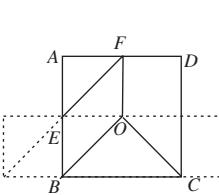


图2

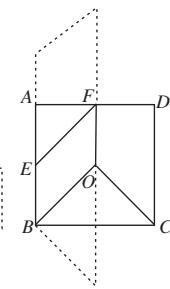


图3

图1的周长为 $1+2+3+2\sqrt{2}=6+2\sqrt{2}$ ；图2的周长为 $1+4+1+4=10$ ；图3的周长为 $3+5+\sqrt{2}+\sqrt{2}=8+2\sqrt{2}$.故四边形MNPQ的周长是 $6+2\sqrt{2}$ 或 10 或 $8+2\sqrt{2}$.

【答案】 $6+2\sqrt{2}$ 或 10 或 $8+2\sqrt{2}$.

三、解答题

17.【考点】实数的运算；零指数幂；负整数指数幂；解一元二次方程；特殊角的三角函数值.

【分析】(1)根据实数运算法则解答；(2)利用题意得到 $x^2+1=4x+1$ ，利用因式分解法解方程即可.

解：(1)原式 $=4\times\frac{\sqrt{3}}{2}+1-4-2\sqrt{3}=-3$. (2) $x^2+1=4x+1$
 $+1, x^2-4x=0, x(x-4)=0, x_1=0, x_2=4$.

18.【考点】一次函数的应用.

【分析】(1)由图象可知，蓄电池剩余电量为35千瓦时时汽车已行驶了150千米，据此即可求出1千瓦时的电量汽车能行驶的路程；(2)运用待定系数法求出y关于x的函数表达式，再把x=180代入即可求出当汽车已行驶180千米时，蓄电池的剩余电量.

解：(1)由图象可知，蓄电池剩余电量为35千瓦时时汽车已行驶了150千米.1千瓦时的电量汽车能行驶的路程为：

$\frac{150}{60-35}=6$ (千米). (2)设 $y=kx+b(k\neq 0)$ ，把点(150, 35)，

(200, 10)代入，得 $\begin{cases} 150k+b=35, \\ 200k+b=10, \end{cases} \therefore \begin{cases} k=-0.5, \\ b=110, \end{cases} \therefore y=-0.5x+110$.当x=180时，y=-0.5×180+110=20.答：当 $150\leq x\leq 200$ 时，函数表达式为 $y=-0.5x+110$ ，当汽车已行驶180千米时，蓄电池的剩余电量为20千瓦时.

19.【考点】扇形统计图；条形统计图；算术平均数.

【分析】(1)根据图中的信息可以求得这5期的集训共有多少天和小聪5次测试的平均成绩；(2)根据图中的信心和题意，说明自己的观点即可，本题答案不唯一，只要合理即可.

解：(1)这5期的集训共有： $5+7+10+14+20=56$ (天)，小聪5次测试的平均成绩是： $(11.88+11.76+11.61+11.53+11.62)\div 5=11.68$ (秒). 答：这5期的集训共有56天，小聪5次测试的平均成绩是11.68秒.
(2)从集训时间看，集训时间不是越多越好，集训时间过长，可能造成劳累，导致成绩下滑；从测试成绩看，两人的最好成绩分别是在第3期，第4期出现，建议集训时

间定为10天或14天.

20.【考点】解直角三角形的应用.

【分析】(1)如图2中，作 $BO\perp DE$ 于O.解直角三角形求出OD即可解决问题.(2)作 $DF\perp l$ 于F, $CP\perp DF$ 于P, $BG\perp DF$ 于G, $CH\perp BG$ 于H.则四边形PCHG是矩形，求出DF，再求出 $DE-DF$ 即可解决问题.

解：(1)如图2中，作 $BO\perp DE$ 于O.

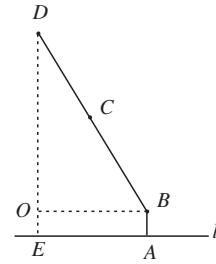


图2

$\because \angle OEA=\angle BOE=\angle BAE=90^\circ, \therefore$ 四边形ABOE是矩形， $\therefore \angle OBA=90^\circ, \therefore \angle DBO=150^\circ-90^\circ=60^\circ, \therefore OD=BD \cdot \sin 60^\circ=20\sqrt{3}(cm), \therefore DE=OD+OE=OD+AB=20\sqrt{3}+5\approx 39.6(cm)$. (2)作 $DF\perp l$ 于F, $CP\perp DF$ 于P, $BG\perp DF$ 于G, $CH\perp BG$ 于H.则四边形PCHG是矩形，

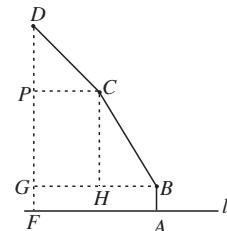


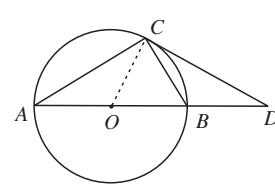
图3

$\because \angle CBH=60^\circ, \angle CHB=90^\circ, \therefore \angle BCH=30^\circ, \angle BCD=165^\circ, \angle DCP=45^\circ, \therefore CH=BC \cdot \sin 60^\circ=10\sqrt{3}(cm), DP=CD \cdot \sin 45^\circ=10\sqrt{2}(cm), \therefore DF=DP+PG+GF=DP+CH+AB=(10\sqrt{2}+10\sqrt{3}+5)(cm), \therefore$ 下降高度 $DE-DF=20\sqrt{3}+5-10\sqrt{2}-10\sqrt{3}-5=10\sqrt{3}-10\sqrt{2}\approx 3.2(cm)$.

21.【考点】全等三角形的判定；圆周角定理；切线的性质.

【分析】(1)连接OC，如图，利用切线的性质得 $\angle OCD=90^\circ$ ，再根据含30度的直角三角形三边的关系得到 $OD=2$ ，然后计算 $OA+OD$ 即可；(2)添加 $\angle DCB=30^\circ$ ，求AC的长，利用圆周角定理得到 $\angle ACB=90^\circ$ ，再证明 $\angle A=\angle DCB=30^\circ$ ，然后根据含30度的直角三角形三边的关系求AC的长.

解：(1)连接OC，如图， $\because CD$ 为切线， $\therefore OC\perp CD$ ， $\therefore \angle OCD=90^\circ, \because \angle D=30^\circ, \therefore OD=2OC=2, \therefore AD=AO+OD=1+2=3$. (2)添加 $\angle DCB=30^\circ$ ，求AC的长， $\because AB$ 为直径， $\therefore \angle ACB=90^\circ, \because \angle ACO+\angle OCB=90^\circ, \angle OCB+\angle DCB=90^\circ, \therefore \angle ACO=\angle DCB$ ， $\because \angle ACO=\angle A, \therefore \angle A=\angle DCB=30^\circ$ ，在 $Rt\triangle ACB$ 中， $BC=\frac{1}{2}AB=1, \therefore AC=\sqrt{3}BC=\sqrt{3}$.



22.【考点】矩形的性质.

【分析】(1)若所截矩形材料的一条边是 BC, 过点 C 作 $CF \perp AE$ 于 F, 得出 $S_1 = AB \cdot BC = 6 \times 5 = 30$; (2)若所截矩形材料的一条边是 AE, 过点 E 作 $EF \parallel AB$ 交 CD 于 F, $FG \perp AB$ 于 G, 过点 C 作 $CH \perp FG$ 于 H, 则四边形 AEFG 为矩形, 四边形 BCHG 为矩形, 证出 $\triangle CHF$ 为等腰直角三角形, 得出 $AE = FG = 6$, $HG = BC = 5$, $BG = CH = FH$, 求出 $BG = FG - HG = 1$, $AG = AB - BG = 5$, 得出 $S_2 = AE \cdot AG = 6 \times 5 = 30$; (2)在 CD 上取点 F, 过点 F 作 $FM \perp AB$ 于 M, $FN \perp AE$ 于 N, 过点 C 作 $CG \perp FM$ 于 G, 则四边形 ANFM 为矩形, 四边形 BCGM 为矩形, 证出 $\triangle CGF$ 为等腰直角三角形, 得出 $MG = BC = 5$, $BM = CG$, $FG = CG$, 设 $AM = x$, 则 $BM = 6 - x$, $FM = GM + FG = GM + CG = BC + BM = 11 - x$, 得出 $S = AM \times FM = x(11 - x) = -x^2 + 11x$, 由二次函数的性质即可得出结果.

解:(1)①若所截矩形材料的一条边是 BC, 如图 1 所示: 过点 C 作 $CF \perp AE$ 于 F, $S_1 = AB \cdot BC = 6 \times 5 = 30$. ②若所截矩形材料的一条边是 AE, 如图 2 所示: 过点 E 作 $EF \parallel AB$ 交 CD 于 F, $FG \perp AB$ 于 G, 过点 C 作 $CH \perp FG$ 于 H, 则四边形 AEFG 为矩形, 四边形 BCHG 为矩形, $\because \angle C = 135^\circ$, $\therefore \angle FCH = 45^\circ$, $\therefore \triangle CHF$ 为等腰直角三角形, $\therefore AE = FG = 6$, $HG = BC = 5$, $BG = CH = FH$, $\therefore BG = FG - HG = 6 - 5 = 1$, $\therefore AG = AB - BG = 6 - 1 = 5$, $\therefore S_2 = AE \cdot AG = 6 \times 5 = 30$. (2)能; 理由如下: 在 CD 上取点 F, 过点 F 作 $FM \perp AB$ 于 M, $FN \perp AE$ 于 N, 过点 C 作 $CG \perp FM$ 于 G, 则四边形 ANFM 为矩形, 四边形 BCGM 为矩形, $\because \angle C = 135^\circ$, $\therefore \angle FCG = 45^\circ$, $\therefore \triangle CGF$ 为等腰直角三角形, $\therefore MG = BC = 5$, $BM = CG$, $FG = CG$, 设 $AM = x$, 则 $BM = 6 - x$, $\therefore FM = GM + FG = GM + CG = BC + BM = 11 - x$, $\therefore S = AM \times FM = x(11 - x) = -x^2 + 11x = -(x - 5.5)^2 + 30.25$, \therefore 当 $x = 5.5$ 时, S 的最大值为 30.25.

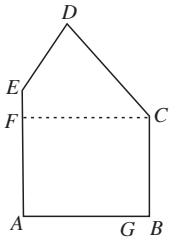


图1

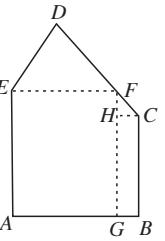


图2

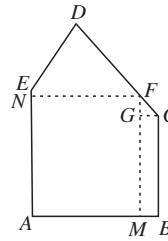


图3

23.【考点】几何变换综合题.

【分析】(1)分两种情形分别求解即可. ②显然 $\angle MAD$ 不能为直角. 当 $\angle AMD$ 为直角时, 根据 $AM^2 = AD^2 - DM^2$, 计算即可, 当 $\angle ADM = 90^\circ$ 时, 根据 $AM = AD + DM$, 计算即可. (2)连接 CD_1 . 首先利用勾股定理求出 CD_1 , 再利用全等三角形的性质证明 $BD_2 = CD_1$ 即可.

解:(1)① $AM = AD + DM = 40$ 或 $AM = AD - DM = 20$. ②显然 $\angle MAD$ 不能为直角. 当 $\angle AMD$ 为直角时, $AM^2 = AD^2 - DM^2 = 30^2 - 10^2 = 800$, $\therefore AM = 20\sqrt{2}$ 或 $(-20\sqrt{2})$ 舍弃). 当 $\angle ADM = 90^\circ$ 时, $AM^2 = AD^2 + DM^2 = 30^2 + 10^2 = 1000$, $\therefore AM = 10\sqrt{10}$ 或 $(-10\sqrt{10})$ 舍弃). 综上所述, 满足条件的 AM 的值为 $20\sqrt{2}$ 或 $10\sqrt{10}$. (2)如图 2 中, 连接 CD_1 .

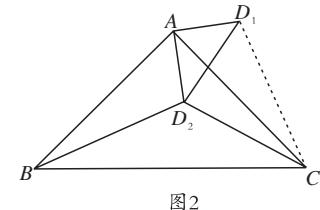


图2

由题意: $\angle D_1 AD_2 = 90^\circ$, $AD_1 = AD_2 = 30$, $\therefore \angle AD_2 D_1 = 45^\circ$, $D_1 D_2 = 30\sqrt{2}$, $\therefore \angle AD_2 C = 135^\circ$, $\therefore \angle CD_2 D_1 = 90^\circ$, $\therefore \angle BAC = \angle D_1 AD_2 = 90^\circ$, $\therefore \angle BAC - \angle CAD_2 = \angle D_2 AD_1 - \angle CAD_2$, $\therefore \angle BAD_2 = \angle CAD_1$, $\therefore AB = AC$, $AD_2 = AD_1$, $\therefore \triangle BAD_2 \cong \triangle CAD_1$ (SAS), $\therefore BD_2 = CD_1 = 30\sqrt{6}$.

24.【考点】相似形综合题.

【分析】(1)作 $FH \perp BC$ 于 H, $MQ \perp CD$ 于 Q. 证明 $\triangle FHE \cong \triangle MQN$ (ASA), 即可解决问题. (2)由题意: $2a \leq MN \leq \sqrt{5}a$, $a \leq EF \leq \sqrt{5}a$, 当 MN 的长取最大时, EF 取最短, 此时 k 的值最大, 最大值为 $\sqrt{5}$, 当 MN 的长取最短时, EF 的值取最大, 此时 k 的值最小, 最小值为 $\frac{2\sqrt{5}}{5}$.

(3)连接 FN, ME. 由 $k = 3$, $MP = EF = 3PE$, 推出 $\frac{MN}{PM} = \frac{EF}{PE} = 3$, 推出 $\frac{PN}{PM} = \frac{PF}{PE} = 2$, 由 $\triangle PNF \sim \triangle PME$, 推出 $\frac{NF}{ME} = \frac{PN}{PM} = 2$, $ME \parallel NF$, 设 $PE = 2m$, 则 $PF = 4m$, $MP = 6m$, $NP = 12m$, 接下来分两种情形 ①如图 2 中, 当点 N 与点 D 重合时, 点 M 恰好与 B 重合.

②如图 3 中, 当点 N 与 C 重合, 分别求解即可.

解:(1)如图 1 中,

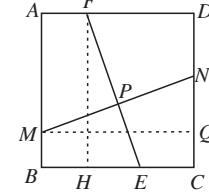


图1

作 $FH \perp BC$ 于 H, $MQ \perp CD$ 于 Q, \therefore 四边形 ABCD 是正方形, $\therefore FH = AB$, $MQ = BC$, $\therefore AB = CB$, $\therefore FH = MQ$, $\therefore EF \perp MN$, $\therefore \angle EPN = 90^\circ$, $\therefore \angle ECN = 90^\circ$, $\therefore \angle MNQ + \angle CEP = 180^\circ$, $\angle FEH + \angle CEP = 180^\circ$, $\therefore \angle FEH = \angle MNQ$, $\therefore \angle EHF = \angle MQN = 90^\circ$, $\therefore \triangle FHE \cong \triangle MQN$ (ASA), $\therefore MN = EF$, $\therefore k = MN : EF = 1$. (2)由题意: $2a \leq MN \leq \sqrt{5}a$, $a \leq EF \leq \sqrt{5}a$, 当 MN 的长取最大时, EF 取最短, 此时 k 的值最大, 最大值为 $\sqrt{5}$; 当 MN 的长取最短时, EF 的值取最大, 此时 k 的值最小, 最小值为 $\frac{2\sqrt{5}}{5}$.

(3)连接 FN, ME. 由 $k = 3$, $MP = EF = 3PE$, $\therefore \frac{MN}{PM} = \frac{EF}{PE} = 3$, $\therefore \frac{PN}{PM} = \frac{PF}{PE} = 2$, $\therefore \angle FPN = \angle EPM$, $\therefore \triangle PNF \sim \triangle PME$, $\therefore \frac{NF}{ME} = \frac{PN}{PM} = 2$, $ME \parallel NF$, 设 $PE = 2m$, 则 $PF = 4m$, $MP = 6m$, $NP = 12m$. ①如图 2 中, 当点 N 与点 D 重合时, 点 M 恰好与 B 重合. 作 $FH \perp BD$

于 H.

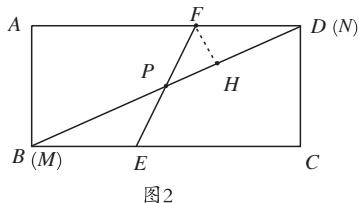


图2

$\because \angle MPE = \angle FPH = 60^\circ$, $\therefore PH = 2m$, $FH = 2\sqrt{3}m$, $DH = 10m$, $\therefore \frac{a}{b} = \frac{AB}{AD} = \frac{FH}{HD} = \frac{\sqrt{3}}{5}$. ②如图3中,当点N与

点C重合,作 $EH \perp MN$ 于H.则 $PH=m$, $HE=\sqrt{3}m$,

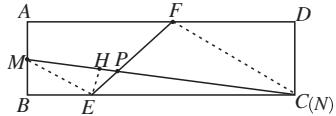


图3

$\therefore HC = PH + PC = 13m$, $\therefore \tan \angle HCE = \frac{MB}{BC} = \frac{HE}{HC} = \frac{\sqrt{3}}{13}$,
 $\because ME \parallel FC$, $\therefore \angle MEB = \angle FCB = \angle CFD$, $\therefore \angle B = \angle D$,
 $\therefore \triangle MEB \sim \triangle CFD$, $\therefore \frac{CD}{MB} = \frac{FC}{ME} = 2$, $\therefore \frac{a}{b} = \frac{CD}{BC} = \frac{2MB}{BC} = \frac{2\sqrt{3}}{13}$. 综上所述, a:b 的值为 $\frac{\sqrt{3}}{5}$ 或 $\frac{2\sqrt{3}}{13}$.

2019年浙江省金华(丽水)市中考试卷

一、选择题

1.【考点】相反数.

【分析】根据互为相反数的定义即可判定选择项.

解: \because 符号相反,绝对值相等的两个数互为相反数, \therefore 4的相反数是-4.

【答案】B.

2.【考点】同底数幂的除法.

【分析】根据同底数幂除法法则可解.

解:由同底数幂除法法则:底数不变,指数相减, $a^6 \div a^3 = a^{6-3} = a^3$.

【答案】D.

3.【考点】三角形三边关系.

【分析】根据三角形三边关系定理得出 $5-3 < a < 5+3$,求出即可.

解:由三角形三边关系定理得: $5-3 < a < 5+3$,即 $2 < a < 8$,即符合的只有3.

【答案】C.

4.【考点】有理数的减法.

【分析】用最高气温减去最低气温,结果最大的即为所求.

解:星期一温差 $10-3=7(^{\circ}\text{C})$;星期二温差 $12-0=12(^{\circ}\text{C})$;星期三温差 $11-(-2)=13(^{\circ}\text{C})$;星期四温差 $9-(-3)=12(^{\circ}\text{C})$.

【答案】C.

5.【考点】概率公式.

【分析】用白球的个数除以球的总数即为摸到白球的概率.

解:袋子里装有2个红球、3个黄球和5个白球共10个球,从中摸出一个球是白球的概率是 $\frac{5}{10} = \frac{1}{2}$.

【答案】A.

6.【考点】方向角.

【分析】根据方向角的定义即可得到结论.

解:由图可得,目标A在南偏东 75° 方向5km处.

【答案】D.

7.【考点】解一元二次方程——配方法.

【分析】方程利用完全平方公式变形即可得到结果.

解:用配方法解方程 $x^2 - 6x - 8 = 0$ 时,配方结果为 $(x-3)^2 = 17$.

【答案】A.

8.【考点】矩形的性质;解直角三角形.

【分析】根据矩形的性质得出 $\angle ABC = \angle DCB = 90^\circ$, $AC = BD$, $AO = CO$, $BO = DO$, $AB = DC$,再解直角三角形求出即可.

解: \because 四边形ABCD是矩形, $\therefore \angle ABC = \angle DCB = 90^\circ$, $AC = BD$, $AO = CO$, $BO = DO$, $\therefore AO = OB = CO = DO$, $\therefore \angle DBC = \angle ACB$, \therefore 由三角形内角和定理得: $\angle BAC = \angle BDC = \alpha$,故选项A不符合题意;在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\tan \alpha = \frac{BC}{m}$,即 $BC = m \cdot \tan \alpha$,故选项B不符合题意;在 $Rt\triangle ABC$ 中, $AC = \frac{m}{\cos \alpha}$,即 $AO = \frac{m}{2\cos \alpha}$,故选项C符合题意;

\therefore 四边形ABCD是矩形, $\therefore DC = AB = m$, $\therefore \angle BAC = \angle BDC = \alpha$, \therefore 在 $Rt\triangle DCB$ 中, $BD = \frac{m}{\cos \alpha}$,故选项D不符合题意.

【答案】C.

9.【考点】圆锥的计算.

【分析】先证明 $\triangle ABD$ 为等腰直角三角形得到 $\angle ABD = 45^\circ$, $BD = \sqrt{2}AB$,再证明 $\triangle CBD$ 为等边三角形得到 $BC = BD = \sqrt{2}AB$,利用圆锥的侧面积的计算方法得到上面圆锥的侧面积与下面圆锥的侧面积的比等于 $AB : CB$,从而得到下面圆锥的侧面积.

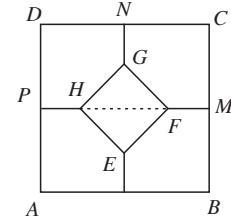
解: $\because \angle A = 90^\circ$, $AB = AD$, $\therefore \triangle ABD$ 为等腰直角三角形, $\therefore \angle ABD = 45^\circ$, $BD = \sqrt{2}AB$, $\therefore \angle ABC = 105^\circ$, $\therefore \angle CBD = 60^\circ$,而 $CB = CD$, $\therefore \triangle CBD$ 为等边三角形, $\therefore BC = BD = \sqrt{2}AB$, \therefore 上面圆锥与下面圆锥的底面相同, \therefore 上面圆锥的侧面积与下面圆锥的侧面积的比等于 $AB : CB$, \therefore 下面圆锥的侧面积 $= \sqrt{2} \times 1 = \sqrt{2}$.

【答案】D.

10.【考点】正方形的性质;剪纸问题.

【分析】连接HF,设直线MH与AD边的交点为P,根据剪纸的过程以及折叠的性质得 $PH = MF$ 且正方形EF-GH的面积 $= \frac{1}{5} \times$ 正方形ABCD的面积,从而用a分别表示出线段GF和线段MF的长即可求解.

解:连接HF,设直线MH与AD边的交点为P,如图:



⑤

由折叠可知点P,H,F,M四点共线,且 $PH=MF$,设正方形ABCD的边长为 $2a$,则正方形ABCD的面积为 $4a^2$, \therefore 正方形EFGH与五边形MCNGF的面积相等

\therefore 由折叠可知正方形EFGH的面积= $\frac{1}{5} \times$ 正方形ABCD的面积= $\frac{4}{5}a^2$, \therefore 正方形EFGH的边长 $GF=$

$$\sqrt{\frac{4}{5}a^2}=\frac{2\sqrt{5}}{5}a \therefore HF=\sqrt{2}GF=\frac{2\sqrt{10}}{5}a \therefore MF=PH=$$

$$\frac{2a-\frac{2\sqrt{10}}{5}a}{2}=\frac{5-\sqrt{10}}{5}a \therefore \frac{FM}{GF}=\frac{5-\sqrt{10}}{5}a \div \frac{2\sqrt{5}}{5}a =\frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{2}.$$

【答案】A.

二、填空题

11.【考点】解一元一次不等式.

【分析】根据移项、合并同类项、系数化为1解答即可.

$$\text{解: } 3x-6 \leqslant 9, 3x \leqslant 9+6, 3x \leqslant 15, x \leqslant 5.$$

【答案】 $x \leqslant 5$.

12.【考点】中位数.

【分析】将数据重新排列,再根据中位数的概念求解可得.

解:将数据重新排列为3,4,6,7,10, \therefore 这组数据的中位数为6.

【答案】6.

13.【考点】因式分解的应用.

【分析】首先把 $x^2+2xy+y^2$ 化为 $(x+y)^2$,然后把 $x=1$, $y=-\frac{1}{3}$ 代入,求出算式的值是多少即可.

解:当 $x=1$, $y=-\frac{1}{3}$ 时, $x^2+2xy+y^2=(x+y)^2=(1-\frac{1}{3})^2=(\frac{2}{3})^2=\frac{4}{9}$.

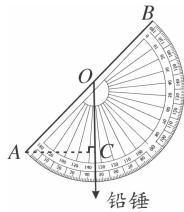
【答案】 $\frac{4}{9}$.

14.【考点】解直角三角形的应用——仰角俯角问题.

【分析】过A点作 $AC \perp OC$ 于C,根据直角三角形的性质可求 $\angle OAC$,再根据仰角的定义即可求解.

解:过A点作 $AC \perp OC$ 于C, $\therefore \angle AOC=50^\circ$, $\therefore \angle OAC=40^\circ$.故此时观察楼顶的仰角度数是 40° .

【答案】 40° .



15.【考点】一次函数的应用.

【分析】根据题意可以得到关于t的方程,从而可以求得点P的坐标,本题得以解决.

解:令 $150t=240(t-12)$,解得 $t=32$,则 $150t=150 \times 32=4800$, \therefore 点P的坐标为(32,4800).

【答案】(32,4800).

16.【考点】解直角三角形的应用.

【分析】(1)先由已知可得B,C两点的路程之比为 $5:4$,再结合B运动的路程即可求出C运动的路程,相加即可求出BC的长;(2)当A向M方向继续滑动15cm时, $AA'=15cm$,由勾股定理和题目条件得出 $\triangle A'EB'$ 、 $\triangle D'FC'$ 和梯形A'EFD'边长,即可利用割补法求出四边形ABCD的面积.

解: \because A,D分别在E,F处,门缝忽略不计(即B,C重合)且 $AB=50cm$, $CD=40cm$, $\therefore EF=50+40=90(cm)$

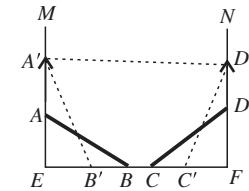
\because B到达E时,C恰好到达F,此时两门完全开启, \therefore B,C两点的路程之比为 $5:4$.

(1)当 $\angle ABE=30^\circ$ 时,在 $Rt\triangle ABE$ 中, $BE=\frac{\sqrt{3}}{2}AB=25\sqrt{3}(cm)$, \therefore B运动的路程为

$(50-25\sqrt{3})cm$, \therefore B,C两点的路程之比为 $5:4$, \therefore 此时点C运动的路程为 $(50-25\sqrt{3}) \times \frac{4}{5}=(40-20\sqrt{3})cm$,

$$\therefore BC=(50-25\sqrt{3})+(40-20\sqrt{3})=(90-45\sqrt{3})cm.$$

(2)当A向M方向继续滑动15cm时,设此时点A运动到了点A'处,点B,C,D分别运动到了点B',C',D'处,连接A'D',如图:



则此时 $AA'=15cm$, $\therefore A'E=15+25=40(cm)$,由勾股定理得: $EB'=30cm$, \therefore B运动的路程为 $50-30=20(cm)$.

\therefore C运动的路程为 $16cm$, $\therefore C'F=40-16=24(cm)$,由勾股定理得: $D'F=32cm$, \therefore 四边形A'B'C'D'的面积=梯形A'EFD'的面积- $\triangle A'EB'$ 的面积- $\triangle D'FC'$ 的面积= $\frac{1}{2} \times 90 \times (40+32)-\frac{1}{2} \times 30 \times 40-\frac{1}{2} \times 24 \times 32=2256(cm^2)$. \therefore 四边形ABCD的面积为 $2256cm^2$.

【答案】(1) $90-45\sqrt{3}$;(2)2256.

三、解答题

17.【考点】实数的运算;负整数指数幂;特殊角的三角函数值.

【分析】按顺序依次计算,先把绝对值化简,再算出 $2\tan 60^\circ=2\sqrt{3}$,然后根据二次根式的性质以及负指数幂化简即可求解.

$$\text{解:原式}=3-2\sqrt{3}+2\sqrt{3}+3=6.$$

18.【考点】解二元一次方程组.

【分析】根据二元一次方程组的解法,先将式子①化简,再用加减消元法(或代入消元法)求解.

$$\begin{cases} 3x-4(x-2y)=5 & \text{①} \\ x-2y=1 & \text{②} \end{cases} \quad \text{将①化简得: } -x+8y=5 \quad \text{③},$$

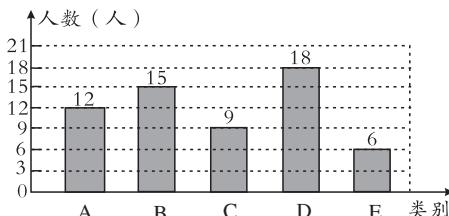
$$\text{②}+\text{③}, \text{得 } y=1, \text{将 } y=1 \text{ 代入②, 得 } x=3, \therefore \begin{cases} x=3, \\ y=1. \end{cases}$$

19.【考点】用样本估计总体;扇形统计图;条形统计图.

【分析】(1)先用选A的人数除以其所占的百分比即可求得

被调查的总人数,然后根据百分比=其所对应的人数÷总人数分别求出m,n的值;(2)用总数减去其他各小组的人数即可求得选D的人数,从而补全条形统计图;(3)用样本估计总体即可确定全校最喜欢“数学史话”的学生人数.

解:(1)观察条形统计图与扇形统计图可知:选A的有12人,占20%,故总人数有 $12 \div 20\% = 60$ (人), $\therefore m = 15 \div 60 \times 100\% = 25\%$, $n = 9 \div 60 \times 100\% = 15\%$.(2)选D的有 $60 - 12 - 15 - 9 - 6 = 18$ (人),故条形统计图补充为:



(3)全校最喜欢“数学史话”的学生人数为: $1200 \times 25\% = 300$ (人).

20.【考点】应用与设计作图.

【分析】从图中可得到AC边的中点在格点上设为E,过E作AB的平行线即可在格点上找到F;EC=√5,EF=√5,FC=√10,借助勾股定理确定F点;借助圆规作AB的垂直平分线即可.

解:如图:从图中可得到AC边的中点在格点上设为E,过E作AB的平行线即可在格点上找到F,则EF平分BC;EC=√5,EF=√5,FC=√10,借助勾股定理确定F点,则EF⊥AC;借助圆规作AB的垂直平分线即可.

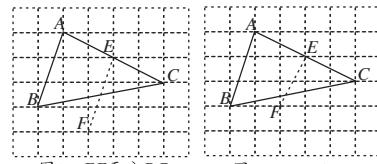


图1: EF平分BC

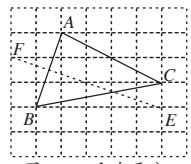


图2: EF⊥AC



图3: EF垂直平分AB

21.【考点】平行四边形的性质;切线的性质.

【分析】(1)连接OB,证明△AOB是等腰直角三角形,即可求解;(2)根据△AOB是等腰直角三角形,计算OA,HO即可求解.

解:(1)连接OB,

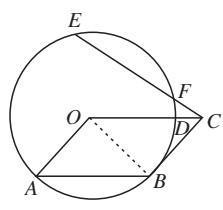


图1

∵BC是圆的切线,∴OB⊥BC,∴四边形OABC是平行四边形,∴OA//BC,∴OB⊥OA,∴△AOB是等腰直角三角形,∴∠ABO=45°,∴BD的度数为45°.(2)连接OE,过点O作OH⊥EC于点H,设EH=t,

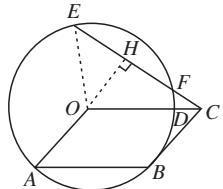


图2

∴OH⊥EC,∴EF=2HE=2t,∴四边形OABC是平行四边形,∴AB=CO=EF=2t,∴△AOB是等腰直角三角形,∴OA=√2t,则HO=√OE^2-EH^2=√2t^2-t^2=t,∴OC=2OH,∴∠OCE=30°.

22.【考点】反比例函数的性质;反比例函数图象上点的坐标特征;正多边形和圆;坐标与图形变化——平移;中心对称.

【分析】(1)过点P作x轴垂线PG,连接BP,可得BP=2,G是CD的中点,所以P(2, √3);(2)易求D(3,0),E(4, √3),待定系数法求出DE的解析式为√3x-3 √3,联立反比例函数与一次函数即可求点Q;(3)E(4, √3),F(3,2 √3),将正六边形向左平移两个单位后,E(2, √3),F(1,2 √3),则点E与F都在反比例函数图象上.

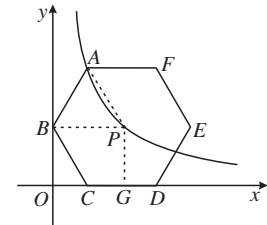
解:(1)过点P作x轴垂线PG,连接BP,∴P是正六边形ABCDEF的对称中心,CD=2,∴BP=2,G是CD的中点,∴PG=√3,∴P(2, √3),∴P在反比例函数y= $\frac{k}{x}$ 上,

∴k=2 √3,∴y= $\frac{2 \sqrt{3}}{x}$ (x>0),由正六边形的性质得A(1,2 √3),∴点A在反比例函数图象上.(2)由题意得D(3,0),E(4, √3),设DE的解析式为y=mx+b,

$$\begin{cases} 3m+b=0, \\ 4m+b=\sqrt{3}, \end{cases} \therefore \begin{cases} m=\sqrt{3}, \\ b=-3\sqrt{3}, \end{cases} \therefore y=\sqrt{3}x-3\sqrt{3}, \text{ 联立}$$

方程 $\begin{cases} y=\frac{\sqrt{3}}{x}, \\ y=\sqrt{3}x-3\sqrt{3}, \end{cases}$, 解得 $x=\frac{3+\sqrt{17}}{2}$ (或 $\frac{3-\sqrt{17}}{2}$ 舍去),∴点Q的横坐标为 $\frac{3+\sqrt{17}}{2}$.

(3)连接AP,∴AB=BC=EF,AP//BC//EF∴平移过程:将正六边形ABCDEF先向右平移1个单位,再向上平移 $\sqrt{3}$ 个单位,或将正六边形ABCDEF向左平移2个单位.



23.【考点】二次函数综合题.

【分析】(1)如图1中,当m=0时,二次函数的表达式y=-x^2+2,画出函数图象,利用图象法解决问题即可.

(2)如图2中,当m=3时,二次函数解析式为y=-(x-3)^2+5,如图2,结合图象即可解决问题.(3)如图3中,由抛物线的顶点P(m, m+2),推出抛物线的顶点P在直线y=x+2上,由点P在正方形内部,则0<m<2,如图3中,E(2,1),F(2,2),观察图象可知,当点P在正方形OABC内部,该抛物线下方(包括边界)恰好存在8个好点时,抛物线与线段EF有交点(点F除外),求出抛物线经过点E或点F时m的值,即可判断.

解:(1)如图1中,当m=0时,二次函数的表达式y=

$-x^2 + 2$, 函数图象如图 1 所示.

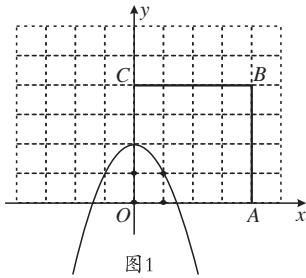


图1

当 $x=0$ 时, $y=2$, 当 $x=1$ 时, $y=1$, ∴ 抛物线经过点 $(0, 0)$, $(0, 1)$, $(0, 2)$, $(1, 1)$, 共 5 个. (2) 如图 2 中, 当 $m=3$ 时, 二次函数解析式为 $y=-(x-3)^2+5$. 如图 2.

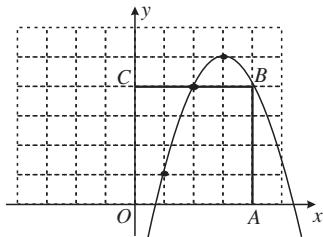


图2

当 $x=1$ 时, $y=1$, 当 $x=2$ 时, $y=4$, 当 $x=4$ 时, $y=4$, ∴ 抛物线经过 $(1, 1)$, $(2, 4)$, $(4, 4)$, 观察图象可知, 抛物线上存在好点, 坐标分别为 $(1, 1)$, $(2, 4)$, $(4, 4)$. (3) 如图 3 中, ∵ 抛物线的顶点 $P(m, m+2)$, ∴ 抛物线的顶点 P 在直线 $y=x+2$ 上, ∵ 点 P 在正方形内部, 则 $0 < m < 2$,

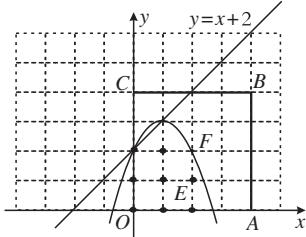


图3

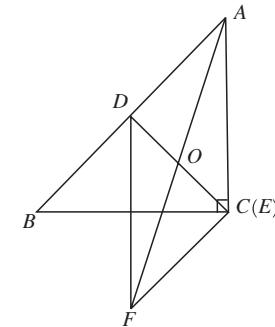
如图 3 中, $E(2, 1)$, $F(2, 2)$, 观察图象可知, 当点 P 在正方形 $OABC$ 内部, 该抛物线下方(包括边界)恰好存在 8 个好点时, 抛物线与线段 EF 有交点(点 F 除外), 当抛物线经过点 E 时, $-(2-m)^2+m+2=1$, 解得 $m=\frac{5-\sqrt{13}}{2}$ 或 $\frac{5+\sqrt{13}}{2}$ (舍弃), 当抛物线经过点 F 时, $-(2-m)^2+m+2=2$, 解得 $m=1$ 或 4 (舍弃), ∴ 当 $\frac{5-\sqrt{13}}{2} \leq m < 1$ 时, 顶点 P 在正方形 $OABC$ 内部, 该抛物线下方(包括边界)恰好存在 8 个好点.

24.【考点】几何变换综合题.

【分析】(1) 如图 1 中, 首先证明 $CD=BD=AD$, 再证明四边形 $ADFC$ 是平行四边形即可解决问题. (2) ① 作 $DT \perp BC$ 于点 T , $FH \perp BC$ 于 H . 证明 DG 是 $\triangle ABF$ 的中位线, 想办法求出 BF 即可解决问题. ② 分三种情形情形: 如图 3-1 中, 当 $\angle DEG=90^\circ$ 时, F, E, G, A 共线, 作 $DT \perp BC$ 于点 T , $FH \perp BC$ 于 H . 设 $EC=x$. 构建方程解决问题即可. 如图 3-2 中, 当 $\angle EDG=90^\circ$ 时, 取 AB 的中点 O , 连接

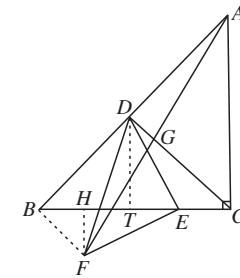
OG . 作 $EH \perp AB$ 于 H . 构建方程解决问题即可. 如图 3-3 中, 当 $\angle DGE=90^\circ$ 时, 构造相似三角形, 利用相似三角形的性质构建方程解决问题即可.

证明: (1) 如图 1 中,

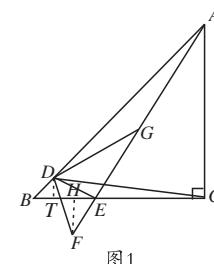


∵ $CA=CB$, $\angle ACB=90^\circ$, $BD=AD$, ∴ $CD \perp AB$, $CD=AD=BD$, ∵ $CD=CF$, ∴ $AD=CF$, ∵ $\angle ADC=\angle DCF=90^\circ$, ∴ $AD \parallel CF$, ∴ 四边形 $ADFC$ 是平行四边形, ∴ $OD=OC$, ∴ $BD=2OD$.

解: (2) ① 如图 2 中, 作 $DT \perp BC$ 于点 T , $FH \perp BC$ 于 H , 连接 BF .



由题意: $BD=AD=CD=7\sqrt{2}$, $BC=\sqrt{2}BD=14$, ∵ $DT \perp BC$, ∴ $BT=TC=7$, ∵ $EC=2$, ∴ $TE=5$, ∵ $\angle DTE=\angle EHF=\angle DEF=90^\circ$, ∴ $\angle DET+\angle TDE=90^\circ$, $\angle DET+\angle FEH=90^\circ$, ∴ $\angle TDE=\angle FEH$, ∵ $ED=EF$, ∴ $\triangle DTE \cong \triangle EHF$ (AAS), ∴ $FH=ET=5$, ∵ $\angle DBE=\angle DFE=45^\circ$, ∴ B, D, E, F 四点共圆, ∵ $\angle DBF+\angle DEF=90^\circ$, ∴ $\angle DBF=90^\circ$, ∵ $\angle DBE=45^\circ$, ∴ $\angle FBH=45^\circ$, ∵ $\angle BHF=90^\circ$, ∴ $\angle HBF=\angle HFB=45^\circ$, ∴ $BH=FH=5$, ∴ $BF=5\sqrt{2}$, ∵ $\angle ADC=\angle ABF=90^\circ$, $AD=DB$, ∴ $AG=GF$, ∴ $DG=\frac{1}{2}BF=\frac{5\sqrt{2}}{2}$. ② 如图 1 中, 当 $\angle DEG=90^\circ$ 时, F, E, G, A 共线, 作 $DT \perp BC$ 于点 T , $FH \perp BC$ 于 H . 设 $EC=x$.



∵ $AD=6BD$, ∴ $BD=\frac{1}{7}AB=2\sqrt{2}$, ∵ $DT \perp BC$, $\angle DBT=45^\circ$, ∴ $DT=BT=2$, ∵ $\triangle DTE \cong \triangle EHF$, ∴ $EH=DT=2$, ∵ $BH=FH=12-x$, $FH \parallel AC$, ∴ $\frac{EH}{EC}=\frac{FH}{AC}$,

$\therefore \frac{2}{x} = \frac{12-x}{14}$, 整理得: $x^2 - 12x + 28 = 0$, 解得 $x = 6 \pm 2\sqrt{2}$.

如图 2 中, 当 $\angle EDG = 90^\circ$ 时, 取 AB 的中点 O, 连接 OG, 作 EH $\perp AB$ 于 H.

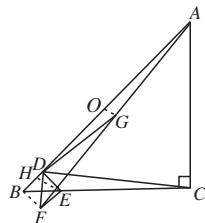


图2

设 $EC = x$, 由(2)①可知 $BF = \sqrt{2}(12-x)$, $OG = \frac{1}{2}BF = \frac{\sqrt{2}}{2}(12-x)$,

$\therefore \angle OGD + \angle OGD = 90^\circ$, $\angle OGD + \angle EDH = 90^\circ$,

$\therefore \angle DGO = \angle HDE$, $\therefore \triangle EHD \sim \triangle DOG$, $\therefore \frac{DH}{OG} = \frac{EH}{DO}$,

$$\therefore \frac{2\sqrt{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}(14-x)}{\frac{\sqrt{2}}{2}(12-x)} = \frac{\sqrt{2}(14-x)}{5\sqrt{2}}, \text{整理得: } x^2 - 36x + 268 =$$

0, 解得 $x = 18 - 2\sqrt{14}$ 或 $18 + 2\sqrt{14}$ (舍弃). 如图 3 中, 当 $\angle DGE = 90^\circ$ 时, 取 AB 的中点 O, 连接 OG, CG, 作 DT $\perp BC$ 于 T, FH $\perp BC$ 于 H, EK $\perp CG$ 于 K. 设 $EC = x$.

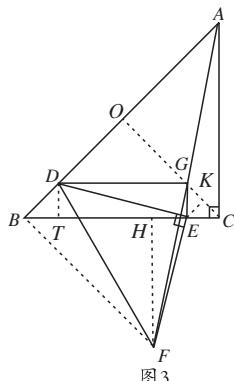


图3

$\therefore \angle DBE = \angle DFE = 45^\circ$, $\therefore D, B, F, E$ 四点共圆,

$\therefore \angle DBF + \angle DEF = 90^\circ$, $\therefore \angle DEF = 90^\circ$, $\therefore \angle DBF = 90^\circ$,

$\therefore AO = OB$, $AG = GF$, $\therefore OG \parallel BF$, $\therefore \angle AOG = \angle ABF = 90^\circ$,

$\therefore OG \perp AB$, $\therefore OG$ 垂直平分线段 AB,

$\therefore CA = CB$, $\therefore O, G, C$ 共线, 由 $\triangle DTE \cong \triangle EHF$, 可得

$EH = DT = BT = 2$, $ET = FH = 12 - x$, $BF = \sqrt{2}(12 - x)$,

$$OG = \frac{1}{2}BF = \frac{\sqrt{2}}{2}(12 - x)$$

$\frac{\sqrt{2}}{2}(12 - x) - \frac{\sqrt{2}}{2}x$, 由 $\triangle OGD \sim \triangle KEG$, 可得 $\frac{OG}{EK} = \frac{OD}{GK}$,

$$\therefore \frac{\frac{\sqrt{2}(12-x)}{2}}{\frac{\sqrt{2}x}{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{7\sqrt{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}(12-x) - \frac{\sqrt{2}}{2}x}$$

上所述, 满足条件的 EC 的值为 $6 \pm 2\sqrt{2}$ 或 $18 - 2\sqrt{14}$ 或 2.

2019 年浙江省衢州市中考试卷

一、选择题

1.【考点】正数和负数.

【分析】根据负数的特点, 负数前有负号, 即可求解.

$$\text{解: } \frac{1}{2}, 0, 1, -9 \text{ 四个数中负数是 } -9.$$

【答案】D.

2.【考点】用科学记数法表示较大的数.

【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数. 确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时, 小数点移动了多少位, n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时, n 是正数; 当原数的绝对值 < 1 时, n 是负数.

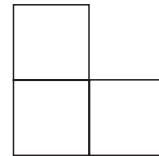
$$\text{解: } 101800 \text{ 用科学记数法表示为: } 1.018 \times 10^5.$$

【答案】B.

3.【考点】简单组合体的三视图.

【分析】找到从正面看所得到的图形即可, 注意所有的看到的棱都应表现在主视图中.

解: 从正面看易得第一层有 2 个正方形, 第二层左边有一个正方形, 如图所示:



【答案】A.

4.【考点】合并同类项; 同底数幂的乘法; 幂的乘方与积的乘方; 同底数幂的除法.

【分析】直接利用合并同类项法则以及幂的乘方运算法则、同底数幂的乘除运算法则分别计算得出答案.

解: $a^6 + a^6 = 2a^6$, 故选项 A 错误; $a^6 \times a^2 = a^8$, 故选项 B 正确; $a^6 \div a^2 = a^4$, 故选项 C 错误; $(a^6)^2 = a^{12}$, 故选项 D 错误.

【答案】B.

5.【考点】概率公式.

【分析】由一个不透明的箱子里有 1 个白球, 2 个红球, 共 3 个球, 它们除颜色外均相同, 直接利用概率公式求解即可求得答案.

解: 由一个不透明的箱子里有 1 个白球, 2 个红球, 共有 3 个球, \therefore 从箱子中随机摸出一个球是白球的概率是: $\frac{1}{3}$.

【答案】C.

6.【考点】二次函数的性质.

【分析】由抛物线顶点式可求得答案.

$$\text{解: } \because y = (x-1)^2 + 3, \therefore \text{顶点坐标为 } (1, 3).$$

【答案】A.

7.【考点】等腰三角形的性质.

【分析】根据 $OC = CD = DE$, 可得 $\angle O = \angle ODC$, $\angle DCE = \angle DEC$, 根据三角形的外角性质可知 $\angle DCE = \angle O + \angle ODC = 2\angle ODC$, 据三角形的外角性质即可求出 $\angle ODC$ 数, 进而求出 $\angle CDE$ 的度数.

解: $\because OC = CD = DE$, $\therefore \angle O = \angle ODC$, $\angle DCE = \angle DEC$,

$\therefore \angle DCE = \angle O + \angle ODC = 2\angle ODC$, $\therefore \angle O + \angle OED = 3$

$$\frac{2\sqrt{5}}{5}, DM=OB=AN=\frac{\sqrt{5}}{5}, \therefore C(\frac{2\sqrt{5}}{5}, \frac{\sqrt{5}}{5}), \therefore AF=3,$$

$$M_1F=BC=2, \therefore AM_1=AF-M_1F=3-2=1,$$

$$\therefore \triangle BOA \cong \triangle ANM_1 (AAS), \therefore NM_1=OA=\frac{2\sqrt{5}}{5}, \therefore NM_1$$

$$\frac{2\sqrt{5}}{5} // FN_1, \therefore \frac{M_1N}{FN_1} = \frac{AM_1}{AF}, \frac{5}{FN_1} = \frac{1}{3}, \therefore FN_1 = \frac{6\sqrt{5}}{5},$$

$$\therefore AN_1 = \frac{3\sqrt{5}}{5}, \therefore ON_1 = OA + AN_1 = \frac{2\sqrt{5}}{5} + \frac{3\sqrt{5}}{5} = \frac{5\sqrt{5}}{5}.$$

$$\therefore F(\frac{5\sqrt{5}}{5}, \frac{6\sqrt{5}}{5}), \text{ 同理, } F_1(\frac{8\sqrt{5}}{5}, \frac{7\sqrt{5}}{5}), \text{ 即 } (\frac{1\times 3+5}{5}\sqrt{5},$$

$$\frac{6+1}{5}\sqrt{5}), F_2(\frac{11\sqrt{5}}{5}, \frac{8\sqrt{5}}{5}), \text{ 即 } (\frac{2\times 3+5}{5}\sqrt{5}, \frac{6+2}{5}\sqrt{5}),$$

$$F_3(\frac{14\sqrt{5}}{5}, \frac{9\sqrt{5}}{5}), \text{ 即 } (\frac{3\times 3+5}{5}\sqrt{5}, \frac{6+3}{5}\sqrt{5}), F_4(\frac{17\sqrt{5}}{5},$$

$$\frac{10\sqrt{5}}{5}), \text{ 即 } (\frac{4\times 3+5}{5}\sqrt{5}, \frac{6+4}{5}\sqrt{5}), \dots, F_{2019}(\frac{2019\times 3+5}{5}\sqrt{5},$$

$$\frac{6+2019}{5}\sqrt{5}), \text{ 即 } (\frac{6062}{5}\sqrt{5}, 405\sqrt{5})$$

【答案】(1) $\frac{1}{2}$, (2) $(\frac{6062}{5}\sqrt{5}, 405\sqrt{5})$.

三、解答题

17. 【考点】实数的运算;零指数幂;特殊角的三角函数值.

【分析】分别求出每一项, $|-3|=3$, $(\pi-3)^0=1$, $\sqrt{4}=2$, $\tan 45^\circ=1$, 然后进行运算即可.

$$\text{解: } |-3| + (\pi-3)^0 - \sqrt{4} + \tan 45^\circ = 3 + 1 - 2 + 1 = 3.$$

18. 【考点】全等三角形的判定与性质;菱形的性质.

【分析】根据菱形的性质和全等三角形的判定和性质解答即可.

证明: \because 四边形 ABCD 是菱形, $\therefore AB=AD, \angle B=\angle D$, $\therefore BE=DF, \therefore \triangle ABE \cong \triangle ADF (\text{SAS}), \therefore AE=CF$.

19. 【考点】平行四边形的判定;应用与设计作图.

【分析】(1) 利用数形结合的思想解决问题即可.(2) 根据平行四边形的判定即可解决问题.

解:(1) 线段 CD 即为所求.(2) 平行四边形 ABEC 即为所求.

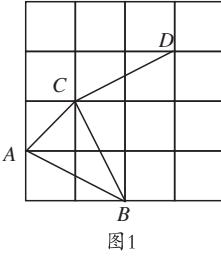


图1

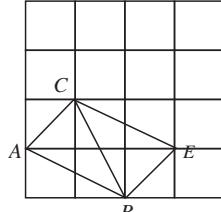


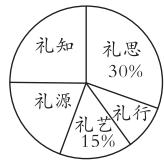
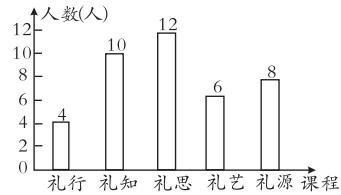
图2

20. 【考点】用样本估计总体;扇形统计图;条形统计图.

【分析】(1) 由“礼思”的人数及其所占百分比求得总人数, 总人数乘“礼艺”对应百分比求得其人数, 从而补全图形;(2) 用 360° 乘选择“礼行”课程的学生人数占被调查人数的比例即可得;(3) 利用样本估计总体思想求解可得.

解:(1) 被随机抽取的学生共有 $12 \div 30\% = 40$ (人), 则“礼艺”的人数为 $40 \times 15\% = 6$ (人), 补全图形如下:

被抽样学生参与综合实践类课程情况条形统计图
被抽样学生参与综合实践类课程情况扇形统计图



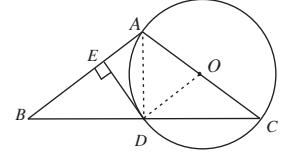
(2) 选择“礼行”课程的学生人数所对应的扇形圆心角的度数为 $360^\circ \times \frac{4}{40} = 36^\circ$. (3) 估计其中参与“礼源”课程的学生共有 $1200 \times \frac{8}{40} = 240$ (人).

21. 【考点】等腰三角形的性质;圆周角定理;切线的判定与性质;弧长的计算.

【分析】(1) 连接 OD, 只要证明 $OD \perp DE$ 即可;(2) 连接 AD, 根据 AC 是直径, 得到 $\angle ADC=90^\circ$, 利用 $AB=AC$ 得到 $BD=CD$, 解直角三角形求得 BD , 在 $Rt\triangle ABD$ 中, 解直角三角形求得 AD , 根据题意证得 $\triangle AOD$ 是等边三角形, 即可证明 $OD=AD$, 然后利用弧长公式求得即可.

证明: (1) 连接 OD; $\because OD=OC, \therefore \angle C=\angle ODC, \therefore AB=AC, \therefore \angle B=\angle C, \therefore \angle B=\angle ODC, \therefore OD \parallel AB, \therefore \angle ODE=\angle DEB; \because DE \perp AB, \therefore \angle DEB=90^\circ, \therefore \angle ODE=90^\circ, \text{ 即 } DE \perp OD, \therefore DE \text{ 是 } \odot O \text{ 的切线.}$

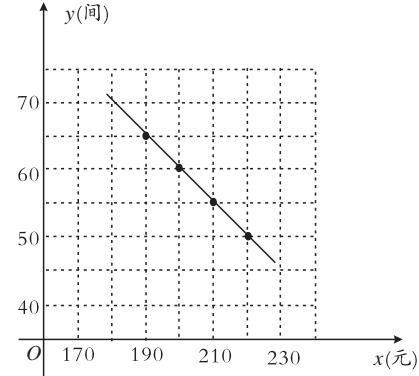
解: (2) 连接 AD, \because AC 是直径, $\therefore \angle ADC=90^\circ, \therefore AB=AC, \therefore \angle B=\angle C=30^\circ, BD=CD, \therefore \angle OAD=60^\circ, \therefore OA=OD, \therefore \triangle AOD \text{ 是等边三角形, } \therefore \angle AOD=60^\circ, \therefore DE=\sqrt{3}, \angle B=30^\circ, \angle BED=90^\circ, \therefore CD=BD=2DE=2\sqrt{3}, \therefore OD=AD=\tan 30^\circ \cdot CD=\frac{\sqrt{3}}{3} \times 2\sqrt{3}=2, \therefore \widehat{AD} \text{ 的长为: } \frac{60\pi \cdot 2}{180}=\frac{2\pi}{3}.$



22. 【考点】二次函数的应用.

【分析】(1) 描点、连线即可得;(2) 待定系数法求解可得;(3) 由营业额=入住房间数量×房价得出函数解析式, 再利用二次函数的性质求解可得.

解:(1) 如图所示:



(2) 设 $y=kx+b$, 将 $(200, 60), (220, 50)$ 代入, 得:

$$\begin{cases} 200k+b=60, \\ 220k+b=50, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k=-\frac{1}{2}, \\ b=160, \end{cases} \therefore y=-\frac{1}{2}x+160 (170 \leq x \leq 230).$$

$\leqslant x \leqslant 240$. (3) $w = xy = x(-\frac{1}{2}x + 160) = -\frac{1}{2}x^2 + 160x$, ∵ 对称轴为直线 $x = -\frac{b}{2a} = 160$, ∴ $a = -\frac{1}{2} < 0$, ∴ 在 $170 \leqslant x \leqslant 240$ 范围内, w 随 x 的增大而减小, ∴ 当 $x = 170$ 时, w 有最大值, 最大值为 12750 元.

23.【考点】一次函数综合题.

【分析】(1) 根据 $x = \frac{1}{3}(-1+7) = 2$, $y = \frac{1}{3}(5+7) = 4$, 即可求解; (2) ① 由题意得: $x = \frac{1}{3}(t+3)$, $y = \frac{1}{3}(2t+3)$, 即可求解; ② 分 $\angle DHT = 90^\circ$, $\angle TDH = 90^\circ$, $\angle HTD = 90^\circ$ 三种情况, 分别求解即可.

解: (1) $x = \frac{1}{3}(-1+7) = 2$, $y = \frac{1}{3}(5+7) = 4$, 故点 C 是点 A, B 的融合点. (2) ① 由题意得: $x = \frac{1}{3}(t+3)$, $y = \frac{1}{3}(2t+3)$, 则 $t = 3x - 3$, 则 $y = \frac{1}{3}(6x - 6 + 3) = 2x - 1$.

② 当 $\angle DHT = 90^\circ$ 时, 如图 1 所示,

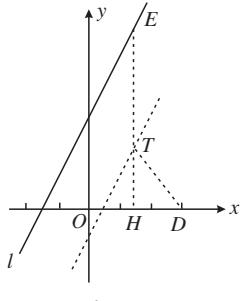


图1

设 $T(m, 2m-1)$, 则点 E $(m, 2m+3)$, 由点 T 是点 D, E 的融合点得: $m = \frac{m+3}{3} = m$ 或 $2m-1 = \frac{2m+3+0}{3}$, 解得: $m = \frac{3}{2}$, 即点 E $(\frac{3}{2}, 6)$; 当 $\angle TDH = 90^\circ$ 时, 如图 2 所示,

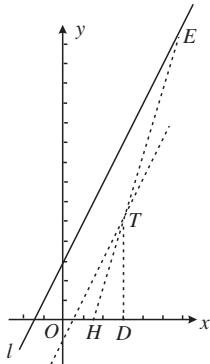


图2

则点 T $(3, 5)$, 由点 T 是点 D, E 的融合点得: 点 E $(6, 15)$; 当 $\angle HTD = 90^\circ$ 时, 该情况不存在. 故点 E $(\frac{3}{2}, 6)$ 或 $(6, 15)$.

24.【考点】相似形综合题.

【分析】(1) 解 $Rt\triangle ADC$ 即可解决问题. (2) 由 $DE \parallel AC$, 可得 $\frac{EF}{AG} = \frac{BE}{AB} = \frac{BD}{BC}$, 证明 $DF = AG$, 即可解决问题.

(3) 求出三种特殊位置: ① 当 $\odot Q$ 与 DE 相切时, 如图 1 中. ② 当 $\odot Q$ 经过点 E 时, 如图 2 中. ③ 当 $\odot Q$ 经过点 D 时, 如图 3 中, 分别求出 DM 的值即可判断.

解: (1) ∵ AD 平分 $\angle BAC$, $\angle BAC = 60^\circ$, ∴ $\angle DAC = \angle BAD = 30^\circ$, 在 $Rt\triangle ADC$ 中, $DC = AC \cdot \tan 30^\circ = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3}$. (2) 由题意易知: $BC = 6\sqrt{3}$, $BD = 4\sqrt{3}$, ∵ $DE \parallel AC$, ∴ $\angle FDM = \angle GAM$, ∵ $AM = DM$, $\angle DMF = \angle AMG$, ∴ $\triangle DFM \cong \triangle AGM$ (ASA), ∴ $DF = AG$, ∵ $DE \parallel AC$, ∴ $\frac{EF}{AG} = \frac{BE}{AB} = \frac{BD}{BC}$, ∴ $\frac{EF}{DF} = \frac{EF}{AG} = \frac{BD}{BC} = \frac{4\sqrt{3}}{6\sqrt{3}} = \frac{2}{3}$. (3) ∵ $\angle CPG = 60^\circ$, 过 C, P, G 作外接圆, 圆心为 Q, ∴ $\triangle CQG$ 是顶角为 120° 的等腰三角形. ① 当 $\odot Q$ 与 DE 相切时, 如图 1 中, 过点 Q 作 $QH \perp AC$ 于 H, 并延长 HQ 交 DE 于 P. 连接 QC, QG.

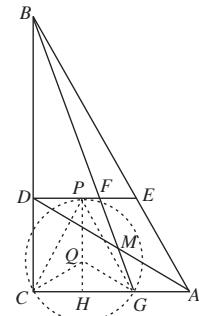


图1

设 $\odot Q$ 的半径 QP 为 r . 则 $QH = \frac{1}{2}r$, $r + \frac{1}{2}r = 2\sqrt{3}$, ∴ $r = \frac{4\sqrt{3}}{3}$, ∴ $CG = \frac{4\sqrt{3}}{3} \times \sqrt{3} = 4$, $AG = 2$, 由 $\triangle DFM \sim \triangle AGM$, 可得 $\frac{DM}{AM} = \frac{DF}{AG} = \frac{4}{3}$, ∴ $DM = \frac{4}{7}AD = \frac{16\sqrt{3}}{7}$.

② 当 $\odot Q$ 经过点 E 时, 如图 2, 延长 CQ 交 AB 于 K, 设 $CQ = r$.

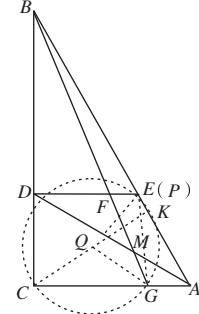


图2

∵ $QC = QG$, $\angle CQG = 120^\circ$, ∴ $\angle KCA = 30^\circ$, ∵ $\angle CAB = 60^\circ$, ∴ $\angle AKC = 90^\circ$, 在 $Rt\triangle EQK$ 中, $QK = 3\sqrt{3} - r$, $EQ = r$, $EK = 1$, ∴ $1^2 + (3\sqrt{3} - r)^2 = r^2$, 解得 $r = \frac{14\sqrt{3}}{9}$,

∴ $CG = \frac{14\sqrt{3}}{9} \times \sqrt{3} = \frac{14}{3}$, 由 $\triangle DFM \sim \triangle AGM$, 可得 $DM = \frac{14}{5}\sqrt{3}$. ③ 当 $\odot Q$ 经过点 D 时, 如图 3 中, 此时点 M, 点 G 与点 A 重合, 可得 $DM = AD = 4\sqrt{3}$.

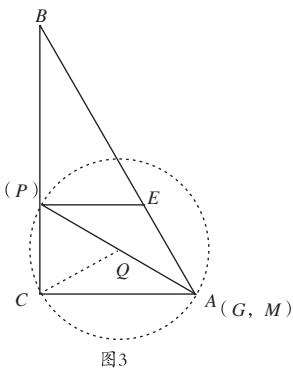


图3

综上所述：当 $DM = \frac{16\sqrt{3}}{7}$ 或 $\frac{14\sqrt{3}}{5} < DM \leq 4\sqrt{3}$ 时，满足条件的点 P 只有一个。

2019 年浙江省舟山(嘉兴)市中考试卷

一、选择题

1.【考点】相反数.

【分析】根据相反数的意义，直接可得结论。

解：因为 a 的相反数是 -a，所以 -2019 的相反数是 2019。

【答案】A.

2.【考点】用科学记数法表示较大的数.

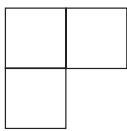
【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式，其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数。确定 n 的值时，要看把原数变成 a 时，小数点移动了多少位，n 的绝对值与小数点移动的位数相同。当原数绝对值 > 1 时，n 是正数；当原数的绝对值 < 1 时，n 是负数。解： $380\,000 = 3.8 \times 10^5$

【答案】C.

3.【考点】简单组合体的三视图.

【分析】找到从上面看所得到的图形即可，注意所有的看到的棱都应表现在俯视图中。

解：从上面看易得第一层有 1 个正方形，第二层有 2 个正方形，如图所示：



【答案】B.

4.【考点】折线统计图.

【分析】根据折线图一一判断即可。

解：A. 错误。签约金额 2017, 2018 年是下降的。B. 错误。与上年相比，2016 年的签约金额的增长量最多。C. 正确。

D. 错误。下降了： $\frac{244.6 - 221.6}{244.6} \approx 9.4\%$ 。

【答案】C.

5.【考点】实数的运算；零指数幂；特殊角的三角函数值.

【分析】直接利用零指数幂的性质以及绝对值的性质和立方根的性质分别化简得出答案。

解：由题意可得： $a + |-2| = \sqrt[3]{8} + 2^0$ ，则 $a + 2 = 3$ ，解得： $a = 1$ ，故 a 可以是 1^{2019} 。

【答案】D.

6.【考点】不等式的性质.

【分析】直接利用不等式的基本性质分别化简得出答案。

解： $\because a > b, c > d, \therefore a + c > b + d$.

【答案】A.

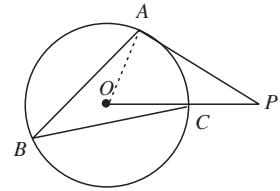
7.【考点】圆周角定理；切线的性质.

【分析】连接 OA，根据圆周角定理求出 $\angle AOP$ ，根据切线的性质求出 $\angle OAP = 90^\circ$ ，解直角三角形求出 AP 即可。

解：连接 OA， $\because \angle ABC = 30^\circ, \therefore \angle AOC = 2\angle ABC = 60^\circ$ ，

$\therefore \angle OAP = 90^\circ, \because OA = OC = 1, \therefore AP = OA \tan 60^\circ = 1 \times \sqrt{3} = \sqrt{3}$ ，

【答案】B.



8.【考点】由实际问题转化为二元一次方程组.

【分析】直接利用“马四匹、牛六头，共价四十八两（我国古代货币单位）；马三匹、牛五头，共价三十八两”，分别列方程得出答案。

解：设马每匹 x 两，牛每头 y 两，根据题意可列方程组为： $\begin{cases} 4x + 6y = 48 \\ 3x + 5y = 38 \end{cases}$ 。

【答案】D.

9.【考点】菱形的判定与性质；作图——轴对称变换；作图——旋转变换.

【分析】根据题意可以写出点 C 的坐标，然后根据与 y 轴对称和与原点对称的点的特点即可得到点 C'' 的坐标，本题得以解决。

解： \because 点 C 的坐标为 (2, 1)， \therefore 点 C' 的坐标为 (-2, 1)， \therefore 点 C'' 的坐标的坐标为 (2, -1)，

【答案】A.

10.【考点】一次函数图象上点的坐标特征；二次函数图象与系数的关系；二次函数图象上点的坐标特征；抛物线与 x 轴的交点；等腰直角三角形.

【分析】根据函数解析式，结合函数图象的顶点坐标、对称轴以及增减性依次对 4 个结论作出判断即可。

解：二次函数 $y = -(x-m)^2 - m+1$ (m 为常数) ① \because 顶点坐标为 $(m, -m+1)$ 且当 $x=m$ 时， $y=-m+1$ \therefore 这个函数图象的顶点始终在直线 $y = -x+1$ 上，故结论①正确；②假设存在一个 m 的值，使得函数图象的顶点与 x 轴的两个交点构成等腰直角三角形。令 $y=0$ ，得 $-(x-m)^2 - m+1 = 0$ ，其中 $m \leq 1$ 解得： $x = m - \sqrt{-m+1}$, $x = m + \sqrt{-m+1}$ \because 顶点坐标为 $(m, -m+1)$ ，且顶点与 x 轴的两个交点构成等腰直角三角形， $\therefore |-m+1| = |m - (m - \sqrt{-m+1})|$ ，解得： $m=0$ 或 1 ， \therefore 存在 $m=0$ 或 1 ，使得函数图象的顶点与 x 轴的两个交点构成等腰直角三角形，故结论②正确；③ $\because x_1 + x_2 > 2m \therefore \frac{x_1 + x_2}{2}$

$> m \because$ 二次函数 $y = -(x-m)^2 - m + 1$ (m 为常数) 的对称轴为直线 $x=m$. \therefore 点 A 离对称轴的距离小于点 B 离对称轴的距离 $\because x_1 < x_2$, 且 $-1 < 0 \therefore y_1 > y_2$ 故结论③错误; ④当 $-1 < x < 2$ 时, y 随 x 的增大而增大, 且 $-1 < 0$, $\therefore m$ 的取值范围为 $m \geq 2$. 故结论④正确.

【答案】C.

二、填空题

11. 【考点】因式分解——提公因式法.

【分析】直接提取公因式 x 分解因式即可.

$$\text{解: } x^2 - 5x = x(x-5).$$

【答案】 $x(x-5)$.

12. 【考点】列表法与树状图法.

【分析】画出树状图, 共有 6 个等可能的结果, 甲被选中的结果有 4 个, 由概率公式即可得出结果.

解: 树状图如图所示: 共有 6 个等可能的结果, 甲被选中的结果有 4 个, \therefore 甲被选中的概率为 $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$;



【答案】 $\frac{2}{3}$.

13. 【考点】实数与数轴; 实数大小比较.

【分析】根据两个负数比较大小, 其绝对值大的反而小和负数都小于 0, 即可得出答案.

解: $\because a > 0, b < 0, a+b < 0, \therefore |b| > a, \therefore -b > a, b < -a$, \therefore 四个数 $a, b, -a, -b$ 的大小关系为 $b < -a < a < -b$.

【答案】 $b < -a < a < -b$

14. 【考点】根的判别式.

【分析】要使方程有两个相等的实数根, 即 $\Delta=0$, 则利用根的判别式即可求得一次项的系数即可.

解: 要使方程有两个相等的实数根, 则 $\Delta=b^2-4ac=b^2-16=0$ 得 $b=\pm 4$. 故一次项为 $\pm 4x$.

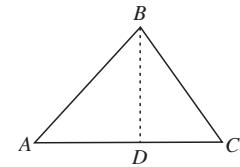
【答案】 $\pm 4x$.

15. 【考点】勾股定理; 解直角三角形.

【分析】过 B 作 $BD \perp AC$ 于 D, 易证 $\triangle ABD$ 是等腰直角三角形, 那么 $AD=BD$. 根据勾股定理得出 $AB^2=AD^2+DB^2=2BD^2$, $BC^2=DC^2+BD^2$, 那么 $AC^2-BC^2=(AD+DC)^2-(DC^2+BD^2)=2BD \cdot DC$, 代入 $AC^2-BC^2=\frac{\sqrt{5}}{5}AB^2$, 得出 $DC=\frac{\sqrt{5}}{5}BD$, 进而根据正切函数的定义即可求解.

【答案】解: 如图, 过 B 作 $BD \perp AC$ 于 D, $\because \angle A=45^\circ$, $\therefore \angle ABD=\angle A=45^\circ$, $\therefore AD=BD$. $\therefore \angle ADB=\angle CDB=90^\circ$, $\therefore AB^2=AD^2+DB^2=2BD^2$, $BC^2=DC^2+BD^2$, $\therefore AC^2-BC^2=(AD+DC)^2-(DC^2+BD^2)=AD^2+DC^2+2AD \cdot DC-DC^2-BD^2=2AD \cdot DC=2BD \cdot DC$, $\therefore AC^2-BC^2=\frac{\sqrt{5}}{5}AB^2$, $\therefore 2BD \cdot DC=\frac{\sqrt{5}}{5} \times 2BD^2$, $\therefore DC=\frac{\sqrt{5}}{5}BD$

$$BD, \therefore \tan C=\frac{BC}{DC}=\frac{BD}{\frac{\sqrt{5}}{5}BD}=\sqrt{5}.$$

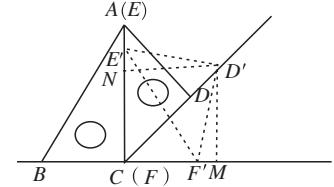


16. 【考点】三角形的面积; 轨迹.

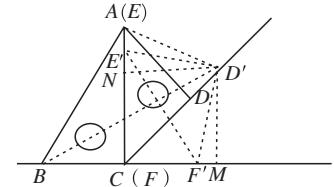
【分析】过点 D' 作 $D'N \perp AC$ 于点 N, 作 $D'M \perp BC$ 于点 M, 由直角三角形的性质可得 $BC=4\sqrt{3}cm$, $AB=8\sqrt{3}cm$, $ED=DF=6\sqrt{2}cm$, 由“ AAS ”可证 $\triangle D'NE' \cong \triangle D'MF'$, 可得 $D'N=D'M$, 即点 D' 在射线 CD 上移动, 且当 $E'D' \perp AC$ 时, DD' 值最大, 则可求点 D 运动的路径长, 由三角形面积公式可求

$$S_{\triangle AD'B}=\frac{1}{2} \times BC \times AC + \frac{1}{2} \times AC \times D'N - \frac{1}{2} \times BC \times D'M = 24\sqrt{3} + \frac{1}{2}(12-4\sqrt{3}) \times D'N, \text{则 } E'D' \perp AC \text{ 时, } S_{\triangle AD'B} \text{ 有最大值.}$$

解: $\because AC=12cm, \angle A=30^\circ, \angle DEF=45^\circ \therefore BC=4\sqrt{3}cm, AB=8\sqrt{3}cm, ED=DF=6\sqrt{2}cm$ 如图, 当点 E 沿 AC 方向下滑时, 得 $\triangle E'D'F'$, 过点 D' 作 $D'N \perp AC$ 于点 N, 作 $D'M \perp BC$ 于点 M.



$\therefore \angle MD'N=90^\circ$, 且 $\angle E'D'F'=90^\circ \therefore \angle E'D'N=\angle F'D'M$, 且 $\angle D'NE'=\angle D'MF'=90^\circ$, $E'D'=D'F'$, $\therefore \triangle D'NE' \cong \triangle D'MF'$ (AAS), $\therefore D'N=D'M$, 且 $D'N \perp AC$, $D'M \perp CM$. $\therefore CD'$ 平分 $\angle ACM$, 即点 E 沿 AC 方向下滑时, 点 D' 在射线 CD 上移动, \therefore 当 $E'D' \perp AC$ 时, DD' 值最大, 最大值 $=\sqrt{2}ED-CD=(12-6\sqrt{2})cm$. \therefore 当点 E 从点 A 滑动到点 C 时, 点 D 运动的路径长 $=2 \times (12-6\sqrt{2})=(24-12\sqrt{2})cm$. 如图. 连接 BD', AD' .



$$\therefore S_{\triangle AD'B}=S_{\triangle ABC}+S_{\triangle AD'C}-S_{\triangle BB'C}, \therefore S_{\triangle AD'B}=\frac{1}{2} \times BC \times AC + \frac{1}{2} \times AC \times D'N - \frac{1}{2} \times BC \times D'M = 24\sqrt{3} + \frac{1}{2}(12-4\sqrt{3}) \times D'N. \text{ 当 } E'D' \perp AC \text{ 时, } S_{\triangle AD'B} \text{ 有最大值, } \therefore S_{\triangle AD'B} \text{ 最大值 } = 24\sqrt{3} + \frac{1}{2}(12-4\sqrt{3}) \times 6\sqrt{2} = (24\sqrt{3}+36\sqrt{2}-12\sqrt{6})cm^2.$$

【答案】 $24-12\sqrt{2}, 24\sqrt{3}+36\sqrt{2}-12\sqrt{6}$.

三、解答题

17. 【考点】分式的化简求值.

【分析】解: 解答过程中步骤①、②有误.

$$\text{原式} = \frac{x-1}{(x+1)(x-1)} + \frac{2}{(x+1)(x-1)} = \frac{x+1}{(x+1)(x-1)} = \frac{1}{x-1}, \text{当}$$

$$x=\sqrt{3}+1 \text{ 时, 原式} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

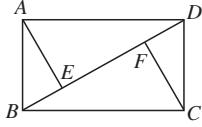
18.【考点】全等三角形的判定与性质;矩形的性质.

【分析】根据 SAS 即可证明 $\triangle ABE \cong \triangle CDF$ 可得 $AE = CF$.

解: 添加的条件是 $BE = DF$ 或 $DE = BF$ 或 $AE \parallel CF$ 或 $\angle AEB = \angle DFC$ 或 $\angle DAE = \angle BCF$ 或 $\angle AED = \angle CFB$ 或 $\angle BAE = \angle DCF$ 等.

证明: \because 四边形 ABCD 是矩形, $\therefore AB \parallel CD, AB = CD, \therefore \angle ABE = \angle CDF$,

又 $\because BE = DF$ (添加), $\therefore \triangle ABE \cong \triangle CDF$ (SAS), $\therefore AE = CF$.



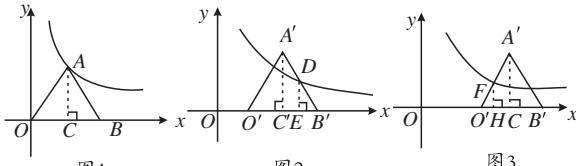
19.【考点】反比例函数图象上点的坐标特征;待定系数法求反比例函数解析式;等边三角形的性质;坐标与图形变化——平移.

【分析】(1) 过点 A 作 $AC \perp OB$ 于点 C, 根据等边三角形的性质得出点 A 坐标, 用待定系数法求得反比例函数的解析式即可; (2) 分两种情况讨论: ① 反比例函数图象过 $A'B'$ 的中点; ② 反比例函数图象过 $A'O'$ 的中点. 分别过中点作 x 轴的垂线, 再根据 30° 角所对的直角边是斜边的一半得出中点的纵坐标, 代入反比例函数的解析式得出中点坐标, 再根据平移的法则得出 a 的值即可.

解: (1) 如图 1, 过点 A 作 $AC \perp OB$ 于点 C, $\because \triangle OAB$ 是等边三角形, $\therefore \angle AOB = 60^\circ, OC = \frac{1}{2}OB, \therefore B(4, 0)$,

$\therefore OB = OA = 4, \therefore OC = 2, AC = 2\sqrt{3}$. 把点 $A(2, 2\sqrt{3})$ 代入 $y = \frac{k}{x}$, 得 $k = 4\sqrt{3}$. \therefore 反比例函数的解析式为 $y = \frac{4\sqrt{3}}{x}$; (2) 分两种情况讨论: ① 如图 2, 点 D 是 $A'B'$ 的中点, 过点 D 作 $DE \perp x$ 轴于点 E. 由题意得 $A'B' = 4, \angle A'B'E = 60^\circ$, 在 $Rt\triangle DEB'$ 中, $B'D = 2, DE = \sqrt{3}, B'E = 1$. $\therefore O'E = 3$, 把 $y = \sqrt{3}$ 代入 $y = \frac{4\sqrt{3}}{x}$, 得 $x = 4, \therefore OE = 4, \therefore a = OO' = 1$;

② 如图 3, 点 F 是 $A'O'$ 的中点, 过点 F 作 $FH \perp x$ 轴于点 H. 由题意得 $A'O' = 4, \angle A'O'B' = 60^\circ$, 在 $Rt\triangle FO'H$ 中, $FH = \sqrt{3}, O'H = 1$. 把 $y = \sqrt{3}$ 代入 $y = \frac{4\sqrt{3}}{x}$, 得 $x = 4, \therefore OH = 4, \therefore a = OO' = 3$, 综上所述, a 的值为 1 或 3.



20.【考点】平行四边形的判定与性质;作图——应用与设计

作图; 平行线分线段成比例. 多边形与平行四边形; 图形的相似.

【分析】(1) 由勾股定理得: $CD = AB = CD' = \sqrt{5}, BD = AC = BD'' = \sqrt{13}, AD' = BC = AD'' = \sqrt{10}$; 画出图形即可;

(2) 根据平行线分线段成比例定理画出图形即可.

解: (1) 由勾股定理得: $CD = AB = CD' = \sqrt{5}, BD = AC =$

$BD'' = \sqrt{13}, AD' = BC = AD'' = \sqrt{10}$; 画出图形如图 1 所示;

(2) 如图 2 所示.

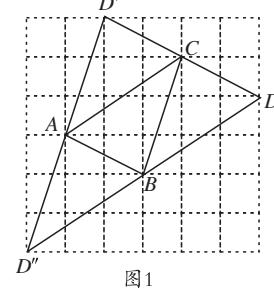


图1

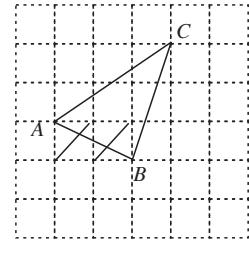


图2

21.【考点】用样本估计总体; 频数(率)分布直方图; 统计量的选择.

【分析】(1) 因为有 50 名居民, 所以中位数落在第四组, 中位数为 75; (2) A 小区 500 名居民成绩能超过平均数的人数: $500 \times \frac{24}{50} = 240$ (人); (3) 从平均数看, 两个小区居民对垃圾分类知识掌握情况的平均水平相同; 从方差看, B 小区居民对垃圾分类知识掌握的情况比 A 小区稳定; 从中位数看, B 小区至少有一半的居民成绩高于平均数.

解: (1) 因为有 50 名居民, 所以中位数落在第四组, 中位数为 75, 故答案为 75; (2) $500 \times \frac{24}{50} = 240$ (人), 答: A 小区 500 名居民成绩能超过平均数的人数 240 人; (3) 示例: 从平均数看, 两个小区居民对垃圾分类知识掌握情况的平均水平相同; 从方差看, B 小区居民对垃圾分类知识掌握的情况比 A 小区稳定; 从中位数看, B 小区至少有一半的居民成绩高于平均数.

22.【考点】解直角三角形的应用.

【分析】(1) 过点 C 作 $CG \perp AM$ 于点 G, 证明 $AB \parallel CG \parallel DE$, 再根据平行线的性质求得结果; (2) 过点 C 作 $CP \perp DE$ 于点 P, 过点 B 作 $BQ \perp DE$ 于点 Q, 交 CG 于点 N, 如图 2, 通过解直角三角形求得 DE, 过点 D 作 $DH \perp AM$ 于点 H, 过点 C 作 $CK \perp DH$ 于点 K, 如图 3, 通过解直角三角形求得 DH, 最后便可求得结果.

解: (1) 过点 C 作 $CG \perp AM$ 于点 G, 如图 1,

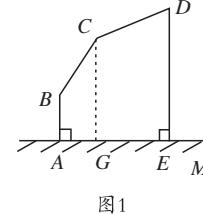


图1

$\because AB \perp AM, DE \perp AM, \therefore AB \parallel CG \parallel DE, \therefore \angle DCG = 180^\circ - \angle CDE = 110^\circ, \therefore BCG = \angle BCD - \angle DCG = 30^\circ$,

$\therefore \angle ABC = 180^\circ - \angle BCG = 150^\circ$. ∴ 动臂 BC 与 AB 的夹角为 150° . (2) 过点 C 作 $CP \perp DE$ 于点 P, 过点 B 作 $BQ \perp DE$ 于点 Q, 交 CG 于点 N, 如图 2,

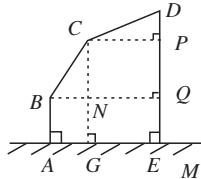


图2

在 $Rt\triangle CPD$ 中, $DP = CD \times \cos 70^\circ \approx 0.51$ (米), 在 $Rt\triangle BCN$ 中, $CN = BC \times \cos 30^\circ \approx 1.04$ (米), $\therefore DE = DP + PQ + QE = DP + CN + AB = 2.35$ (米), 如图 3, 过点 D 作 $DH \perp AM$ 于点 H, 过点 C 作 $CK \perp DH$ 于点 K,

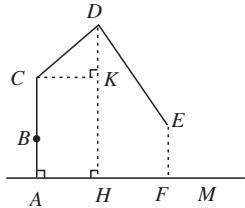


图3

在 $Rt\triangle CKD$ 中, $DK = CD \times \sin 50^\circ \approx 1.16$ (米), $\therefore DH = DK + KH = 3.16$ (米), $\therefore DH - DE \approx 0.8$ (米), \therefore 斗杆顶点 D 的最高点比初始位置高了约 0.8 米.

23.【考点】二次函数的应用.

【分析】(1) 把 $(25, 0.3)$ 代入 $p = -\frac{1}{160}(t-h)^2 + 0.4$, 解方程即可得到结论; (2) ① 由表格可知, m 是 p 的一次函数, 于是得到 $m = 100p - 20$; ② 当 $10 \leq t \leq 25$ 时, $p = \frac{1}{50}t - \frac{1}{5}$, 求得 $m = 100(\frac{1}{50}t - \frac{1}{5}) - 20 = 2t - 40$; 当 $25 \leq t \leq 37$ 时, 根据题意即可得到 $m = 100[-\frac{1}{160}(t-h)^2 + 0.4]$ $- 20 = -(\frac{5}{8}t - 29)^2 + 20$; ③ 分情况讨论, 根据二次函数的性质即可得到结论.

解: (1) 把 $(25, 0.3)$ 代入 $p = -\frac{1}{160}(t-h)^2 + 0.4$ 得, $0.3 = -\frac{1}{160}(25-h)^2 + 0.4$, 解得: $h = 29$ 或 $h = 21$, $\because h > 25$, $\therefore h = 29$; (2) ① 由表格可知, m 是 p 的一次函数, $\therefore m = 100p - 20$; ② 当 $10 \leq t \leq 25$ 时, $p = \frac{1}{50}t - \frac{1}{5}$, $\therefore m = 100(\frac{1}{50}t - \frac{1}{5}) - 20 = 2t - 40$; 当 $25 \leq t \leq 37$ 时, $p = -\frac{1}{160}(t-h)^2 + 0.4$, $\therefore m = 100[-\frac{1}{160}(t-29)^2 + 0.4]$ $- 20 = -\frac{5}{8}(t-29)^2 + 20$; ③ 设利润为 y 元, 则当 $20 \leq t \leq 25$ 时, $y = 600m + 10[100 \times 30 - (30-m) \times 200] = 800m - 3000 = 1600t - 35000$ 当 $20 \leq t \leq 25$ 时, y 随着 t 的增大而增大. 当 $t = 25$ 时, 最大值 $y = 5000$. 当 $25 < t \leq 37$ 时, $y = 600m + [100 \times 30 - (30-m) \times 400] = 1000m - 9000 = -625(t-29)^2 + 11000$. $\because a = -625 < 0$ \therefore 当 $t = 29$ 时, 最大值 $y = 11000$. $\because 11000 > 5000$,

\therefore 当加温到 29°C 时, 利润最大.

24.【考点】四边形综合题.

【分析】(1) 由相似三角形的性质构建方程即可解决问题. (2) 根据题意画出图形即可. (3) 首先证明四边形 PQMN 是矩形, 再证明 $MN = PN$ 即可. (4) 证明 $\triangle BQE \sim \triangle BEM$, 推出 $\angle BEQ = \angle BME$, 由 $\angle BME + \angle EMN = 90^\circ$, 可得 $\angle BEQ + \angle NEM = 90^\circ$, 即可解决问题.

(1) 解: 如图 1 中,

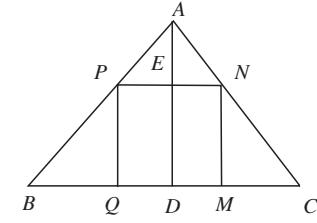


图1

由正方形 PQMN 得 $PN \parallel BC$, $\therefore \triangle APN \sim \triangle ABC$,

$\therefore \frac{PN}{BC} = \frac{AE}{AD}$, 即 $\frac{PN}{a} = \frac{h-PN}{h}$, 解得 $PN = \frac{ab}{a+h}$. (2) 能画出这样的正方形. 如图 2 中, 正方形 PNMQ 即为所求.

(3) 证明:

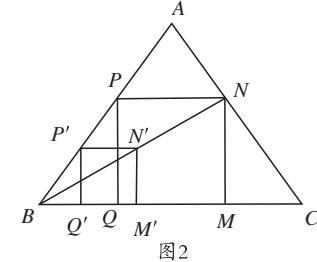


图2

由画图可知: $\angle QMN = \angle PNM = \angle PQM = \angle Q'M'N' = 90^\circ$, \therefore 四边形 PQMN 是矩形, $MN \parallel M'N'$, $\therefore \triangle BN'M' \sim \triangle BNM$, $\therefore \frac{M'N'}{MN} = \frac{BN'}{BN}$, 同理可得: $\frac{P'N'}{PN} = \frac{BN'}{BN}$,

$\therefore \frac{M'N'}{MN} = \frac{P'N'}{PN}$, $\therefore M'N' = P'N'$, $\therefore MN = PN$, \therefore 四边形 PQMN 是正方形.

(4) 解: 过点 N 作 $NR \perp EM$ 于点 R. $\because NE = NM$, $\therefore \angle NEM = \angle NME$, $\therefore ER = RM = \frac{1}{2}EM$, 又 $\because \angle EQM + \angle EMQ = \angle EMQ + \angle EMN = 90^\circ$, $\therefore \angle EQM = \angle EMN$, 又 $\because \angle QEM = \angle NRM = 90^\circ$, $\therefore NM = QM$, $\therefore \triangle EQM \cong \triangle RMN$ (AAS), $EQ = RM$, $\therefore EQ = \frac{1}{2}EM$. $\because \angle QEM = 90^\circ$, $\therefore \angle BEQ + \angle NEM = 90^\circ$, $\therefore \angle BEQ = \angle EMB$. 又 $\because \angle EBM = \angle QBE$, $\therefore \triangle BEQ \sim \triangle BME$, $\therefore \frac{BQ}{BE} = \frac{BE}{BM} = \frac{EQ}{EM} = \frac{1}{2}$. 设 $BQ = x$, 则 $BE = 2x$, $BM = 4x$, $\therefore QM = BM - BQ = 3x = MN = NE$, $\therefore BN = BE + NE = 5x$, $\therefore BN = \frac{5}{3}NM = \frac{5ah}{3a+3h}$.

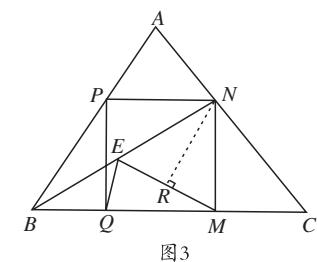


图3

2019 年浙江省台州市中考数学试卷

一、选择题

1.【考点】合并同类项.

【分析】 $2a - 3a = -a$.

【答案】C.

2.【考点】由三视图判断几何体.

【分析】根据一个空间几何体的主视图和俯视图都是宽度相等的长方形, 可判断该几何体是柱体, 进而根据左视图的形状, 可判断柱体侧面形状, 得到答案.

解: ∵几何体的主视图和俯视图都是宽度相等的长方形, 故该几何体是一个柱体, 又 ∵俯视图是一个圆, 故该几何体是一个圆柱.

【答案】C.

3.【考点】用科学记数法表示较大的数.

【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数. 确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时, 小数点移动了多少位, n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时, n 是正数; 当原数的绝对值 < 1 时, n 是负数.

解: 数字 595 200 000 000 科学记数法可表示为 5.952×10^{11} 元.

【答案】A.

4.【考点】三角形的三边关系.

【分析】根据三角形的三边关系即可求.

解: A 选项, $3+4=7<8$, 两边之和小于第三边, 故不能组成三角形

B 选项, $5+6=11>10$, $10-5<6$, 两边之各大于第三边, 两边之差小于第三边, 故能组成三角形

C 选项, $5+5=10<11$, 两边之和小于第三边, 故不能组成三角形

D 选项, $5+6=11=11$, 两边之和不大于第三边, 故不能组成三角形

【答案】B.

5.【考点】算术平均数; 中位数; 众数; 方差.

【分析】根据方差的定义可得答案.

解: 方差 $s^2 = \frac{1}{n} [(x_1 - 5)^2 + (x_2 - 5)^2 + (x_3 - 5)^2 + \dots + (x_n - 5)^2]$ 中“5”是这组数据的平均数.

【答案】B.

6.【考点】二元一次方程组的应用.

【分析】直接利用已知方程得出上坡的路程为 x , 平路为 y , 进而得出等式求出答案.

解: 设未知数 x, y , 已经列出一个方程 $\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = \frac{54}{60}$, 则另

一个方程正确的是: $\frac{x}{5} + \frac{y}{4} = \frac{42}{60}$.

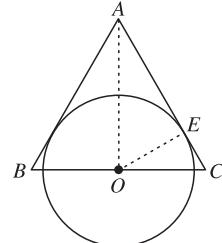
【答案】B.

7.【考点】等边三角形的性质; 切线的性质.

【分析】设 $\odot O$ 与 AC 的切点为 E , 连接 AO, OE , 根据等边三角形的性质得到 $AC=8$, $\angle C=\angle BAC=60^\circ$, 由切线的性质得到 $\angle BAO=\angle CAO=\angle EOC=30^\circ$, 求得 $\angle AOC=90^\circ$, 解直角三角形即可得到结论.

解: 设 $\odot O$ 与 AC 的切点为 E , 连接 AO, OE , ∵等边三角形 ABC 的边长为 8, ∴ $AC=8$, $\angle C=\angle BAC=60^\circ$, ∵圆分别与边 AB, AC 相切, ∴ $\angle BAO=\angle CAO=\angle EOC=30^\circ$, ∵ $\angle AOC=90^\circ$, ∴ $OC=\frac{1}{2}AC=4$, ∵ $OE \perp AC$, ∴ $OE=\frac{\sqrt{3}}{2}OC=2\sqrt{3}$, ∴ $\odot O$ 的半径为 $2\sqrt{3}$.

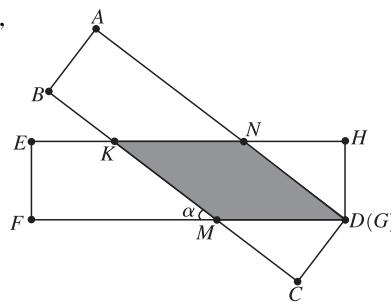
【答案】A.



8.【考点】平行四边形的判定; 矩形的性质; 解直角三角形.

【分析】由“ASA”可证 $\triangle CDM \cong \triangle HDN$, 可证 $MD=DN$, 即可证四边形 $DNKM$ 是菱形, 当点 B 与点 E 重合时, 两张纸片交叉所成的角 α 最小, 可求 $CM=\frac{15}{4}$, 即可求 $\tan \alpha$ 的值.

解: 如图,



∴ $\angle ADC = \angle HDF = 90^\circ$

∴ $\angle CDM = \angle NDH$, 且 $CD = DH$, $\angle H = \angle C = 90^\circ$

∴ $\triangle CDM \cong \triangle HDN$ (ASA)

∴ $MD = ND$, 且四边形 $DNKM$ 是平行四边形

∴ 四边形 $DNKM$ 是菱形

∴ $KM = DM$ ∵ $\sin \alpha = \sin \angle DMC = \frac{CD}{MD}$

∴ 当点 B 与点 E 重合时, 两张纸片交叉所成的角 α 最小, 设 $MD = a = BM$, 则 $CM = 8 - a$,

∴ $MD^2 = CD^2 + MC^2$, ∴ $a^2 = 4 + (8-a)^2$,

∴ $a = \frac{17}{4}$ ∴ $CM = \frac{15}{4}$ ∴ $\tan \alpha = \tan \angle DMC = \frac{CD}{MC} = \frac{8}{15}$

【答案】D.

9.【考点】命题与定理.

【分析】函数 $y = \frac{3}{x}$ 的图象在第一、三象限, 图象 C 与函数关于直线 $y=2$ 对称, 点 $(\frac{3}{2}, 2)$ 是图象 C 与函数 $y = \frac{3}{x}$ 的

交点;①正确;点 $(\frac{1}{2}, -2)$ 关于 $y=2$ 对称的点为点 $(\frac{1}{2}, 6)$,在函数 $y=\frac{3}{x}$ 上;②正确; $y=\frac{3}{x}$ 上任意一点为 (x, y) ,则点 (x, y) 与 $y=2$ 对称点的纵坐标为 $4-\frac{3}{x}$;③错误; $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ 关于 $y=2$ 对称点为 $(x_1, 4-y_1), B(x_2, 4-y_2)$ 在函数 $y=\frac{3}{x}$ 上,可得 $4-y_1=\frac{3}{x_1}, 4-y_2=\frac{3}{x_2}$,当 $x_1>x_2>0$ 或 $0>x_1>x_2$,有 $y_1>y_2$;④不正确.

解: \because 函数 $y=\frac{3}{x}$ 的图象在第一、三象限,图象C与函数关于直线 $y=2$ 对称,点 $(\frac{3}{2}, 2)$ 是图象C与函数 $y=\frac{3}{x}$ 的交点; \therefore ①正确;点 $(\frac{1}{2}, -2)$ 关于 $y=2$ 对称的点为点 $(\frac{1}{2}, 6)$, $\because (\frac{1}{2}, 6)$ 在函数 $y=\frac{3}{x}$ 上, \therefore 点 $(\frac{1}{2}, -2)$ 在图象C上; \therefore ②正确; $\because y=\frac{3}{x}$ 中 $y\neq 0, x\neq 0$,取 $y=\frac{3}{x}$ 上任意一点为 (x, y) ,则点 (x, y) 与 $y=2$ 对称点的纵坐标为 $4-\frac{3}{x}$; \therefore ③错误; $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ 关于 $y=2$ 对称点为 $(x_1, 4-y_1), B(x_2, 4-y_2)$ 在函数 $y=\frac{3}{x}$ 上, $\therefore 4-y_1=\frac{3}{x_1}, 4-y_2=\frac{3}{x_2}$, $\because x_1>x_2>0$ 或 $0>x_1>x_2$, $\therefore 4-y_1<4-y_2$, $\therefore y_1>y_2$; \therefore ④不正确.

【答案】A.

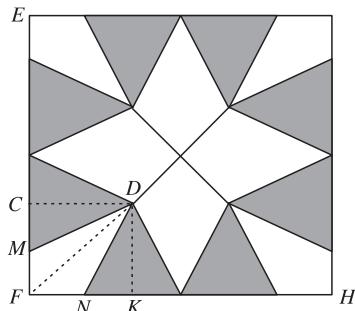
10.【考点】正方形的性质;图形的剪拼.

【分析】如图,作 $DC \perp EF$ 于C, $DK \perp FH$ 于K,连接DF.求出 $\triangle DFN$ 与 $\triangle DNK$ 的面积比即可.

解:如图,作 $DC \perp EF$ 于C, $DK \perp FH$ 于K,连接DF.

由题意:四边形 $DCFK$ 是正方形, $\angle CDM = \angle MDF = \angle FDN = \angle NDK$, $\therefore \angle CDK = \angle DKF = 90^\circ$, $DK = FK, DF = \sqrt{2}DK$, $\therefore \frac{S_{\triangle DFN}}{S_{\triangle DNK}} = \frac{FN}{NK} = \frac{DF}{DK} = \sqrt{2}$ (角平分线的性质定理,可以用面积法证明), $\therefore \frac{S_{\text{A型}}}{S_{\text{B型}}} = \frac{2S_{\triangle DFN}}{2S_{\triangle DNK}} = \sqrt{2}$, \therefore 图案中A型瓷砖的总面积与B型瓷砖的总面积之比为 $\sqrt{2}:1$.

【答案】A.



二、填空题

11.【考点】提公因式法与公式法的综合运用.

【分析】应先提取公因式 a ,再对余下的多项式利用平方差公式继续分解.

$$\begin{aligned} & ax^2 - ay^2, \\ & = a(x^2 - y^2), \\ & = a(x+y)(x-y). \end{aligned}$$

【答案】 $a(x+y)(x-y)$.

12.【考点】平方根.

【分析】直接利用平方根的定义分析得出答案.

解:若一个数的平方等于5,则这个数等于 $\pm\sqrt{5}$.

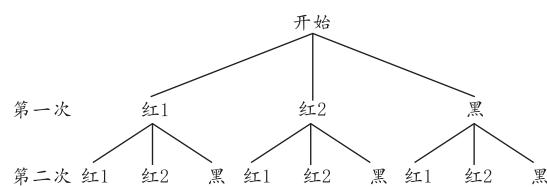
【答案】 $\pm\sqrt{5}$.

13.【考点】列表法与树状图法.

【分析】画出树状图然后根据概率公式列式即可得解.

解:画树状图如图所示:一共有9种等可能的情况,两次摸出的小球颜色不同的有4种,

\therefore 两次摸出的小球颜色不同的概率为 $\frac{4}{9}$;



【答案】 $\frac{4}{9}$.

14.【考点】圆周角定理;圆内接四边形的性质;轴对称的性质.

【分析】直接利用圆内接四边形的性质结合三角形外角的性质得出答案.

解: \because 圆内接四边形ABCD, $\therefore \angle D = 180^\circ - \angle ABC = 116^\circ$, \because 点D关于AC的对称点E在边BC上, $\therefore \angle D = \angle AEC = 116^\circ$, $\therefore \angle BAE = 116^\circ - 64^\circ = 52^\circ$.

【答案】 52° .

15.【考点】规律型:数字的变化类.

【分析】求出第一次编号中砸碎3的倍数的个数,得余下金蛋的个数,再求第二次编号中砸碎的3的倍数的个数,得余下金蛋的个数,依次推理便可得到操作过程中砸碎编号是“66”的“金蛋”总个数.

解: $\because 210 \div 3 = 70$, \therefore 第一次砸碎3的倍数的金蛋个数为70个,剩下 $210 - 70 = 140$ 个金蛋,重新编号为1,2,3,...,140; $\because 140 \div 3 = 46 \dots 2$, \therefore 第二次砸碎3的倍数的金蛋个数为46个,剩下 $140 - 46 = 94$ 个金蛋,重新编号为1,2,3,...,94; $\because 94 \div 3 = 31 \dots 1$, \therefore 第三次砸碎3的倍数的金蛋个数为31个,剩下 $94 - 31 = 63$ 个金蛋, $\therefore 63 < 66$, \therefore 砸三次后,就不再存在编号为66的金蛋,故操作过程中砸碎编号是“66”的“金蛋”共有3个.

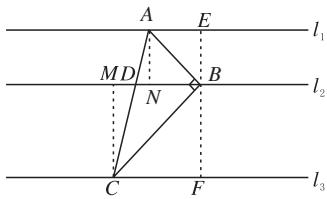
【答案】3.

16.【考点】平行线之间的距离.

【分析】过B作 $BE \perp l_1$ 于E, 延长EB交 l_3 于F, 过A作 $AN \perp l_2$ 于N, 过C作 $CM \perp l_2$ 于M, 设 $AE=x$, $CF=y$, $BN=x$, $BM=y$, 得到 $DM=y-4$, $DN=4-x$, 根据相似三角形的性质得到 $xy=mn$, $y=-\frac{3}{2}x+10$, 由 $\frac{m}{n}=\frac{2}{3}$, 得到 $n=\frac{3}{2}m$, 于是得到 $(m+n)_{\text{最大}}=\frac{5}{2}m$, 然后根据二次函数的性质即可得到结论.

解: 过B作 $BE \perp l_1$ 于E, 延长EB交 l_3 于F, 过A作 $AN \perp l_2$ 于N, 过C作 $CM \perp l_2$ 于M, 设 $AE=x$, $CF=y$, $BN=x$, $BM=y$, $\therefore BD=4$, $\therefore DM=y-4$, $DN=4-x$, $\because \angle ABC=\angle AEB=\angle BFC=\angle CMD=\angle AND=90^\circ$, $\therefore \angle EAB+\angle ABE=\angle ABE+\angle CBF=90^\circ$, $\therefore \angle EAB=\angle CBF$, $\therefore \triangle ABE \sim \triangle BFC$, $\therefore \frac{AE}{BF}=\frac{BE}{CF}$, 即 $\frac{x}{n}=\frac{m}{y}$, $\therefore xy=mn$, $\therefore \angle ADN=\angle CDM$, $\therefore \triangle CMD \sim \triangle AND$, $\therefore \frac{AN}{CM}=\frac{DN}{DM}$, 即 $\frac{m}{n}=\frac{4-x}{y-4}=\frac{2}{3}$, $\therefore y=-\frac{3}{2}x+10$, $\therefore \frac{m}{n}=\frac{2}{3}$, $\therefore n=\frac{3}{2}m$, $\therefore (m+n)_{\text{最大}}=\frac{5}{2}m$, \therefore 当 m 最大时, $(m+n)_{\text{最大}}=\frac{5}{2}m$, $\therefore mn=xy=x(-\frac{3}{2}x+10)=-\frac{3}{2}x^2+10x=\frac{3}{2}m^2$, \therefore 当 $x=-\frac{10}{2 \times (-\frac{3}{2})}=\frac{10}{3}$ 时, $mn_{\text{最大}}=\frac{50}{3}=\frac{3}{2}m^2$, $\therefore m_{\text{最大}}=\frac{10}{3}$, $\therefore m+n$ 的最大值为 $\frac{5}{2} \times \frac{10}{3}=\frac{25}{3}$.

【答案】 $\frac{25}{3}$.



三、解答题.

17.【考点】实数的运算.

【分析】分别根据二次根式的性质、绝对值的性质化简即可求解.

【答案】原式 $=2\sqrt{3}+\sqrt{3}-1+1=3\sqrt{3}$.

18.【考点】分式的化简求值.

【分析】根据分式的加减运算法则把原式化简, 代入计算即可.

$$\text{解: } \frac{3x}{x^2-2x+1}-\frac{3}{x^2-2x+1}$$

$$=\frac{3(x-1)}{(x-1)^2}$$

$$=\frac{3}{x-1}.$$

$$\text{当 } x=\frac{1}{2} \text{ 时, 原式}=\frac{3}{\frac{1}{2}-1}=-6.$$

19.【考点】解直角三角形的应用.

【分析】过点A作 $AD \perp BC$ 于点D, 延长AD交地面于点E, 根据锐角三角函数的定义即可求出答案.

解: 过点A作 $AD \perp BC$ 于点D, 延长AD交地面于点E, $\because \sin \angle ABD=\frac{AD}{AB}$, $\therefore AD=92 \times 0.94 \approx 86.48$, $\therefore DE=6$, $\therefore AE=AD+DE \approx 92.5$, \therefore 把手A离地面的高度约为92.5cm.

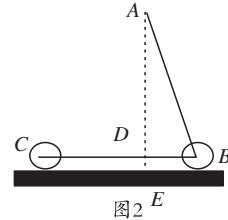


图2

20.【考点】一次函数的应用.

【分析】(1)根据函数图象中的数据可以得到 y 关于 x 的函数解析式;

(2)分别令 $h=0$ 和 $y=0$ 求出相应的 x 的值, 然后比较大小即可解答本题.

解:(1)设 y 关于 x 的函数解析式是 $y=kx+b$, 将 $(0, 6)$

$$(15, 3) \text{ 代入 } y=kx+b \text{ 得} \begin{cases} b=6 \\ 15k+b=3 \end{cases}, \text{ 解得, } \begin{cases} k=-\frac{1}{5} \\ b=6 \end{cases},$$

即 y 关于 x 的函数解析式是 $y=-\frac{1}{5}x+6$;

(2)甲: 当 $h=0$ 时, $0=-\frac{1}{5}x+6$, 得 $x=30$; 乙: 当 $y=0$ 时, $0=-\frac{1}{5}x+6$, 得 $x=30$, $\therefore 20 < 30$, \therefore 甲比乙先到达地面.

21.【考点】用样本估计总体; 扇形统计图.

【分析】(1)宣传活动前, 在抽取的市民中偶尔戴的人数最多, 占抽取人数: $\frac{510}{1000} \times 100\% = 51\%$;

(2)估计活动前全市骑电瓶车“都不戴”安全帽的总人数: $30 \times \frac{177}{1000} = 5.31$ (万人);

(3)宣传活动后骑电瓶车“都不戴”安全帽的百分比:

$$\frac{178}{896+702+224+178} \times 100\% = 8.9\%, \text{ 活动前全市骑电}$$

瓶车“都不戴”安全帽的百分比: $\frac{177}{1000} \times 100\% = 17.7\%$, $8.9\% < 17.7\%$, 因此交警部门开展的宣传活动有效果.

解:(1)宣传活动前, 在抽取的市民中偶尔戴的人数最多, 占抽取人数: $\frac{510}{1000} \times 100\% = 51\%$; 答: 宣传活动前, 在抽取的市民中偶尔戴的人数最多, 占抽取人数的51%;

(2)估计活动前全市骑电瓶车“都不戴”安全帽的总人

数: $30 \times \frac{177}{1000} = 5.31$ (万人), 答: 估计活动前全市骑电瓶车“都不戴”安全帽的总人数 5.31 万人;

(3) 小明的分析方法不合理. \because 活动前后两次抽样的样本容量不同, 活动前抽样 1 000 人, 活动后抽样 2 000 人. 宣传活动后骑电瓶车“都不戴”安全帽的百分比:

$$\frac{178}{896+702+224+178} \times 100\% = 8.9\%, \text{ 活动前全市骑电}$$

瓶车“都不戴”安全帽的百分比: $\frac{177}{1000} \times 100\% = 17.7\%, 8.9\% < 17.7\%, \therefore$ “都不戴”的百分比有所下降, 因此交警部门开展的宣传活动有效果.

22.【考点】四边形综合题.

【分析】(1) ①由 SSS 证明 $\triangle ABC \cong \triangle BCD \cong \triangle CDE \cong \triangle DEA \cong EAB$ 得出 $\angle ABC = \angle BCD = \angle CDE = \angle DEA = \angle EAB$, 即可得出结论; ②由 SSS 证明 $\triangle ABE \cong \triangle BCA \cong \triangle DEC$ 得出 $\angle BAE = \angle CBA = \angle EDC$, $\angle AEB = \angle ABE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC$, 由 SSS 证明 $\triangle ACE \cong \triangle BEC$ 得出 $\angle ACE = \angle CEB$, $\angle CEA = \angle CAE = \angle EBC = \angle ECB$, 由四边形 ABCE 内角和为 360° 得出 $\angle ABC + \angle ECB = 180^\circ$, 证出 $AB \parallel CE$, 由平行线的性质得出 $\angle ABE = \angle BEC$, $\angle BAC = \angle ACE$, 证出 $\angle BAE = 3\angle ABE$, 同理: $\angle CBA = \angle D = \angle AED = \angle BCD = 3\angle ABE = \angle BAE$, 即可得出结论; (2) ①证明 $\triangle AEF \cong \triangle CAB \cong \triangle ECD$ 得出 $\angle F = \angle B = \angle D$, $\angle FEA = \angle FAE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC$, 由等边三角形的性质得出 $\angle EAC = \angle ECA = \angle AEC = 60^\circ$, 设 $\angle F = \angle B = \angle D = y^\circ$, $\angle FEA = \angle FAE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC = x^\circ$, 则 $y + 2x = 180^\circ$ ①, $y - 2x = 60^\circ$ ②, ① + ② 得: $2y = 240^\circ$, $\therefore y = 120^\circ$, $x = 30^\circ$, $\therefore \angle F = \angle B = \angle D = 120^\circ$, $\angle FEA = \angle FAE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC = 30^\circ$, $\therefore \angle BAF = \angle BCD = \angle DEF = 30^\circ + 30^\circ + 60^\circ = 120^\circ$, $\therefore \angle F = \angle B = \angle D = \angle BAF = \angle BCD = \angle DEF$, \therefore 六边形 ABCDEF 是正六边形; 答案: 真; ②若 $AD = BE = CF$, 则六边形 ABCDEF 是正六边形是真命题; 理由如下: 如图 2 所示: 连接 AE、AC、CE, 在 $\triangle BFE$ 和 $\triangle FBC$ 中,

解:(1) ①证明: \because 凸五边形 ABCDE 的各条边都相等, $\therefore AB = BC = CD = DE = EA$, 在 $\triangle ABC$ 、 $\triangle BCD$ 、 $\triangle CDE$ 、

$$\begin{cases} AB=BC=CD=DE=EA \\ \triangle DEA, \triangle EAB \text{ 中}, \\ BC=CD=DE=EA=AB, \\ AC=BD=CE=DA=BE \end{cases}$$

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle BCD \cong \triangle CDE \cong \triangle DEA \cong EAB$ (SSS), $\therefore \angle ABC = \angle BCD = \angle CDE = \angle DEA = \angle EAB$, \therefore 五边形 ABCDE 是正五边形; ②解: 若 $AC = BE = CE$, 五边形 ABCDE 是正五边形, 理由如下: 在 $\triangle ABE$ 、 $\triangle BCA$

$$\begin{cases} AE=BA=DC \\ \text{和 } \triangle DEC \text{ 中}, \\ AB=BC=DE, \therefore \triangle ABE \cong \triangle BCA \cong \\ BE=AC=CE \end{cases}$$

$\triangle DEC$ (SSS), $\therefore \angle BAE = \angle CBA = \angle EDC$, $\angle AEB = \angle ABE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC$, 在

$$\begin{cases} AE=BC \\ \triangle ACE \text{ 和 } \triangle BEC \text{ 中}, \\ CE=BE, \therefore \triangle ACE \cong \triangle BEC \\ AC=CE \end{cases}$$

(SSS), $\therefore \angle ACE = \angle CEB$, $\angle CEA = \angle CAE = \angle EBC = \angle ECB$, \therefore 四边形 ABCE 内角和为 360° , $\therefore \angle ABC + \angle ECB = 180^\circ$, $\therefore AB \parallel CE$, $\therefore \angle ABE = \angle BEC$, $\angle BAC = \angle ACE$, $\therefore \angle CAE = \angle CEA = 2\angle ABE$, $\therefore \angle BAE = 3\angle ABE$, 同理: $\angle CBA = \angle D = \angle AED = \angle BCD = 3\angle ABE = \angle BAE$, \therefore 五边形 ABCDE 是正五边形;

(2) 解: ①若 $AC = CE = EA$, 如图 1 所示: 则六边形 ABCDEF 是正六边形是真命题; 理由如下: \because 凸六边形 ABCDEF 的各条边都相等, $\therefore AB = BC = CD = DE = EF = EA$,

$$\begin{cases} EF=AB=CD \\ \text{在 } \triangle AEF, \triangle CAB \text{ 和 } \triangle ECD \text{ 中}, \\ AF=CB=ED, \\ AE=CA=EC \end{cases}$$

$\therefore \triangle AEF \cong \triangle CAB \cong \triangle ECD$ (SSS), $\therefore \angle F = \angle B = \angle D$, $\angle FEA = \angle FAE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC$, $\because AC = CE = EA$, $\therefore \angle EAC = \angle ECA = \angle AEC = 60^\circ$, 设 $\angle F = \angle B = \angle D = y^\circ$, $\angle FEA = \angle FAE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC = x^\circ$, 则 $y + 2x = 180^\circ$ ①, $y - 2x = 60^\circ$ ②, ① + ② 得: $2y = 240^\circ$, $\therefore y = 120^\circ$, $x = 30^\circ$, $\therefore \angle F = \angle B = \angle D = 120^\circ$, $\angle FEA = \angle FAE = \angle BAC = \angle BCA = \angle DCE = \angle DEC = 30^\circ$, $\therefore \angle BAF = \angle BCD = \angle DEF = 30^\circ + 30^\circ + 60^\circ = 120^\circ$, $\therefore \angle F = \angle B = \angle D = \angle BAF = \angle BCD = \angle DEF$, \therefore 六边形 ABCDEF 是正六边形; 答案: 真; ②若 $AD = BE = CF$, 则六边形 ABCDEF 是正六边形是真命题; 理由如下: 如图 2 所示: 连接 AE、AC、CE, 在 $\triangle BFE$ 和 $\triangle FBC$ 中,

$$\begin{cases} EF=CB \\ BE=FC, \therefore \triangle BFE \cong \triangle FBC \text{ (SSS)}, \\ BF=FB \end{cases}$$

$\angle FBC$, $\because AB = AF$, $\therefore \angle AFB = \angle ABF$, $\therefore \angle AFE =$

$$\begin{cases} AF=CB \\ \angle ABC, \text{ 在 } \triangle FAE \text{ 和 } \triangle BCA \text{ 中}, \\ \angle AFE = \angle CBA, \\ EF=AB \end{cases}$$

$\therefore \triangle FAE \cong \triangle BCA$ (SAS), $\therefore AE = CA$, 同理: $AE = CE$, $\therefore AE = CA = CE$, 由①得: 六边形 ABCDEF 是正六边形; 答案: 真.

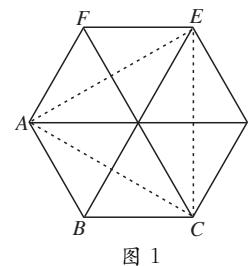


图 1

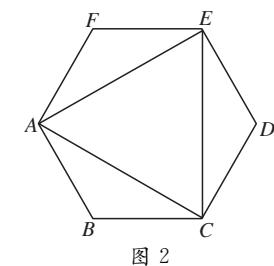


图 2

23.【考点】二次函数的性质; 二次函数图象上点的坐标特征; 二次函数的最值.

【分析】(1) 将点 $(-2, 4)$ 代入 $y = x^2 + bx + c$, 得 $c = 2b$;

(2) $m = -\frac{b}{2}$, $b = -2m$, 得 $n = m^2 - 4m$; (3) $y = x^2 + bx + 2b = (x + \frac{b}{2})^2 - \frac{b^2}{4} + 2b$, 当 $b \leq 0$ 时, $c \leq 0$, 函数不经过第三象限, 则 $c = 0$, 此时 $y = x^2$, 最大值与最小值之差为25; 当 $b > 0$ 时, $c > 0$, 函数不经过第三象限, 则 $\Delta \leq 0$, 得 $0 \leq b \leq 8$. 当 $-5 \leq x \leq 1$ 时, 函数有最小值 $-\frac{b^2}{4} + 2b$, 当 $-5 \leq -\frac{b}{2} < -2$ 时, 函数有最大值是 $1 + 3b$, 当 $-2 < -\frac{b}{2} \leq 1$ 时, 函数有最大值是 $25 - 3b$; 当最大值 $1 + 3b$ 时, $1 + 3b + \frac{b^2}{4} - 2b = 16$, $b = 6$. 当最大值是 $25 - 3b$ 时, $b = 2$.

解:(1) 将点 $(-2, 4)$ 代入 $y = x^2 + bx + c$, 得 $-2b + c = 0$, $\therefore c = 2b$;

(2) 把 $c = 2b$ 代入 $y = x^2 + bx + c$ 得 $y = x^2 + bx + 2b$.

\because 顶点坐标是 (m, n) , $\therefore n = m^2 + bm + 2b$ 且 $m = -\frac{b}{2}$, 即 $b = -2m$. $\therefore n = m^2 + (-2m)m + 2 \times (-2m) = m^2 - 4m$. $\therefore n$ 关于 m 的函数解析式为 $n = m^2 - 4m$.

(3) $y = x^2 + bx + 2b = (x + \frac{b}{2})^2 - \frac{b^2}{4} + 2b$, 对称轴 $x = -\frac{b}{2}$, 当 $b \leq 0$ 时, $c \leq 0$, 函数不经过第三象限, 则 $c = 0$, 此时 $y = x^2$, 当 $-5 \leq x \leq 1$ 时, 函数最小值是0, 最大值是25, \therefore 最大值与最小值之差为25(舍去); 当 $b > 0$ 时, $c > 0$, 函数不经过第三象限, 则 $\Delta \leq 0$, $\therefore 0 \leq b \leq 8$, $\therefore -4 \leq x = -\frac{b}{2} \leq 0$, 当 $-5 \leq x \leq 1$ 时, 函数有最小值 $-\frac{b^2}{4} + 2b$, 当 $-5 \leq -\frac{b}{2} < -2$ 时, 函数有最大值 $1 + 3b$, 当 $-2 < -\frac{b}{2} \leq 1$ 时, 函数有最大值 $25 - 3b$; 函数的最大值与最小值之差为16, 当最大值是 $1 + 3b$ 时, $1 + 3b + \frac{b^2}{4} - 2b = 16$, $\therefore b = 6$ 或 $b = -10$, $\because 4 \leq b \leq 8$, $\therefore b = 6$; 当最大值是 $25 - 3b$ 时, $25 - 3b + \frac{b^2}{4} - 2b = 16$, $\therefore b = 2$ 或 $b = 18$, $\therefore 2 \leq b \leq 4$, $\therefore b = 2$; 综上所述 $b = 2$ 或 $b = 6$.

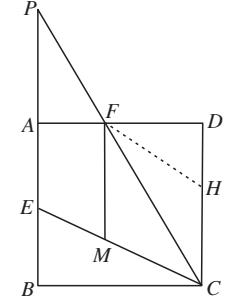
24. 【考点】相似形综合题.

【分析】(1) 设 $AP = FD = a$, 通过证明 $\triangle AFP \sim \triangle DFC$, 可得 $\frac{AP}{CD} = \frac{AF}{FD}$, 可求 AP 的值, 即可求 AF 的值, 则可求解; (2) 在 CD 上截取 $DH = AF$, 由“SAS”可证 $\triangle PAF \cong \triangle HDF$, 可得 $PF = FH$, 由勾股定理可求 $CE = EP = \sqrt{5}$, 可得 $CM = CH = \sqrt{5} - 1$, 由“SAS”可证 $\triangle FCM \cong \triangle FCH$, 可得 $FM = FH = PF$; (3) 以 A 原点, AB 为 y 轴, AD 为 x 轴建立平面直角坐标系, 用待定系数法可求 BN 解析式, 即可求 B' 坐标, 计算 $B'Q'$ 的长度, 即可判断点 B 旋转后的对应点 B' 是否落在线段 BN 上.

解:(1) 设 $AP = FD = a$, $\therefore AF = 2 - a$, \therefore 四边形 $ABCD$

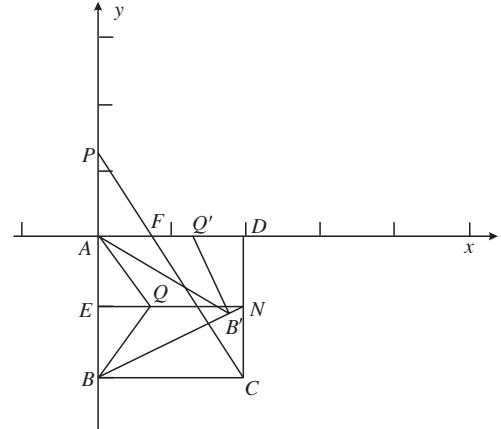
是正方形, $\therefore AB \parallel CD$, $\therefore \angle P = \angle PCD$, 又 $\because \angle PFA = \angle CFD$, $\therefore \triangle AFP \sim \triangle DFC$, $\therefore \frac{AP}{CD} = \frac{AF}{FD}$, 即 $\frac{a}{2} = \frac{2-a}{a}$, $\therefore a = \sqrt{5} - 1$, $\therefore AP = FD = \sqrt{5} - 1$, $\therefore AF = AD - DF = 3 - \sqrt{5}$, $\therefore \frac{AF}{AP} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$.

(2) 在 CD 上截取 $DH = AF$,



$\therefore AF = DH$, $\angle PAF = \angle D = 90^\circ$, $AP = FD$, $\therefore \triangle PAF \cong \triangle FDH$ (SAS), $\therefore PF = FH$, $\because AD = CD$, $AF = DH$, $\therefore FD = CH = AP = \sqrt{5} - 1$, \because 点 E 是 AB 中点, $\therefore BE = AE = 1 = EM$, $\therefore PE = PA + AE = \sqrt{5}$. $\because EC^2 = BE^2 + BC^2 = 1 + 4 = 5$, $\therefore EC = \sqrt{5}$. $\therefore EC = PE$, $CM = \sqrt{5} - 1$, $\therefore \angle P = \angle ECP$. $\because AP \parallel CD$, $\therefore \angle P = \angle PCD$, $\therefore \angle ECP = \angle PCD$, 且 $CM = CH = \sqrt{5} - 1$, $CF = CF$, $\therefore \triangle FCM \cong \triangle FCH$ (SAS), $\therefore FM = FH$, $\therefore FM = PF$.

(3) 若点 B' 在 BN 上, 如图, 以 A 原点, AB 为 y 轴, AD 为 x 轴建立平面直角坐标系,



$\because EN \perp AB$, $AE = BE$, $\therefore AQ = BQ = AP = \sqrt{5} - 1$. 由旋转的性质可得 $AQ = AQ' = \sqrt{5} - 1$, $AB = AB' = 2$, $Q'B' = QB = \sqrt{5} - 1$, \because 点 $B(0, -2)$, 点 $N(2, -1)$. \therefore 直线 BN 解析式为 $y = \frac{1}{2}x - 2$. 设点 $B'(x, \frac{1}{2}x - 2)$, $\therefore AB' = \sqrt{x^2 + (\frac{1}{2}x - 2)^2} = 2$, $\therefore x = \frac{8}{5}$, \therefore 点 $B'(\frac{8}{5}, -\frac{6}{5})$.

\because 点 $Q'(\sqrt{5}-1, 0)$, $\therefore B'Q' = \sqrt{(\sqrt{5}-1 - \frac{8}{5})^2 + \frac{36}{25}} \neq \sqrt{5} - 1$, \therefore 点 B 旋转后的对应点 B' 不落在线段 BN 上.

2018 年浙江省杭州市中考试卷

一、选择题

1. A 解析: $| -3 | = 3$, 所以选:A.
2. B 解析: $1800000 = 1.8 \times 10^6$, 答案为:B.
3. A 解析: $\sqrt{2^2} = 2$, 故选项 A 计算正确;
- B. $\sqrt{2^2} = 2$, 故选项 B 计算错误;
- C. $\sqrt{4^2} = 4$, 故选项 C 计算错误;
- D. $\sqrt{4^2} = 4$, 故选项 D 计算错误.

4. C 解析: 中位数是将数据按照大小顺序重新排列, 代表了这组数据值大小的“中点”, 不易受极端值影响, 所以将最高成绩写得更高了, 计算结果不受影响的是中位数, 所以选:C.

5. D 解析: 因为线段 AM, AN 分别是 $\triangle ABC$ 的 BC 边上的高线和中线, 所以 $AM \leq AN$, 故选:D.

6. C 解析: 设圆圆答对了 x 道题, 答错了 y 道题, 依题意得: $5x - 2y + (20 - x - y) \times 0 = 60$. 所以选:C.

7. B 解析: 根据题意, 得到的两位数有 $31, 32, 33, 34, 35, 36$ 这 6 种可能的结果, 其中两位数是 3 的倍数的有 $33, 36$ 这 2 种结果, 所以得到的两位数是 3 的倍数的概率等于 $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$, 因此选:B.

8. A 解析: $\because AD \parallel BC, \angle APB = 80^\circ$,

$$\therefore \angle CBP = \angle APB - \angle PAD = 80^\circ - \theta_1,$$

$$\therefore \angle ABC = \theta_2 + 80^\circ - \theta_1,$$

$$\text{又} \because \triangle CDP \text{ 中}, \angle DCP = 180^\circ - \angle CPD - \angle PDC = 130^\circ - \theta_4,$$

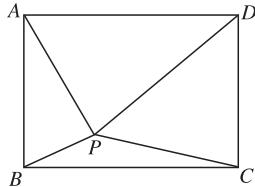
$$\therefore \angle BCD = \theta_3 + 130^\circ - \theta_4,$$

$$\text{又} \because \text{矩形 } ABCD \text{ 中}, \angle ABC + \angle BCD = 180^\circ,$$

$$\therefore \theta_2 + 80^\circ - \theta_1 + \theta_3 + 130^\circ - \theta_4 = 180^\circ,$$

$$\text{即} (\theta_1 + \theta_4) - (\theta_2 + \theta_3) = 30^\circ,$$

故选:A.



9. B 解析: 假设甲和丙的结论正确, 则 $\begin{cases} -\frac{b}{2} = 1 \\ \frac{4c - b^2}{4} = 3 \end{cases}$

$$\text{解得: } \begin{cases} b = -2 \\ c = 4 \end{cases},$$

$$\therefore \text{抛物线的解析式为 } y = x^2 - 2x + 4.$$

$$\text{当 } x = -1 \text{ 时, } y = x^2 - 2x + 4 = 7,$$

∴乙的结论不正确;

$$\text{当 } x = 2 \text{ 时, } y = x^2 - 2x + 4 = 4,$$

∴丁的结论正确.

∴四位同学中只有一位发现的结论是错误的,

∴假设成立.

所以选:B.

10. D 解析: \because 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $DE \parallel BC$,

$\therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC$,

$$\therefore \frac{S_1}{S_1 + S_2 + S_{\triangle BDE}} = \left(\frac{AD}{AB} \right)^2,$$

$$\therefore \text{若 } 2AD > AB, \text{ 即 } \frac{AD}{AB} > \frac{1}{2} \text{ 时, } \frac{S_1}{S_1 + S_2 + S_{\triangle BDE}} > \frac{1}{4},$$

此时 $3S_1 > S_2 + S_{\triangle BDE}$, 而 $S_2 + S_{\triangle BDE} < 2S_2$. 但是不能确定 $3S_1$ 与 $2S_2$ 的大小,

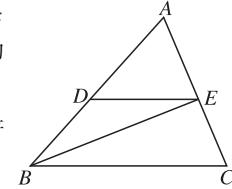
故选项 A 不符合题意, 选项 B 不符合题意.

若 $2AD < AB$, 即 $\frac{AD}{AB} < \frac{1}{2}$ 时, $\frac{S_1}{S_1 + S_2 + S_{\triangle BDE}} < \frac{1}{4}$,

此时 $3S_1 < S_2 + S_{\triangle BDE} < 2S_2$,

故选项 C 不符合题意, 选项 D 符合题意.

所以选:D.



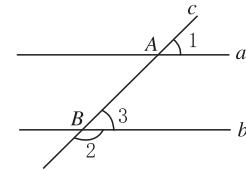
二、填空题

11. $-2a$ 解析: $a - 3a = -2a$. 答案为: $-2a$.

12. 135° 解析: \because 直线 $a \parallel b, \angle 1 = 45^\circ$,

$$\therefore \angle 2 = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ.$$

所以答案为: 135° .



13. $(a-b)(a-b+1)$ 解析: 原式 = $(a-b)^2 + (a-b) = (a-b)(a-b+1)$,

因此答案为: $(a-b)(a-b+1)$.

14. 30° 解析: \because 点 C 是半径 OA 的中点, $\therefore OC = \frac{1}{2} OD$,

$\therefore DE \perp AB, \therefore \angle CDO = 30^\circ, \therefore \angle DOA = 60^\circ$,

$\therefore \angle DFA = 30^\circ$,

答案为: 30° .

15. $60 \leq v \leq 80$ 解析: 根据图象可得, 甲车的速度为 $120 \div 3 = 40$ (千米/时).

由题意, 得 $\begin{cases} v \leq 2 \times 40 \\ 2v \geq 3 \times 40 \end{cases}$, 解得 $60 \leq v \leq 80$.

答案为: $60 \leq v \leq 80$.

16. $3+2\sqrt{3}$ 解析: 设 $AD=x$, 则 $AB=x+2$,

\therefore 把 $\triangle ADE$ 翻折, 点 A 落在 DC 边上的点 F 处,

$\therefore DF=AD, AE=EF, \angle DFE=\angle A=90^\circ$,

\therefore 四边形 AEFD 为正方形,

$\therefore AE=AD=x$,

\therefore 把 $\triangle CDG$ 翻折, 点 C 落在线段 AE 上的点 H 处, 折痕为 DG, 点 G 在 BC 边上,

$\therefore DH=DC=x+2$,

$\therefore EH=1$,

$\therefore AH=AE-EH=x-1$,

在 $\text{Rt}\triangle ADH$ 中, $\because AD^2 + AH^2 = DH^2$,

$$\therefore x^2 + (x-1)^2 = (x+2)^2,$$

整理得 $x^2 - 6x - 3 = 0$, 解得 $x_1 = 3+2\sqrt{3}, x_2 = 3-2\sqrt{3}$ (舍去), 即 AD 的长为 $3+2\sqrt{3}$.

因此答案为 $3+2\sqrt{3}$.

三、解答题

17. 解:(1) 由题意可得: $100 = vt$, 则 $v = \frac{100}{t} (t > 0)$;

(2) \because 不超过 5 小时卸完船上的这批货物, $\therefore t \leq 5$,

又 $\because 100 > 0$, \therefore 当 $t > 0$ 时, v 随着 t 的增大而减小.

当 $0 < t \leq 5$ 时, 则 $v \geq \frac{100}{5} = 20$,

答：平均每小时至少要卸货 20 吨.

18. 解：(1)由频数分布直方图可知 $4.5 \sim 5.0$ 的频数 $a=4$ ；

(2) ∵ 该年级这周收集的可回收垃圾的质量小于 $4.5 \times 2 + 5 \times 4 + 5.5 \times 3 + 6 = 51.5$ (kg)，

∴ 该年级这周收集的可回收垃圾被回收后所得金额小于 $51.5 \times 0.8 = 41.2$ (元), $41.2 < 50$

∴ 该年级这周收集的可回收垃圾被回收后所得金额不能达到 50 元.

19. 解：(1) ∵ $AB=AC, BD=CD$,

∴ $AD \perp BC, \angle B=\angle C$,

∴ $DE \perp AB$,

∴ $\angle DEB=\angle ADC$,

∴ $\triangle BDE \sim \triangle CAD$.

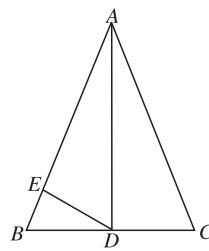
(2) ∵ $AB=AC, BD=CD$,

∴ $AD \perp BC$,

在 Rt $\triangle ADB$ 中, $AD = \sqrt{AB^2 - BD^2} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$,

∴ $\frac{1}{2} \cdot AD \cdot BD = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot DE$,

∴ $DE = \frac{60}{13}$.



20. 解：(1) ∵ 一次函数 $y=kx+b$ (k, b 是常数, $k \neq 0$) 的图象过 $A(1, 3), B(-1, -1)$ 两点,

$$\begin{cases} k+b=3 \\ -k+b=-1 \end{cases}, \text{得} \begin{cases} k=2 \\ b=1 \end{cases},$$

即该一次函数的表达式是 $y=2x+1$;

(2) 点 $(2a+2, a^2)$ 在该一次函数 $y=2x+1$ 的图象上,

$$\therefore a^2=2(2a+2)+1,$$

解得, $a=-1$ 或 $a=5$,

即 a 的值是 -1 或 5 ;

(3) 反比例函数 $y=\frac{m+1}{x}$ 的图象在第一、三象限,

理由: ∵ 点 $C(x_1, y_1)$ 和点 $D(x_2, y_2)$ 在该一次函数 $y=2x+1$ 的图象上, $m=(x_1-x_2)(y_1-y_2)$,

假设 $x_1 < x_2$, 则 $y_1 < y_2$, 此时 $m=(x_1-x_2)(y_1-y_2) > 0$,

假设 $x_1 > x_2$, 则 $y_1 > y_2$, 此时 $m=(x_1-x_2)(y_1-y_2) > 0$,

由上可得, $m > 0$, ∴ $m+1 > 0$,

∴ 反比例函数 $y=\frac{m+1}{x}$ 的图象在第一、三象限.

21. 解：(1) ∵ $\angle ACB=90^\circ, \angle A=28^\circ$,

$$\therefore \angle B=62^\circ,$$

∴ $BD=BC$,

∴ $\angle BCD=\angle BDC=59^\circ$,

∴ $\angle ACD=90^\circ-\angle BCD=31^\circ$;

(2) ① 由勾股定理得, $AB=\sqrt{AC^2+BC^2}=\sqrt{a^2+b^2}$,

∴ $AD=\sqrt{a^2+b^2}-a$, 解方程 $x^2+2ax-b^2=0$ 得, $x=$

$$-\frac{2a \pm \sqrt{4a^2+4b^2}}{2}=\pm\sqrt{a^2+b^2}-a,$$

∴ 线段 AD 的长是方程 $x^2+2ax-b^2=0$ 的一个根;

$$\text{②} \because AD=EC=AE=\frac{b}{2},$$

∴ $\frac{b}{2}$ 是方程 $x^2+2ax-b^2=0$ 的根,

$$\therefore \frac{b^2}{4}+ab-b^2=0, \text{即 } 4ab=3b^2,$$

$$\therefore b \neq 0, \therefore \frac{a}{b}=\frac{3}{4}.$$

22. 解：(1) 由题意 $\Delta=b^2-4 \cdot a[-(a+b)]=b^2+4ab+4a^2=(2a+b)^2 \geqslant 0$. ∴ 二次函数图象与 x 轴的交点的个数有两个或一个

(2) 当 $x=1$ 时, $y=a+b-(a+b)=0$

∴ 抛物线不经过点 C

把点 $A(-1, 4), B(0, -1)$ 分别代入得 $\begin{cases} 4=a-b-(a+b) \\ -1=-a-b \end{cases}$

$$\text{解得} \begin{cases} a=3 \\ b=-2 \end{cases}$$

∴ 抛物线解析式为 $y=3x^2-2x-1$

(3) 当 $x=2$ 时

$$m=4a+2b-(a+b)=3a+b>0 \quad ①$$

$$\therefore a+b<0$$

$$\therefore -a-b>0 \quad ②$$

①②相加得:

$$2a>0$$

$$\therefore a>0$$

23. 解：(1) ∵ 四边形 $ABCD$ 是正方形,

∴ $AD=AB, \angle BAD=90^\circ$,

∴ $\angle BAG+\angle DAG=90^\circ$,

∴ $DE \perp AG, BF \perp AG$,

∴ $\angle AED=\angle BFA=90^\circ$,

∴ $\angle ADE+\angle DAG=90^\circ$,

∴ $\angle BAG=\angle DAE$,

∴ $\triangle ADE \cong \triangle BAF$ (AAS),

∴ $AE=BF$,

(2) 由(1)知, $\angle BAG=\angle EDA$,

∴ $\angle ABG=\angle DEA$,

∴ $\triangle ABG \sim \triangle DEA$, ∴ $\frac{AB}{DE}=\frac{BG}{AE}$,

$$\therefore \frac{AE}{DE}=\frac{BG}{AB}=\frac{BG}{BC}=k$$

在 Rt $\triangle DEF$ 中, $EF=DE \cdot \tan \alpha$,

在 Rt $\triangle BEF$ 中, $EF=BF \cdot \tan \beta$,

∴ $DE \cdot \tan \alpha=BF \cdot \tan \beta$,

$$\therefore \tan \alpha=\frac{BF}{DE} \cdot \tan \beta=\frac{AE}{DE} \cdot \tan \beta=k \tan \beta$$

(3) 如图,

∵ 四边形 $ABCD$ 是正方形,

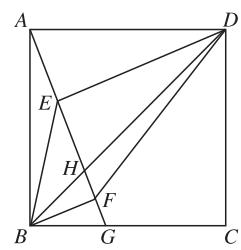
∴ $BC \parallel AD, AD=BC$,

$$\therefore \frac{BG}{BC}=k, \therefore \frac{BG}{AD}=k,$$

∴ $AD \parallel BC$,

∴ $\triangle ADH \sim \triangle GBH$,

$$\therefore \frac{S_1}{S_{\triangle BHG}}=\frac{S_{\triangle ADH}}{S_{\triangle BHG}}=\left(\frac{AD}{BG}\right)^2=\frac{1}{k^2},$$



$$\therefore S_1 = \frac{1}{k^2} \cdot S_{\triangle BHG},$$

设 $\triangle BHG$ 的边 BG 上的高为 h , $\triangle ADH$ 的边 AD 上的高为 h' ,

$\therefore \triangle ADH \sim \triangle GBH$

$$\therefore \frac{h}{h'} = \frac{BG}{AD} = k, \therefore h = kh'$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle BHG}}{S_{\triangle BCD}} = \frac{\frac{1}{2} BG \cdot h}{\frac{1}{2} BC(h+h')} = \frac{BG}{BC} \times \frac{kh'}{kh'+h'} = k \times \frac{k}{k+1} = \frac{k^2}{k+1}$$

$$\therefore S_{\triangle BCD} = \frac{k+1}{k^2} S_{\triangle BHG},$$

$$\therefore S_2 = S_{\triangle BCD} - S_{\triangle BHG} = \frac{k+1-k^2}{k^2} S_{\triangle BHG},$$

$$\begin{aligned} \frac{S_2}{S_1} &= \frac{\frac{k+1-k^2}{k^2}}{\frac{1}{k^2}} = -k^2 + k + 1 = -\left(k - \frac{1}{2}\right)^2 = -\left(k - \frac{1}{2}\right)^2 \\ &\quad + \frac{5}{4} \end{aligned}$$

$\therefore k = \frac{1}{2}$ 时, $\frac{S_2}{S_1}$ 的最大值为 $\frac{5}{4}$.

2018年浙江省宁波市中考试卷

一、选择题

1. A 解析:由正数大于零,零大于负数,得 $-3 < -1 < 0 < 1$,最小的数是 -3 ,所以选:A.

2. B 解析: $550000 = 5.5 \times 10^5$,因此选:B.

3. A 解析: $\because a^3 + a^3 = 2a^3$, \therefore 选项 A 符合题意;

$\because a^3 \cdot a^2 = a^5$, \therefore 选项 B 不符合题意;

$\because a^6 \div a^2 = a^4$, \therefore 选项 C 不符合题意;

$\because (a^3)^2 = a^6$, \therefore 选项 D 不符合题意.

所以选:A.

4. C 解析: \because 从写有数字 1,2,3,4,5 这 5 张纸牌中抽取一张,其中正面数字是偶数的有 2,4 这 2 种结果, \therefore 正面的数字是偶数的概率为 $\frac{2}{5}$,因此选:C.

5. D 解析:正多边形的一个外角等于 40° ,且外角和为 360° ,则这个正多边形的边数是: $360^\circ \div 40^\circ = 9$.

答案为:D.

6. C 解析:从上边看是一个田字,“田”字是中心对称图形,答案选:C.

7. B 解析: $\because \angle ABC = 60^\circ, \angle BAC = 80^\circ$,

$\therefore \angle BCA = 180^\circ - 60^\circ - 80^\circ = 40^\circ$,

\because 对角线 AC 与 BD 相交于点 O , E 是边 CD 的中点,

$\therefore OE$ 是 $\triangle DBC$ 的中位线,

$\therefore OE \parallel BC, \therefore \angle 1 = \angle ACB = 40^\circ$. 因此选:B.

8. C 解析: \because 数据 4,1,7,x,5 的平均数为 4,

$$\therefore \frac{4+1+7+x+5}{5} = 4, \text{解得: } x=3,$$

则将数据重新排列为 1,3,4,5,7,所以这组数据的中位数为

4,所以选:C.

9. C 解析: $\because \angle ACB = 90^\circ, AB = 4, \angle A = 30^\circ$,

$$\therefore \angle B = 60^\circ, BC = 2$$

$\therefore \widehat{CD}$ 的长为 $\frac{60\pi \times 2}{180} = \frac{2\pi}{3}$,所以选:C.

10. A 解析: $\because AB \parallel x$ 轴, $\therefore A, B$ 两点纵坐标相同.

设 $A(a, h), B(b, h)$,则 $ah = k_1, bh = k_2$.

$$\begin{aligned} \therefore S_{\triangle ABC} &= \frac{1}{2} AB \cdot y_A = \frac{1}{2} (a-b)h = \frac{1}{2} (ah-bh) = \frac{1}{2} (k_1 \\ &\quad - k_2) = 4, \therefore k_1 - k_2 = 8. \text{ 选:A.} \end{aligned}$$

11. D 解析:由二次函数的图象可知, $a < 0, b < 0$,当 $x = -1$ 时, $y = a - b < 0$,

$\therefore y = (a-b)x + b$ 的图象在第二、三、四象限,

因此选:D.

12. B 解析: $S_1 = (AB - a) \cdot a + (CD - b)(AD - a) = (AB - a) \cdot a + (AB - b)(AD - a)$,

$$S_2 = AB(AD - a) + (a - b)(AB - a),$$

$$\begin{aligned} \therefore S_2 - S_1 &= AB(AD - a) + (a - b)(AB - a) - (AB - a) \cdot a \\ &\quad - (AB - b)(AD - a) = (AD - a)(AB - AB + b) + (AB - a) \end{aligned}$$

$$(a - b - a) = b \cdot AD - ab - b \cdot AB + ab = b(AD - AB) = 2b.$$

选:B.

二、填空题

13. 2018 解析: $| -2018 | = 2018$. 答案为:2018.

14. $x \neq 1$ 解析:分母不可为零.

15. -15 解析:原式 $= (x+2y)(x-2y) = -3 \times 5 = -15$ 答案为:-15.

16. $1200(\sqrt{3}-1)$ 解析:由于 $CD \parallel HB$,

$$\therefore \angle CAH = \angle ACD = 45^\circ, \angle B = 30^\circ, \angle BCD = 30^\circ$$

在 $\text{Rt}\triangle ACH$ 中, $\angle CAH = 45^\circ$

$$\therefore AH = CH = 1200 \text{ 米},$$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle HCB, \therefore \tan \angle B = \frac{CH}{HB}$$

$$\therefore HB = \frac{CH}{\tan \angle B} = \frac{1200}{\tan 30^\circ} = \frac{1200}{\frac{\sqrt{3}}{3}} = 1200\sqrt{3} \text{ (米)}.$$

$$\therefore AB = HB - HA = 1200\sqrt{3} - 1200 = 1200(\sqrt{3}-1) \text{ 米}$$

答案为: $1200(\sqrt{3}-1)$.

17. 3 或 $4\sqrt{3}$ 解析:如图 1 中,当 $\odot P$ 与直线 CD 相切时,设 $CP = PM = m$.

在 $\text{Rt}\triangle PBM$ 中, $\therefore PM^2 = BM^2 + BP^2$,

$$\therefore x^2 = 4^2 + (8-x)^2, \therefore x = 5,$$

$$\therefore CP = 5, BP = BC - CP = 8 - 5 = 3.$$

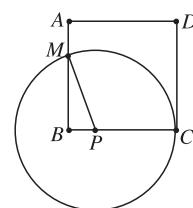


图1

如图 2 中,当 $\odot P$ 与直线 AD 相切时,设切点为 K ,连接 PK ,则 $PK \perp AD$,四边形 $PKDC$ 是矩形.

$$\therefore PM = PK = CD = 2BM,$$

$$\therefore BM = 4, PM = 8,$$

在 $\text{Rt}\triangle PBM$ 中,

$$BP = \sqrt{8^2 - 4^2} = 4\sqrt{3}.$$

综上所述, BP 的长为 3 或 $4\sqrt{3}$.

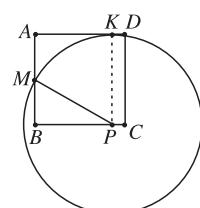
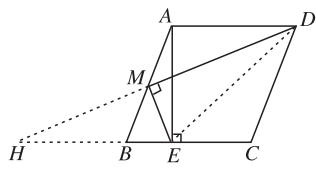


图2

18. $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ 解析:延长 DM 交 CB 的延长

线于点 H .



\because 四边形 $ABCD$ 是菱形,
 $\therefore AB=BC=AD=2, AD \parallel CH,$
 $\therefore \angle ADM=\angle H,$
 $\therefore AM=BM, \angle AMD=\angle HMB,$
 $\therefore \triangle ADM \cong \triangle BHM,$
 $\therefore AD=HB=2,$
 $\therefore ME \perp DH,$
 $\therefore EH=ED, \text{ 设 } BE=x,$
 $\therefore AE \perp BC,$
 $\therefore AE \perp AD,$
 $\therefore \angle AEB=\angle EAD=90^\circ$
 $\therefore AE^2=AB^2-BE^2=DE^2-AD^2,$
 $\therefore 2^2-x^2=(2+x)^2-2^2,$
 $\therefore x=\sqrt{3}-1 \text{ 或 } -\sqrt{3}-1(\text{舍弃}),$
 $\therefore \cos B=\frac{BE}{AB}=\frac{\sqrt{3}-1}{2},$

答案为: $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$.

三、解答题

19. 解: 原式 $= x^2 - 2x + 1 + 3x - x^2 = x + 1.$

当 $x=-\frac{1}{2}$ 时, 原式 $= -\frac{1}{2}+1=\frac{1}{2}.$

20. 解: (1) 如图 1 所示, 线段 BD 即为所求;

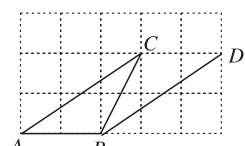


图1

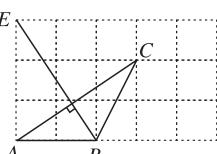


图2

(2) 如图 2 所示, 线段 BE 即为所求.

21. 解: (1) 由条形图知, A 级的人数为 20 人,
由扇形图知: A 级人数占总调查人数的 10% ,

所以: $20 \div 10\% = 20 \times \frac{100}{10} = 200(\text{人})$

答: 本次调查的学生人数为 200 人.

(2) 由条形图知: C 级的人数为 60 人,

所以 C 级所占的百分比为: $\frac{60}{200} \times 100\% = 30\%$,

B 级所占的百分比为: $1-10\%-30\%-45\% = 15\%$,

B 级的人数为: $200 \times 15\% = 30(\text{人})$

D 级的人数为: $200 \times 45\% = 90(\text{人})$

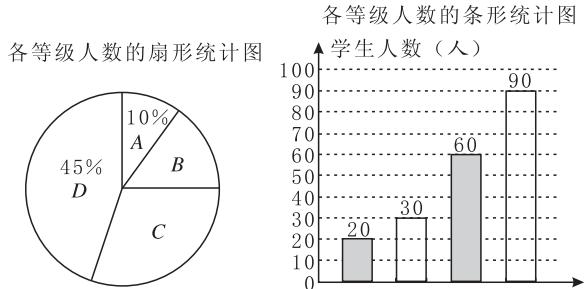
B 所在扇形的圆心角为: $360^\circ \times 15\% = 54^\circ$.

答: 等级 B 所在扇形的圆心角度数为 54° .

(3) 因为 C 级所占的百分比为 30% ,

所以全校每周课外阅读时间满足 $3 \leq t < 4$ 的人数为: $1200 \times 30\% = 360(\text{人})$

答: 全校每周课外阅读时间满足 $3 \leq t < 4$ 的约有 360 人.



22. 解: (1) 把 $(1, 0)$ 和 $(0, \frac{3}{2})$ 代入抛物线函数表达式得:

$$\begin{cases} -\frac{1}{2} + b + c = 0 \\ c = \frac{3}{2} \end{cases}, \text{解得} \begin{cases} b = -1 \\ c = \frac{3}{2} \end{cases},$$

则抛物线函数表达式为 $y = -\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{3}{2}$;

(2) 抛物线函数表达式为 $y = -\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{3}{2} = -\frac{1}{2}(x+1)^2 + 2$,

将抛物线向右平移一个单位, 向下平移 2 个单位, 函数表达式变为 $y = -\frac{1}{2}x^2$.

23. 解: (1) 由题意可知: $CD=CE, \angle DCE=90^\circ$,

$\therefore \angle ACB=90^\circ$,

$\therefore \angle ACD=\angle ACB-\angle DCB$,

$\angle BCE=\angle DCE-\angle DCB$,

$\therefore \angle ACD=\angle BCE$,

在 $\triangle ACD$ 与 $\triangle BCE$ 中,

$$\begin{cases} AC=BC \\ \angle ACD=\angle BCE \\ CD=CE \end{cases}$$

$\therefore \triangle ACD \cong \triangle BCE (\text{SAS})$

(2) $\because \angle ACB=90^\circ, AC=BC$,

$\therefore \angle A=45^\circ$,

由(1)可知: $\angle A=\angle CBE=45^\circ$,

$\because AD=BF$,

$\therefore BE=BF$,

$\therefore \angle BEF=67.5^\circ$.

24. 解: (1) 设甲种商品的每件进价为 x 元, 则乙种商品的每件进价为 $(x+8)$ 元.

根据题意, 得 $\frac{2000}{x} = \frac{2400}{x+8}$,

解得 $x=40$.

经检验, $x=40$ 是原方程的解. $\therefore x+8=48$

答: 甲种商品的每件进价为 40 元, 乙种商品的每件进价为 48 元.

(2) 甲乙两种商品的销售量为 $\frac{2000}{40}=50$.

设甲种商品按原销售单价销售 a 件, 则

$(60-40)a + (60 \times 0.7 - 40)(50-a) + (88-48) \times 50 \geq 2460$,

解得 $a \geq 20$.

答: 甲种商品按原销售单价至少销售 20 件.

25. 解:(1) ∵△ABC 是比例三角形,且 $AB=2$, $BC=3$,
- ①当 $AB^2=BC \cdot AC$ 时,得: $4=3AC$,解得: $AC=\frac{4}{3}$;
- ②当 $BC^2=AB \cdot AC$ 时,得: $9=2AC$,解得: $AC=\frac{9}{2}$;
- ③当 $AC^2=AB \cdot BC$ 时,得: $AC^2=6$,解得: $AC=\sqrt{6}$ (负值舍去);

所以当 $AC=\frac{4}{3}$ 或 $\frac{9}{2}$ 或 $\sqrt{6}$ 时,△ABC 是比例三角形;

(2) ∵AD//BC,∴∠ACB=∠CAD,
又 ∵∠BAC=∠ADC,∴△ABC~△DCA,

$$\therefore \frac{BC}{AC} = \frac{AC}{AD}, \text{ 即 } AC^2 = BC \cdot AD,$$

∴AD//BC,

$$\therefore \angle ADB = \angle CBD,$$

∵BD 平分∠ABC,

$$\therefore \angle ABD = \angle CBD,$$

$$\therefore \angle ADB = \angle ABD,$$

$$\therefore AB = AD,$$

$$\therefore AC^2 = BC \cdot AB,$$

∴△ABC 是比例三角形;

(3) 如图,过点 A 作 AH⊥BD 于点 H.

$$\therefore AB = AD,$$

$$\therefore BH = \frac{1}{2}BD,$$

∵AD//BC,∠ADC=90°,

$$\therefore \angle BCD = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle BHA = \angle BCD = 90^\circ,$$

又 ∵∠ABH=∠DBC,

∴△ABH~△BCD,

$$\therefore \frac{AB}{BD} = \frac{BH}{BC}, \text{ 即 } AB \cdot BC = BH \cdot BD,$$

$$\therefore AB \cdot BC = \frac{1}{2}BD^2,$$

又 ∵AB · BC=AC²,

$$\therefore \frac{1}{2}BD^2 = AC^2, \therefore \frac{BD}{AC} = \sqrt{2}.$$

26. 解:(1) ∵直线 l:y=-\frac{3}{4}x+b 与 x 轴交于点 A(4,0),

$$\therefore -\frac{3}{4} \times 4 + b = 0, \therefore b = 3,$$

∴直线 l 的函数表达式为 $y=-\frac{3}{4}x+3$,

$$\therefore B(0,3), \therefore OA=4, OB=3,$$

在 Rt△AOB 中, $\tan \angle BAO = \frac{OB}{OA} = \frac{3}{4}$;

(2) ①如图,连接 DF, ∵CE=EF,

$$\therefore \angle CDE = \angle FDE,$$

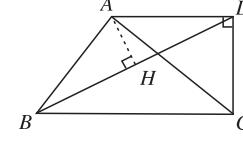
$$\therefore \angle CDF = 2\angle CDE,$$

$$\because \angle OAE = 2\angle CDE,$$

$$\therefore \angle OAE = \angle ODF,$$

∵四边形 CEFD 是 ⊙O 的圆内接四边形,

$$\therefore \angle OEC = \angle ODF,$$



$$\therefore \angle OEC = \angle OAE,$$

$$\therefore \angle COE = \angle AOE,$$

∴△OCE~△OEA,

②过点 E 作 EM⊥OA 于 M,

$$\text{由①知, } \tan \angle BAO = \frac{3}{4},$$

设 EM=3m, 则 AM=4m,

$$\therefore OM=4-4m, AE=5m,$$

$$\therefore E(4-4m, 3m), AC=5m, \therefore OC=4-5m,$$

由①知,△OCE~△OEA,

$$\therefore \frac{OC}{OE} = \frac{OE}{OA},$$

$$\therefore OE^2 = OA \cdot OC = 4(4-5m) = 16-20m,$$

$$\therefore E(4-4m, 3m),$$

$$\therefore (4-4m)^2 + 9m^2 = 25m^2 - 32m + 16,$$

$$\therefore 25m^2 - 32m + 16 = 16-20m,$$

$$\therefore m=0(\text{舍}) \text{ 或 } m=\frac{12}{25},$$

$$\therefore 4-4m=\frac{52}{25}, 3m=\frac{36}{25},$$

$$\therefore E\left(\frac{52}{25}, \frac{36}{25}\right),$$

(3) 如图,设 ⊙O 的半径为 r, 过点 O 作 OG⊥AB 于 G,

$$\therefore A(4,0), B(0,3),$$

$$\therefore OA=4, OB=3,$$

$$\therefore AB=5,$$

$$\therefore \frac{1}{2}AB \cdot OG = \frac{1}{2}OA \cdot OB,$$

$$\therefore OG=\frac{12}{5},$$

$$\therefore AG=\frac{OG}{\tan \angle AOB}=\frac{12}{5} \times \frac{4}{3}=\frac{16}{5},$$

$$\therefore EG=AG-AE=\frac{16}{5}-r,$$

连接 FH,

∵EH 是 ⊙O 直径,

$$\therefore EH=2r, \angle EFH=90^\circ=\angle EGO,$$

$$\therefore \angle OEG=\angle HEF,$$

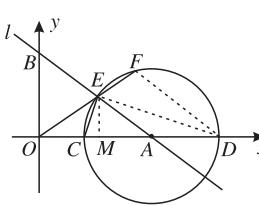
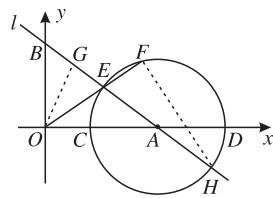
∴△OEG~△HEF,

$$\therefore \frac{OE}{HE} = \frac{EG}{EF},$$

$$\therefore OE \cdot EF = HE \cdot EG = 2r \left(\frac{16}{5} - r \right) = -2 \left(r - \frac{8}{5} \right)^2$$

$$+ \frac{128}{25},$$

$$\therefore r=\frac{8}{5} \text{ 时, } OE \cdot EF \text{ 有最大值, 最大值为 } \frac{128}{25}.$$



2018 年浙江省温州市中考试卷

一、选择题

1. D 解析: 已知四个实数 $\sqrt{5}, 2, 0, -1$, 其中负数是: -1. 所以选:D.
2. B 解析: 从主视方向看是三个台阶, 因此选:B.
3. C 解析: $a^6 \cdot a^2 = a^8$, 答案选:C.

4.C 解析:将数据重新排列为 6,7,7,7,8,9,9,

所以各代表队得分的中位数是 7 分,

因此选:C.

5.D 解析:因为袋子中共有 10 个小球,其中白球有 2 个,

∴摸出一个球是白球的概率是 $\frac{2}{10} = \frac{1}{5}$, 选:D.

6.A 解析:由题意,得

$$x-2=0,$$

解得 $x=2$.

经检验,当 $x=2$ 时, $\frac{x-2}{x+5}=0$.

因此选:A.

7.C 解析:因为点 A 与点 O 对应,点 A(-1,0),点 O(0,0),

所以图形向右平移 1 个单位长度,

所以点 B 的对应点 B' 的坐标为 $(0+1, \sqrt{3})$, 即 $(1, \sqrt{3})$,

所以选:C.

8.A 解析:设 49 座客车 x 辆,37 座客车 y 辆,根据题意可列

$$\begin{cases} x+y=10 \\ 49x+37y=466 \end{cases}$$

答案选:A.

9.B 解析:因为点 A,B 在反比例函数 $y=\frac{1}{x}$ ($x>0$) 的图象上,点 A,B 的横坐标分别为 1,2,

∴点 A 的坐标为 $(1,1)$, 点 B 的坐标为 $(2, \frac{1}{2})$,

∴ $AC \parallel BD \parallel y$ 轴,

∴点 C,D 的横坐标分别为 1,2,

∴点 C,D 在反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ ($k>0$) 的图象上,

∴点 C 的坐标为 $(1,k)$, 点 D 的坐标为 $(2, \frac{k}{2})$,

$$\therefore AC=k-1, BD=\frac{k}{2}-\frac{1}{2}=\frac{k-1}{2},$$

$$\therefore S_{\triangle OAC}=\frac{1}{2}(k-1)\times 1=\frac{k-1}{2}, S_{\triangle ABD}=\frac{1}{2}\cdot \frac{k-1}{2}\times (2-1)$$

$$=\frac{k-1}{4},$$

∴ $\triangle OAC$ 与 $\triangle ABD$ 的面积之和为 $\frac{3}{2}$,

$$\therefore \frac{k-1}{2}+\frac{k-1}{4}=\frac{3}{2},$$

解得 $k=3$.

因此选:B.

10.B 解析:设小正方形的边长为 x ,

$$\therefore a=3, b=4,$$

$$\therefore AB=3+4=7,$$

在 $Rt\triangle ABC$ 中, $AC^2+BC^2=AB^2$,

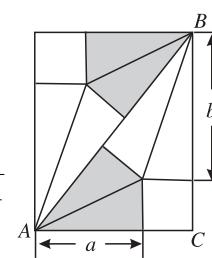
$$\text{即 } (3+x)^2+(x+4)^2=7^2,$$

$$\text{整理得, } x^2+7x-12=0,$$

$$\text{解得 } x=\frac{-7+\sqrt{97}}{2} \text{ 或 } x=\frac{-7-\sqrt{97}}{2}$$

(舍去),

∴该矩形的面积 =



$$\left(\frac{-7+\sqrt{97}}{2}+3\right)\left(\frac{-7+\sqrt{97}}{2}+4\right)$$

$$=24,$$

所以选:B.

二、填空题

11. $a(a-5)$ 解析: $a^2-5a=a(a-5)$, 故答案是: $a(a-5)$.

12. 6 解析: 设半径为 r , $2\pi r=\frac{60\pi \cdot r}{180}$, 解得: $r=6$, 答案为: 6.

13. 3 解析: 根据题意知 $\frac{1+3+2+7+x+2+3}{7}=3$, 解得: $x=3$,

则数据为 1,2,2,3,3,3,7, 所以众数为 3, 答案为: 3.

14. $x>4$ 解析: $\begin{cases} x-2>0 & ① \\ 2x-6>2 & ② \end{cases}$, 解①得 $x>2$, 解②得 $x>4$.

故不等式组的解集是 $x>4$. 答案为: $x>4$.

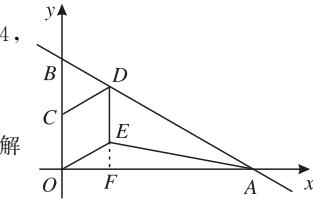
15. $2\sqrt{3}$ 解析: 延长 DE 交 OA 于 F, 如图,

$$\text{当 } x=0 \text{ 时, } y=-\frac{\sqrt{3}}{3}x+4=4,$$

则 B(0,4),

$$\text{当 } y=0 \text{ 时, } -\frac{\sqrt{3}}{3}x+4=0, \text{ 解得 } x=4\sqrt{3},$$

得 $x=4\sqrt{3}$, 则 A($4\sqrt{3}, 0$),



$$\text{在 } Rt\triangle AOB \text{ 中, } \tan \angle OBA = \frac{4\sqrt{3}}{4} = \sqrt{3},$$

$$\therefore \angle OBA = 60^\circ,$$

∵C 是 OB 的中点,

$$\therefore OC = CB = 2,$$

∴四边形 OEDC 是菱形,

$$\therefore CD = BC = DE = CE = 2, CD \parallel OE,$$

∴△BCD 为等边三角形,

$$\therefore \angle BCD = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle COE = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle EOF = 30^\circ,$$

$$\therefore EF = \frac{1}{2}OE = 1,$$

$$\triangle OAE \text{ 的面积} = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 1 = 2\sqrt{3}.$$

答案为: $2\sqrt{3}$.

16. 8 解析: 设两个正六边形的中心为 O, 连接 OP, OB, 过 O 作 $OG \perp PM, OH \perp AB$,

光圈大小开启示意图

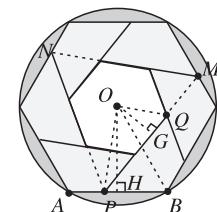
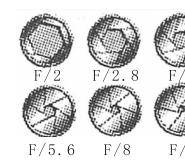


图1

由题意得: $\angle MNP = \angle NMP = \angle MPN = 60^\circ$,

$$\therefore \text{小正六边形的面积为 } \frac{49\sqrt{3}}{2} \text{ cm}^2,$$

∴小正六边形的边长为 $7\sqrt{3}$ cm, 即 $PM=7\sqrt{3}$ cm,

$$\therefore S_{\triangle MPN} = \frac{147\sqrt{3}}{4} \text{ cm}^2,$$

∴ $OG \perp PM$, 且 O 为正六边形的中心,

$$\therefore PG = \frac{1}{2}PM = \frac{7}{2}\sqrt{3}\text{ cm},$$

在 $\text{Rt}\triangle OPG$ 中, 根据勾股定理得:

$$OP = \sqrt{\left(\frac{7}{2}\right)^2 + \left(\frac{7\sqrt{3}}{2}\right)^2} = 7\text{ cm},$$

设 $OB=x\text{ cm}$,

$\because OH \perp AB$, 且 O 为正六边形的中心,

$$\therefore BH = \frac{1}{2}x, OH = \frac{\sqrt{3}}{2}x,$$

$$\therefore PH = \left(5 - \frac{1}{2}x\right)\text{ cm},$$

$$\begin{aligned} \text{在 } \text{Rt}\triangle PHO \text{ 中, 根据勾股定理得: } OP^2 &= \left(\frac{\sqrt{3}}{2}x\right)^2 + \\ &\left(5 - \frac{1}{2}x\right)^2 = 49, \text{ 解得: } x=8 \text{ (负值舍去),} \end{aligned}$$

则该圆的半径为 8cm.

答案为: 8.

三、解答题

$$\begin{aligned} 17. \text{解: (1)} (-2)^2 - \sqrt{27} + (\sqrt{2}-1)^0 &= 4 - 3\sqrt{3} + 1 = 5 - 3\sqrt{3}; \\ (2) (m+2)^2 + 4(2-m) &= m^2 + 4m + 4 + 8 - 4m = m^2 + 12. \end{aligned}$$

$$18. (1) \text{证明: } \because AD \parallel EC,$$

$$\therefore \angle A = \angle BEC,$$

$\because E$ 是 AB 中点,

$$\therefore AE = EB,$$

$$\therefore \angle AED = \angle B,$$

$$\therefore \triangle AED \cong \triangle EBC.$$

$$(2) \text{解: } \because \triangle AED \cong \triangle EBC,$$

$$\therefore AD = EC,$$

$$\therefore AD \parallel EC,$$

\therefore 四边形 $AECB$ 是平行四边形,

$$\therefore CD = AE,$$

$$\therefore AB = 6,$$

$$\therefore CD = \frac{1}{2}AB = 3.$$

$$19. \text{解: (1) 该市蛋糕店的总数为 } 150 \div \frac{90}{360} = 600 \text{ (家),}$$

$$\text{甲公司经营的蛋糕店数量为 } 600 \times \frac{60}{360} = 100 \text{ (家);}$$

答: 甲蛋糕店数量为 100 家, 该市蛋糕店总数为 600 家.

$$(2) \text{设甲公司增设 } x \text{ 家蛋糕店,}$$

$$\text{由题意得: } 20\% \times (600+x) = 100+x,$$

$$\text{解得: } x=25,$$

答: 甲公司需要增设 25 家蛋糕店.

$$20. \text{解: (1) 画法不唯一, 如图 1 所示:}$$

$$(2) \text{画法不唯一, 如图 2 所示:}$$

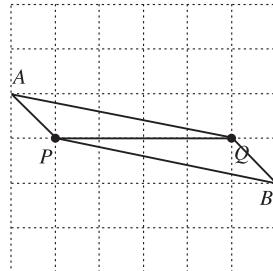


图1

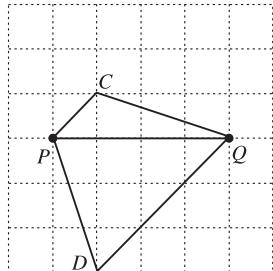


图2

21. 解: (1) 将 $x=2$ 代入 $y=2x$, 得: $y=4$,

\therefore 点 $M(2, 4)$,

$$\text{由题意, 得: } \begin{cases} -\frac{b}{2a}=2 \\ 4a+2b=4 \end{cases}, \therefore \begin{cases} a=-1 \\ b=4 \end{cases};$$

(2) 如图, 过点 P 作 $PH \perp x$ 轴于点 H ,

\because 点 P 的横坐标为 m , 抛物线的解

$$\text{析式为 } y=-x^2+4x,$$

$$\therefore PH=-m^2+4m,$$

$$\therefore OB=2,$$

$$\therefore S=\frac{1}{2}OB \cdot PH$$

$$=\frac{1}{2} \times 2 \times (-m^2+4m)$$

$$=-m^2+4m,$$

$$\therefore K=\frac{S}{m}=-m+4,$$

由题意得 $A(4, 0)$,

$$\therefore M(2, 4),$$

$$\therefore 2 < m < 4,$$

$\therefore K$ 随着 m 的增大而减小,

$$\therefore 0 < K < 2.$$

22. 解: (1) 由折叠的性质可知, $\triangle ADE \cong \triangle ADC$,

$$\therefore \angle AED = \angle ACD, AE = AC,$$

$$\therefore \angle ABD = \angle AED,$$

$$\therefore \angle ABD = \angle ACD,$$

$$\therefore AB = AC,$$

$$\therefore AE = AB;$$

(2) 如图, 过 A 作 $AH \perp BE$ 于点 H ,

$$\therefore AB = AE, BE = 2,$$

$$\therefore BH = EH = 1,$$

$$\therefore \angle ABE = \angle AEB = \angle ADB,$$

$$\cos \angle ADB = \frac{1}{3},$$

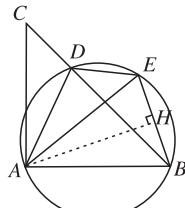
$$\therefore \cos \angle ABE = \cos \angle ADB = \frac{1}{3},$$

$$\therefore \frac{BH}{AB} = \frac{1}{3}.$$

$$\therefore AC = AB = 3,$$

$$\therefore \angle BAC = 90^\circ, AC = AB,$$

$$\therefore BC = 3\sqrt{2}.$$



23. 解: (1) 由已知, 每天安排 x 人生产乙产品时, 生产甲产品的有 $(65-x)$ 人, 共生产甲产品 $2(65-x)$ 件.

在乙每件 120 元获利的基础上, 增加 x 人, 利润减少 $2x$ 元每件, 则乙产品的每件利润为 $(130-2x)$ 元.

故答案为: $65-x; 2(65-x); 130-2x$

(2) 由题意

$$15 \times 2(65-x) = x(130-2x)+550$$

$$\therefore x^2 - 80x + 700 = 0$$

解得 $x_1=10, x_2=70$ (不合题意, 舍去)

$$\therefore 130-2x=110 \text{ (元)}$$

答: 每件乙产品可获得的利润是 110 元.

(3) 设生产甲产品 m 人

$$\begin{aligned} W &= x(130 - 2x) + 15 \times 2m + 30(65 - x - m) \\ &= -2(x - 25)^2 + 3200 \end{aligned}$$

$$\therefore 2m = 65 - x - m$$

$$\therefore m = \frac{65 - x}{3}$$

x, m 都是非负数

∴ 取 $x = 26$ 时, $m = 13$, $65 - x - m = 26$

即当 $x = 26$ 时, $W_{\text{最大值}} = 3198$

答: 安排 26 人生产乙产品时, 可获得的最大利润为 3198 元.

24. 解: (1) ∵ $PB \perp AM, PC \perp AN$,

$$\therefore \angle ABP = \angle ACP = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle BAC + \angle BPC = 180^\circ,$$

$$\text{又 } \angle BPD + \angle BPC = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle BPD = \angle BAC;$$

(2) ① 如图 1,

$$\because \angle APB = \angle BDE = 45^\circ,$$

$$\angle ABP = 90^\circ,$$

$$\therefore BP = AB = 2\sqrt{5},$$

$$\because \angle BPD = \angle BAC,$$

$$\therefore \tan \angle BPD = \tan \angle BAC,$$

$$\therefore \frac{BD}{DP} = 2,$$

$$\therefore BP = \sqrt{5}PD,$$

$$\therefore PD = 2;$$

② 当 $BD = BE$ 时, $\angle BED = \angle BDE$,

$$\therefore \angle BPD = \angle BPE = \angle BAC,$$

$$\therefore \tan \angle BPE = 2,$$

$$\therefore AB = 2\sqrt{5},$$

$$\therefore BP = \sqrt{5},$$

$$\therefore BD = 2;$$

当 $BE = DE$ 时, $\angle EBD = \angle EDB$,

$$\therefore \angle APB = \angle BDE, \angle DBE = \angle APC,$$

$$\therefore \angle APB = \angle APC,$$

$$\therefore AC = AB = 2\sqrt{5},$$

过点 B 作 $BG \perp AC$ 于点 G , 如

图 2, 得四边形 $BGCD$ 是矩形,

$$\therefore AB = 2\sqrt{5}, \tan \angle BAC = 2,$$

$$\therefore AG = 2,$$

$$\therefore BD = CG = 2\sqrt{5} - 2;$$

当 $BD = DE$ 时, $\angle DEB =$

$$\angle DBE = \angle APC,$$

$$\therefore \angle DEB = \angle DPB = \angle BAC,$$

$$\therefore \angle APC = \angle BAC,$$

设 $PD = x$, 则 $BD = 2x$,

$$\therefore \frac{AC}{PC} = 2,$$

$$\therefore \frac{2x+2}{4-x} = 2,$$

$$\therefore x = \frac{3}{2},$$

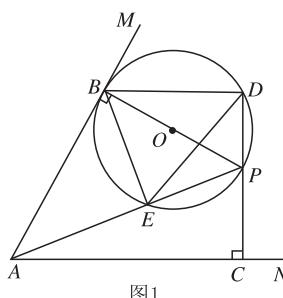


图1

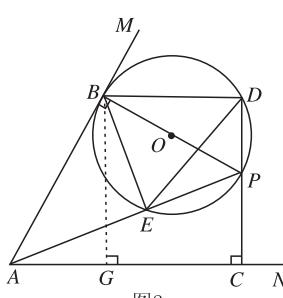


图2

$$\therefore BD = 2x = 3,$$

综上所述, 当 $BD = 2, 3$ 或 $2\sqrt{5} - 2$ 时, $\triangle BED$ 为等腰三角形;

(3) 如图 3, 过点 O 作 $OH \perp DC$ 于点 H ,

$$\therefore \tan \angle BPD = \tan \angle MAN = 1,$$

$$\therefore BD = PD,$$

$$\text{设 } BD = PD = 2a, PC = 2b,$$

$$\text{则 } OH = a, CH = a + 2b, AC$$

$$= 4a + 2b,$$

$$\because OC // BE \text{ 且 } \angle BEP = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle PFC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle PAC + \angle APC = \angle OCH$$

$$+ \angle APC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle OCH = \angle PAC,$$

$$\therefore \triangle ACP \sim \triangle CHO,$$

$$\therefore \frac{OH}{CH} = \frac{PC}{AC}, \text{ 即 } OH \cdot AC = CH \cdot PC,$$

$$\therefore a(4a + 2b) = 2b(a + 2b),$$

$$\therefore a = b,$$

$$\text{即 } CP = 2a, CH = 3a,$$

$$\text{则 } OC = \sqrt{10}a,$$

$$\therefore \triangle CPF \sim \triangle COH,$$

$$\therefore \frac{CF}{CH} = \frac{CP}{OC}, \text{ 即 } \frac{CF}{3a} = \frac{2a}{\sqrt{10}a},$$

$$\text{则 } CF = \frac{3\sqrt{10}}{5}a, OF = OC - CF = \frac{2\sqrt{10}}{5}a,$$

$$\because BE // OC \text{ 且 } BO = PO,$$

$$\therefore OF \text{ 为 } \triangle PBE \text{ 的中位线},$$

$$\therefore EF = PF,$$

$$\therefore \frac{S_1}{S_2} = \frac{OF}{CF} = \frac{2}{3}.$$

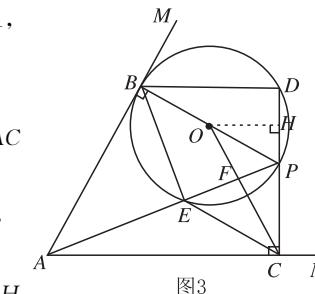


图3

2018 年浙江省绍兴(义乌)市中考试卷

一、选择题

1. C 解析: 若向东走 2m 记作 +2m, 则向西走 3m 记作 -3m, 应选:C.

2. B 解析: $116000000 = 1.16 \times 10^8$, 所以答案选:B.

3. D 解析: 从主视方向看第一层是三个小正方形, 第二层左边一个小正方形, 因此选:D.

4. A 解析: ∵ 抛掷六个面上分别刻有数字 1, 2, 3, 4, 5, 6 的骰子有 6 种结果, 其中朝上一面的数字为 2 的只有 1 种, ∴ 朝上一面的数字为 2 的概率为 $\frac{1}{6}$, 所以选:A.

5. C 解析: ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$, 故此项错误;

② $(-2a^2)^2 = 4a^4$, 故此项错误;

③ $a^5 \div a^3 = a^2$, 正确;

④ $a^3 \cdot a^4 = a^7$, 故此项错误.

答案选:C.

6. A 解析: 由函数图象可得,

当 $x < 1$ 时, y 随 x 的增大而增大, 故选项 A 正确, 选项 B 错误,

当 $1 < x < 2$ 时, y 随 x 的增大而减小, 当 $x > 2$ 时, y 随 x 的增大而增大, 故选项C,D错误,

因此选:A.

7.C 解析: $\because AB \perp BD, CD \perp BD$,

$$\therefore \angle ABO = \angle CDO = 90^\circ,$$

又 $\because \angle AOB = \angle COD$,

$$\therefore \triangle ABO \sim \triangle CDO, \text{ 则 } \frac{AO}{CO} = \frac{AB}{CD},$$

$$\therefore AO = 4\text{m}, AB = 1.6\text{m}, CO = 1\text{m},$$

$$\therefore \frac{4}{1} = \frac{1.6}{CD},$$

解得: $CD = 0.4$, 所以选:C.

8.B 解析: A. 第一行数字从左到右依次为1,0,1,0,序号为 $1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 10$, 不符合题意;

B. 第一行数字从左到右依次为0,1,1,0,序号为 $0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 6$, 符合题意;

C. 第一行数字从左到右依次为1,0,0,1,序号为 $1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 9$, 不符合题意;

D. 第一行数字从左到右依次为0,1,1,1,序号为 $0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 7$, 不符合题意;

答案选:B.

9.B 解析: \because 某定弦抛物线的对称轴为直线 $x=1$,

\therefore 该定弦抛物线过点(0,0),(2,0),

$$\therefore \text{该抛物线解析式为 } y = x(x-2) = x^2 - 2x = (x-1)^2 - 1.$$

将此抛物线向左平移2个单位, 再向下平移3个单位, 得到新抛物线的解析式为 $y = (x-1+2)^2 - 1 - 3 = (x+1)^2 - 4$.

$$\text{当 } x = -3 \text{ 时, } y = (x+1)^2 - 4 = 0,$$

\therefore 得到的新抛物线过点(-3,0).

所以选:B.

10.D 解析: ①如果所有的画展示成一行, $34 \div (1+1) - 1 = 16$ (张), \therefore 34枚图钉最多可以展示16张画;

②如果所有的画展示成两行, $34 \div (2+1) = 11$ (枚)……1(枚),

$11 - 1 = 10$ (张), $2 \times 10 = 20$ (张), \therefore 34枚图钉最多可以展示20张画;

③如果所有的画展示成三行, $34 \div (3+1) = 8$ (枚)……2(枚),

$8 - 1 = 7$ (张), $3 \times 7 = 21$ (张), \therefore 34枚图钉最多可以展示21张画;

④如果所有的画展示成四行, $34 \div (4+1) = 6$ (枚)……4(枚),

$6 - 1 = 5$ (张), $4 \times 5 = 20$ (张), \therefore 34枚图钉最多可以展示20张画;

⑤如果所有的画展示成五行, $34 \div (5+1) = 5$ (枚)……4(枚),

$5 - 1 = 4$ (张), $5 \times 4 = 20$ (张), \therefore 34枚图钉最多可以展示20张画.

综上所述: 34枚图钉最多可以展示21张画.

所以选:D.

二、填空题

11. $(2x+y)(2x-y)$ 解析: 原式 $= (2x+y)(2x-y)$. 故答案

为: $(2x+y)(2x-y)$.

12. 20;15 解析: 设索长为 x 尺, 竿子长为 y 尺,

$$\text{根据题意得: } \begin{cases} x-y=5 \\ y-\frac{1}{2}x=5 \end{cases}$$

$$\text{解得: } \begin{cases} x=20 \\ y=15 \end{cases}$$

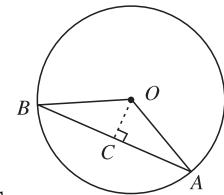
答: 索长为20尺, 竿子长为15尺.

答案为: 20;15.

13. 15 解析: 作 $OC \perp AB$ 于 C , 如图, 则 $AC=BC$,

$$\therefore OA=OB,$$

$$\therefore \angle A=\angle B=\frac{1}{2}(180^\circ-\angle AOB)=\frac{1}{2}(180^\circ-120^\circ)=30^\circ,$$



$$\text{在 } \text{Rt}\triangle AOC \text{ 中, } OC=\frac{1}{2}OA=10, AC$$

$$=\sqrt{3}OC=10\sqrt{3},$$

$$\therefore AB=2AC=20\sqrt{3} \approx 69(\text{步});$$

$$\text{而 } \widehat{AB} \text{ 的长}=\frac{120 \cdot \pi \cdot 20}{180} \approx 84(\text{步}),$$

\widehat{AB} 的长与 AB 的长多15步.

所以这些市民其实仅仅少走了15步.

答案为: 15.

14. 30° 或 110° 解析: 如图, 当点 P 在直线 AB 的右侧时, 连接 AP .

$$\because AB=AC, \angle BAC=40^\circ,$$

$$\therefore \angle ABC=\angle C=70^\circ,$$

$$\because AB=AB, AC=PB, BC=PA,$$

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle BAP$,

$$\therefore \angle ABP=\angle BAC=40^\circ,$$

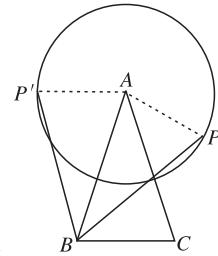
$$\therefore \angle PBC=\angle ABC-\angle ABP=30^\circ,$$

当点 P' 在 AB 的左侧时, 同法可得

$$\angle ABP'=40^\circ,$$

$$\therefore \angle P'BC=40^\circ+70^\circ=110^\circ,$$

答案为 30° 或 110° .



15. 12或4 解析: 设点 A 的坐标为 $(x, \frac{k}{x})$,

当点 P 在 AB 的延长线上时,

$$\therefore AP=2AB,$$

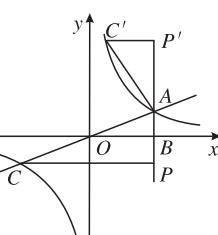
$$\therefore AB=\frac{1}{2}AP,$$

$\therefore PC \parallel x$ 轴,

$$\therefore \text{点 } C \text{ 的坐标为 } (-x, -\frac{k}{x}),$$

$$\text{由题意得, } \frac{1}{2} \times 2x \times \frac{2k}{x} = 8,$$

$$\text{解得, } k=4,$$



当点 P 在 BA 的延长线上时, $\therefore AP=2AB, PC \parallel x$ 轴,

$$\therefore \text{点 } C \text{ 的坐标为 } (\frac{1}{3}x, \frac{3k}{x}),$$

$$\therefore P'C'=\frac{2}{3}x,$$

由题意得, $\frac{1}{2} \times \frac{2}{3}x \times \frac{2k}{x} = 8$, 解得, $k=12$,

当点 P 在第三象限时, 情况相同,

答案为: 12 或 4.

16. $y = \frac{6x+10}{5}$ ($0 < x \leq \frac{65}{5}$) 或 $y = \frac{120-15x}{2}$ ($6 \leq x < 8$) 解

析: ①当长方体实心铁块的棱长为 10cm 和 y cm 的那一面平放在长方体的容器底面时, 则铁块浸在水中的高度为 8cm, 此时, 水位上升了 $(8-x)$ cm ($x < 8$), 铁块浸在水中的体积为 $10 \times 8 \times y = 80y$ cm³,

$$\therefore 80y = 30 \times 20 \times (8-x),$$

$$\therefore y = \frac{120-15x}{2},$$

$$\because y \leq 15, \therefore x \geq 6,$$

$$\text{即: } y = \frac{120-15x}{2} (6 \leq x < 8),$$

②当长方体实心铁块的棱长为 10cm 和 10cm 的那一面平放在长方体的容器底面时, 同 ① 的方法得, $y = \frac{6x+10}{5}$ ($0 < x \leq \frac{65}{6}$),

$$\text{答案为: } y = \frac{6x+10}{5} (0 < x \leq \frac{65}{5}) \text{ 或 } y = \frac{120-15x}{2} (6 \leq x <$$

8)

三、解答题

17. 解: (1) 原式 = $2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} - 1 + 3 = 2$;

$$(2) a=1, b=-2, c=-1,$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 4 + 4 = 8 > 0,$$

方程有两个不相等的实数根,

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2} = 1 \pm \sqrt{\frac{1}{2}},$$

$$\text{则 } x_1 = 1 + \sqrt{\frac{1}{2}}, x_2 = 1 - \sqrt{\frac{1}{2}}.$$

18. 解: (1) 由图可得,

2016 年机动车的拥有量为 3.40 万辆,

$$\bar{x}_{\text{人民路路口}} = \frac{54+82+86+98+124+156+196+164}{8} =$$

120(次),

$$\bar{x}_{\text{学校门口}} = \frac{65+85+121+144+128+108+77+72}{8} =$$

100(次)

即 2010 年~2017 年在人民路路口和学校门口堵车次数的平均数分别是 120 次、100 次;

(2) 随着人民生活水平的提高, 居民的汽车拥有量明显增加, 同时随着汽车数量的增加, 也给交通带来了压力, 堵车次数明显增加, 学校路口学生通过次数较多, 政府和交通部分加强重视, 进行治理, 堵车次数明显好转, 人民路路口堵车次数不断增加, 引起政府重视, 加大治理, 交通有所好转.

19. 解: (1) 由图象可知: 汽车行驶 400 千米, 剩余油量 30 升,

行驶时的耗油量为 0.1 升/千米, 则汽车行驶 400 千米, 耗油 $400 \times 0.1 = 40$ (升)

∴ 加满油时油箱的油量是 $40 + 30 = 70$ (升).

(2) 设 $y = kx + b$ ($k \neq 0$),

把 $(0, 70), (400, 30)$ 坐标代入可得: $k = -0.1, b = 70$

$$\therefore y = -0.1x + 70,$$

当 $y=5$ 时, $x=650$

即已行驶的路程为 650 千米.

20. 解: (1) ∵ $P_1(4, 0), P_2(0, 0), 4-0=4>0$,

∴ 绘制线段 $P_1P_2, P_1P_2=4$;

(2) ∵ $P_1(0, 0), 0-0=0$,

∴ 绘制抛物线,

设 $y=ax(x-4)$,

把 $(6, 6)$ 代入得: $6=12a$,

$$\text{解得: } a=\frac{1}{2},$$

$$\therefore y=\frac{1}{2}x(x-4)=\frac{1}{2}x^2-2x.$$

21. 解: (1) ∵ $AC=DE=20$ cm, $AE=CD=10$ cm,

∴ 四边形 $ACDE$ 是平行四边形,

∴ $AC \parallel DE$,

∴ $\angle DFB=\angle CAB$,

∵ $\angle CAB=85^\circ$,

∴ $\angle DFB=85^\circ$;

(2) 如图, 作 $CG \perp AB$ 于点 G ,

∵ $AC=20$ cm, $\angle CGA=90^\circ$,
 $\angle CAB=60^\circ$,

$$\therefore CG=10\sqrt{3}, AG=10,$$

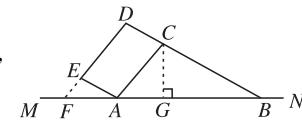
$$\therefore BD=40, CD=10,$$

$$\therefore CB=30,$$

$$\therefore BG=\sqrt{30^2-(10\sqrt{3})^2}=10\sqrt{6},$$

$$\therefore AB=AG+BG=10+10\sqrt{6} \approx 10+10 \times 2.449=34.49 \approx 34.5 \text{ cm},$$

即 A, B 之间的距离为 34.5 cm.



22. 解: (1) 若 $\angle A$ 为顶角, 则 $\angle B=(180^\circ-\angle A)\div 2=50^\circ$;

若 $\angle A$ 为底角, $\angle B$ 为顶角, 则 $\angle B=180^\circ-2\times 80^\circ=20^\circ$;

若 $\angle A$ 为底角, $\angle B$ 为底角, 则 $\angle B=80^\circ$;

故 $\angle B=50^\circ$ 或 20° 或 80° ;

(2) 分两种情况:

① 当 $90 \leq x < 180$ 时, $\angle A$ 只能为顶角,

∴ $\angle B$ 的度数只有一个;

② 当 $0 < x < 90$ 时,

若 $\angle A$ 为顶角, 则 $\angle B=(\frac{180-x}{2})^\circ$;

若 $\angle A$ 为底角, $\angle B$ 为顶角, 则 $\angle B=(180-2x)^\circ$;

若 $\angle A$ 为底角, $\angle B$ 为底角, 则 $\angle B=x^\circ$.

当 $\frac{180-x}{2} \neq 180-2x$ 且 $180-2x \neq x$ 且 $\frac{180-x}{2} \neq x$,

即 $x \neq 60$ 时, $\angle B$ 有三个不同的度数.

综上所述, 可知当 $0 < x < 90$ 且 $x \neq 60$ 时, $\angle B$ 有三个不同的度数.

23. (1) 证明: ∵ 四边形 $ABCD$ 是菱形,

∴ $\angle B+\angle C=180^\circ, \angle B=\angle D, AB=AD$,

∴ $\angle EAF=\angle B$,

∴ $\angle EAF+\angle C=180^\circ$,

∴ $\angle AEC+\angle AFC=180^\circ$,

∴ $AE \perp BC$,

$\therefore AF \perp CD$,

在 $\triangle AEB$ 和 $\triangle AFD$ 中,

$$\begin{cases} \angle AEB = \angle AFD \\ \angle B = \angle D \\ AB = AD \end{cases}$$

$\therefore \triangle AEB \cong \triangle AFD$,

$\therefore AE = AF$;

(2) 证明: 由(1)得, $\angle PAQ = \angle EAF = \angle B$, $AE = AF$,

$\therefore \angle EAP = \angle FAQ$,

在 $\triangle AEP$ 和 $\triangle AFQ$ 中,

$$\begin{cases} \angle AEP = \angle AFQ = 90^\circ \\ AE = AF \\ \angle EAP = \angle FAQ \end{cases}$$

$\therefore \triangle AEP \cong \triangle AFQ$,

$\therefore AP = AQ$;

(3) 解: 已知: $AB = 4$, $\angle B = 60^\circ$,

求四边形 $APCQ$ 的面积,

解: 连接 AC 、 BD 交于 O ,

$\because \angle ABC = 60^\circ$, $BA = BC$,

$\therefore \triangle ABC$ 为等边三角形,

$\therefore AE \perp BC$,

$\therefore BE = EC$,

同理, $CF = FD$,

\therefore 四边形 $AECF$ 的面积 = $\frac{1}{2} \times$ 四边形 $ABCD$ 的面积,

由(2)得, 四边形 $APCQ$ 的面积 = 四边形 $AECF$ 的面积,

$$OA = \frac{1}{2}AB = 2, OB = \frac{\sqrt{3}}{2}AB = 2\sqrt{3},$$

$$\therefore$$
 四边形 $ABCD$ 的面积 = $\frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} \times 4 = 8\sqrt{3}$,

$$\therefore$$
 四边形 $APCQ$ 的面积 = $4\sqrt{3}$.

24. 解: (1) 第一班上行车到 B 站用时 $\frac{5}{30} = \frac{1}{6}$ 小时,

第一班下行车到 C 站用时 $\frac{5}{30} = \frac{1}{6}$ 小时;

(2) 当 $0 \leq t \leq \frac{1}{4}$ 时, $s = 15 - 60t$,

当 $\frac{1}{4} < t \leq \frac{1}{2}$ 时, $s = 60t - 15$;

(3) 由(2)可知同时出发的一对上、下行车的位置关于 BC 中点对称, 设乘客到达 A 站总时间为 t 分钟,

① 当 $x = 2.5$ 时, 往 B 站用时 30 分钟, 还需要再等下行车 5 分钟,

$$t = 30 + 5 + 10 = 45, \text{ 不合题意};$$

② 当 $x < 2.5$ 时, 只能往 B 站乘下行车, 他离 B 站 x 千米, 则离他右边最近的下行车离 C 站也是 x 千米, 这辆下行车离 B 站 $(5-x)$ 千米,

如果能乘上右侧的第一辆下行车, 则 $\frac{x}{5} \leq \frac{5-x}{30}$, 解得: x

$$\leq \frac{5}{7},$$

$$\therefore 0 < x \leq \frac{5}{7},$$

$$\therefore 18 \frac{4}{7} \leq t < 20,$$

$$\therefore 0 < x \leq \frac{5}{7} \text{ 符合题意};$$

如果乘不上右侧第一辆下行车, 只能乘右侧第二辆下行车,
 $x > \frac{5}{7}$,

$$\frac{x}{5} \leq \frac{10-x}{30}, \text{ 解得: } x \leq \frac{10}{7},$$

$$\therefore \frac{5}{7} < x \leq \frac{10}{7}, 22 \frac{1}{7} \leq t < 28 \frac{4}{7},$$

$$\therefore \frac{5}{7} < x \leq \frac{10}{7} \text{ 符合题意};$$

如果乘不上右侧第二辆下行车, 只能乘右侧第三辆下行车,
 $x > \frac{10}{7}$,

$$\frac{x}{5} \leq \frac{15-x}{30}, \text{ 解得: } x \leq \frac{15}{7},$$

$$\therefore \frac{10}{7} < x \leq \frac{15}{7}, 35 \frac{5}{7} \leq t < 37 \frac{1}{7}, \text{ 不合题意},$$

$$\therefore \text{综上, 得 } 0 < x \leq \frac{10}{7};$$

③ 当 $x > 2.5$ 时, 乘客需往 C 站乘坐下行车. 离他左边最近的下行车离 B 站是 $(5-x)$ 千米, 离他右边最近的下行车离 C 站也是 $(5-x)$ 千米.

如果乘上右侧第一辆下行车, 则 $\frac{5-x}{5} \leq \frac{5-x}{30}$, 解得: $x \geq 5$,

不合题意.

$\therefore x \geq 5$, 不合题意.

如果乘不上右侧第一辆下行车, 只能乘右侧第二辆下行车,
 $x < 5$,

$$\frac{5-x}{5} \leq \frac{10-x}{30}, \text{ 解得 } x \geq 4,$$

$$\therefore 4 \leq x < 5, 30 < t \leq 32,$$

$\therefore 4 \leq x < 5$ 符合题意.

如果乘不上右侧第二辆下行车, 只能乘右侧第三辆下行车,
 $x < 4$,

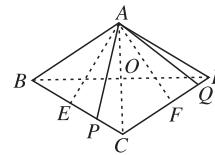
$$\frac{5-x}{5} \leq \frac{15-x}{30}, \text{ 解得 } x \geq 3,$$

$$\therefore 3 \leq x < 4, 42 < t \leq 44,$$

$\therefore 3 \leq x < 4$ 不合题意.

综上, 得 $4 \leq x < 5$.

综上所述, $0 < x \leq \frac{10}{7}$ 或 $4 \leq x < 5$.



2018 年浙江省舟山(嘉兴)市中考试卷

一、选择题

1. C 解析: A. 俯视图是圆, 故 A 不符合题意;

B. 俯视图是矩形, 故 B 不符合题意;

C. 俯视图是三角形, 故 C 符合题意;

D. 俯视图是四边形, 故 D 不符合题意;

所以选: C.

2. B 解析: $1500000 = 1.5 \times 10^6$, 因此选: B.

3. D 解析: 由图可得,

1 月份销量为 2.2 万辆, 故选项 A 正确,

从2月到3月的月销量增长最快,故选项B正确,
4月份销量比3月份增加了 $4.3 - 3.3 = 1$ (万辆),故选项C正确,

1~2月新能源乘用车销量减少,2~4月新能源乘用车销量逐月增加,故选项D错误,

答案选:D.

4.A 解析:不等式 $1-x \geq 2$,

解得: $x \leq -1$,

表示在数轴上,如图所示:

所以选:A.

5.A 解析:由于得到的图形的中间是正方形,且顶点在原来的正方形的对角线上,所以选:A.

6.D 解析:用反证法证明时,假设结论“点在圆外”不成立,那么点与圆的位置关系只能是:点在圆上或圆内.答案选:D.

7.B 解析:欧几里得的《原本》记载,形如 $x^2+ax=b^2$ 的方程的

图解法是:画 $Rt\triangle ABC$,使 $\angle ACB=90^\circ$, $BC=\frac{a}{2}$, $AC=b$,再

在斜边 AB 上截取 $BD=\frac{a}{2}$,

设 $AD=x$,根据勾股定理得: $(x+\frac{a}{2})^2=b^2+(\frac{a}{2})^2$,

整理得: $x^2+ax=b^2$,

则该方程的一个正根是 AD 的长,

答案选:B.

8.C 解析: A.由作图可知, $AC \perp BD$,且平分 BD ,即对角线平分且垂直的四边形是菱形,正确;

B.由作图可知, $AB=BC$, $AD=AB$,即四边相等的四边形是菱形,正确;

C.由作图可知, $AB=DC$, $AD=BC$,只能得出 $ABCD$ 是平行四边形,错误;

D.由作图可知,对角线 AC 平分对角,可以得出是菱形,正确;

所以选:C.

9.D 解析:设点A的坐标为 $(a, 0)$,

\because 过点C的直线与 x 轴, y 轴分别交于点A,B,且 $AB=BC$, $\triangle AOB$ 的面积为1,

\therefore 点 $C(-a, -\frac{k}{a})$,

\therefore 点B的坐标为 $(0, -\frac{k}{2a})$,

$\therefore \frac{-a \cdot \frac{-k}{2a}}{2} = 1$,

解得, $k=4$,

因此选:D.

10.B 解析: \because 甲、乙、丙、丁四队分别获得第一、二、三、四名,各队的总得分恰好是四个连续奇数,

\therefore 甲得分为7分,2胜1平,乙得分5分,1胜2平,丙得分3分,1胜0平,丁得分1分,0胜1平,

\because 甲、乙都没有输球, \therefore 甲一定与乙平,

\because 丙得分3分,1胜0平,乙得分5分,1胜2平,

\therefore 与乙打平的球队是甲与丁.

所以选:B.

二、填空题

11. $m(m-3)$ 解析: $m^2-3m=m(m-3)$. 答案为: $m(m-3)$.

12. 2 解析: $\because \frac{AB}{AC}=\frac{1}{3}$, $\therefore \frac{BC}{AB}=2$, $\therefore l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$, $\therefore \frac{EF}{DE}=\frac{BC}{AB}=2$,答案为:2.

13. $\frac{1}{4}$,不公平 解析:所有可能出现的结果如下表所示:

	正	反
正	(正,正)	(正,反)
反	(反,正)	(反,反)

因为抛两枚硬币,所有机会均等的结果为:正正,正反,反正,反反,所以出现两个正面的概率为 $\frac{1}{4}$,一正一反的概率为 $\frac{2}{4}=\frac{1}{2}$,因为二者概率不等,所以游戏不公平.

答案为: $\frac{1}{4}$,不公平.

14. $\frac{5\sqrt{3}}{3}$ 解析:连接OC,

\because 直尺一边与量角器相切于点C,

$\therefore OC \perp AD$,

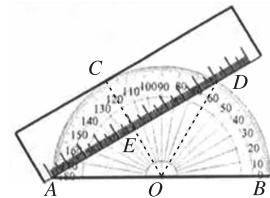
$\therefore AD=10$, $\angle DOB=60^\circ$,

$\therefore \angle DAO=30^\circ$,

$\therefore OE=\frac{5\sqrt{3}}{3}$, $OA=\frac{10\sqrt{3}}{3}$,

$\therefore CE=OC-OE=OA-OE=\frac{5\sqrt{3}}{3}$,

答案为: $\frac{5\sqrt{3}}{3}$.



15. $\frac{300}{x} = \frac{200}{x-20} \times (1-10\%)$ 解析:设甲每小时检测 x 个,则

乙每小时检测 $(x-20)$ 个,

根据题意得, $\frac{300}{x} = \frac{200}{x-20} \times (1-10\%)$,

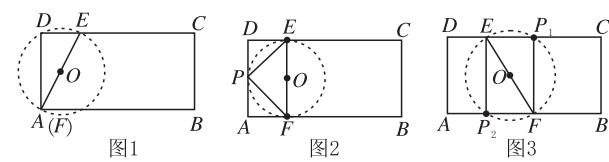
答案为: $\frac{300}{x} = \frac{200}{x-20} \times (1-10\%)$.

16. 0或 $1 < AF < \frac{11}{3}$ 或4 解析: $\because \triangle EFP$ 是直角三角形,且点P在矩形ABCD的边上,

$\therefore P$ 是以EF为直径的圆O与矩形ABCD的交点,

①当 $AF=0$ 时,如图1,此时点P有两个,一个与D重合,一个交在边AB上;

②当 $\odot O$ 与AD相切时,设与AD边的切点为P,如图2,此时 $\triangle EFP$ 是直角三角形,点P只有一个,



当 $\odot O$ 与BC相切时,如图4,连接OP,此时构成三个直角三角形,

则 $OP \perp BC$,设 $AF=x$,则 $BF=P_1C=4-x$, $EP_1=x-1$,

$\because OP \parallel EC, OE = OF$,

$$\therefore OG = \frac{1}{2} EP_1 = \frac{x-1}{2}$$

$$\therefore \odot O \text{ 的半径为: } OF = OP = \frac{x-1}{2} + (4$$

$-x)$,

在 $Rt\triangle OGF$ 中, 由勾股定理得: $OF^2 = OG^2 + GF^2$,

$$\therefore \left(\frac{x-1}{2} + 4 - x\right)^2 = \left(\frac{x-1}{2}\right)^2 + 1^2,$$

$$\text{解得: } x = \frac{11}{3},$$

\therefore 当 $1 < AF < \frac{11}{3}$ 时, 这样的直角三角形恰好有两个;

③当 $AF = 4$, 即 F 与 B 重合时, 这样

的直角三角形恰好有两个, 如图 5,

综上所述, 则 AF 的值是: 0 或 $1 < AF$

$$< \frac{11}{3} \text{ 或 } 4.$$

$$\text{答案为: } 0 \text{ 或 } 1 < AF < \frac{11}{3} \text{ 或 } 4.$$

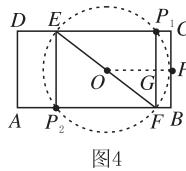


图4

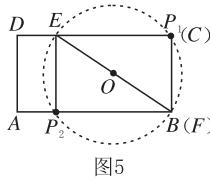


图5

$\therefore \angle A = \angle C$,

$\therefore BA = BC$, $\because AB = AC$,

$\therefore AB = BC = AC$,

$\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形.

20. 解: (1) 甲车间样品的合格率为: $\frac{5+6}{20} \times 100\% = 55\%$;

(2) \because 乙车间样品的合格产品数为: $20 - (1 + 2 + 2) = 15$ (个),

\therefore 乙车间样品的合格率为: $\frac{15}{20} \times 100\% = 75\%$,

\therefore 乙车间的合格产品数为: $1000 \times 75\% = 750$ (个);

(3) ①从样品合格率看, 乙车间合格率比甲车间高, 所以乙车间生产的新产品更好;

②从样品的方差看, 甲、乙平均数相等, 且均在合格范围内, 而乙的方差小于甲的方差, 说明乙比甲稳定, 所以乙车间生产的新产品更好.

21. 解: (1) 由图象可知, 对于每一个摆动时间 t , h 都有唯一确定的值与其对应,

\therefore 变量 h 是关于 t 的函数;

(2) ①由函数图象可知, 当 $t = 0.7$ s 时, $h = 0.5$ m, 它的实际意义是秋千摆动 0.7 s 时, 离地面的高度是 0.5 m;

②由图象可知, 秋千摆动第一个来回需 2.8 s.

22. 解: (1) 如图 2, 当 P 位于初始位置 P_0 时, $CP_0 = 2$ m,

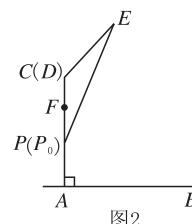


图2

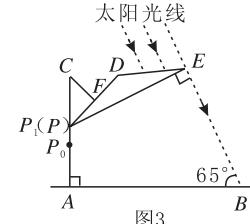


图3

如图 3, 上午 10:00 时, 太阳光线与地面的夹角为 65° , 点 P 上调至 P_1 处, 上调的距离为 P_0P_1 .

$\therefore \angle P_1EB = 90^\circ, \angle CAB = 90^\circ, \angle ABE = 65^\circ$,

$\therefore \angle AP_1E = 115^\circ, \therefore \angle CP_1E = 65^\circ$,

$\therefore \angle DP_1E = 20^\circ, \therefore \angle CP_1F = 45^\circ$,

$\therefore CF = P_1F = 1$ m, $\therefore \angle C = \angle CP_1F = 45^\circ$,

$\therefore \triangle CP_1F$ 是等腰直角三角形,

$\therefore P_1C = \sqrt{2}$ m,

$\therefore P_0P_1 = CP_0 - P_1C = 2 - \sqrt{2} \approx 0.6$ m,

即为使遮阳效果最佳, 点 P 需从 P_0 上调 0.6 m.

(2) 如图 4, 中午 12:00 时, 太阳光线与 PE 地面都垂直, 为使遮阳效果最佳, 点 P 调到 P_2 处.

$\therefore P_2E \parallel AB, \therefore \angle CAB = 90^\circ$,

$\therefore \angle CP_2E = \angle CAB = 90^\circ$,

$\therefore \angle DP_2E = 20^\circ$,

$\therefore \angle CP_2F = 70^\circ$.

$\therefore CF = P_2F = 1$ m, 得

$\triangle CP_2F$ 为等腰三角形,

$\therefore \angle C = \angle CP_2F = 70^\circ$.

过点 F 作 $FG \perp AC$ 于点 G , 则 $CP_2 = 2CG = 1 \times \cos 70^\circ \approx 0.68$ m,

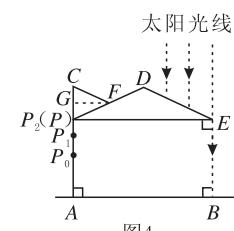


图4

$\therefore P_1P_2 = CP_1 - CP_2 = \sqrt{2} - 0.68 \approx 0.7\text{m}$,

即点 P 在(1)的基础上还需上调 0.7m .

23. 解:(1) 点 M 为二次函数 $y = -(x-b)^2 + 4b+1$ 图象的顶点,

$\therefore M$ 的坐标是 $(b, 4b+1)$,

把 $x=b$ 代入 $y=4x+1$, 得 $y=4b+1$,

\therefore 点 M 在直线 $y=4x+1$ 上;

(2) 如图 1,

直线 $y=mx+5$ 交 y 轴于点 B ,

$\therefore B$ 点坐标为 $(0, 5)$ 又 $\because B$ 在抛物线上,

$\therefore 5 = -(0-b)^2 + 4b+1 = 5$, 解得 $b=2$,

\therefore 二次函数的表达式为 $y = -(x-2)^2 + 9$,

当 $y=0$ 时, $-(x-2)^2 + 9 = 0$, 解得 $x_1 = 5$, $x_2 = -1$,

$\therefore A(5, 0)$.

由图象, 得

当 $mx+5 > -(x-b)^2 + 4b+1$ 时, x 的取值范围是 $x < 0$ 或 $x > 5$;

(3) 如图 2,

\because 直线 $y=4x+1$ 与直线 AB 交于点 E , 与 y 轴交于 F , $A(5, 0)$, $B(0, 5)$ 得直线 AB 的解析式为 $y=-x+5$,

解方程组 $\begin{cases} y=4x+1 \\ y=-x+5 \end{cases}$,

得 $\begin{cases} x=\frac{4}{5} \\ y=\frac{21}{5} \end{cases}$, \therefore 点 $E\left(\frac{4}{5}, \frac{21}{5}\right)$, $F(0, 1)$.

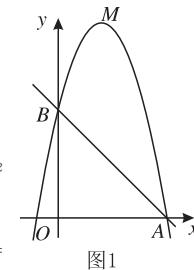


图1

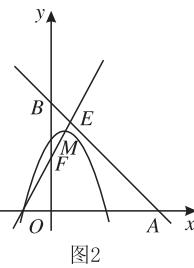


图2

点 M 在 $\triangle AOB$ 内, $1 < 4b+1 < \frac{21}{5}$

$\therefore 0 < b < \frac{4}{5}$.

当点 C, D 关于抛物线的对称轴(直线 $x=b$)对称时, $b-\frac{1}{4}$

$=\frac{3}{4}-b$, $\therefore b=\frac{1}{2}$,

且二次函数图象开口向下, 顶点 M 在直线 $y=4x+1$ 上,

综上: ①当 $0 < b < \frac{1}{2}$ 时, $y_1 > y_2$,

②当 $b=\frac{1}{2}$ 时, $y_1=y_2$,

③当 $\frac{1}{2} < b < \frac{4}{5}$ 时, $y_1 < y_2$.

24. (舟山卷)(1) $\because \angle B = \angle C$, $\angle CPE = \angle BPF$

$= \angle BPF$, $\angle CPE = \angle C$,

$\therefore \angle B = \angle BPF = \angle CPE$, $\angle BPF = \angle C$,

$\therefore PF = BF$, $PE \parallel AF$, $PF \parallel AE$,

$\therefore PE = AF$,

$\therefore PE + PF = AF + BF = AB$.

(2) 猜想: $BD = PE + PF$, 理由如下:

过点 B 作 DC 的平行线交 EP 的延长线于点 G ,

则 $\angle ABC = \angle C = \angle CBG$,

$\therefore \angle CPE = \angle BPF$,

$\therefore \angle BPF = \angle CPE = \angle BPG$,

又 $BP = BP$,

$\therefore \triangle FBP \cong \triangle GBP$ (ASA), $\therefore PF = PG$.

$\therefore \angle CBD = \angle CPE$,

$\therefore PE \parallel BD$,

\therefore 四边形 $BGED$ 是平行四边形,

$\therefore BD = EG = PG + PE = PE + PF$.

(3) ① 设 $\angle CPE = \angle BPF = x$,

$\therefore \angle C = 27^\circ$, $PA = AE$,

$\therefore \angle APE = \angle PEA = \angle C + \angle CPE = 27^\circ + x$,

又 $\angle BPA + \angle APE + \angle CPE = 180^\circ$, 即 $x + x + 27^\circ + x = 180^\circ$,

$\therefore x = 51^\circ$, 即 $\angle CPE = 51^\circ$.

② 延长 BA 至 M , 使 $AM = AP$, 连结 MP

$\therefore \angle C = 27^\circ$, $\angle BPA = \angle CPE$

$= 51^\circ$.

$\therefore \angle BAP = 180^\circ - \angle B - \angle BPA = 102^\circ = \angle M + \angle MPA$,

$\therefore AM = AP$, $\therefore \angle M = \angle MPA = \frac{1}{2} \angle BAP = 51^\circ$,

$\therefore \angle M = \angle BPA$,

而 $\angle B = \angle B$,

$\therefore \triangle ABP \sim \triangle PBM$. $\therefore \frac{BP}{AB} = \frac{BM}{BP}$,

$\therefore BP^2 = AB \cdot BM$, $\therefore PB = a$, $PA = AM = b$, $AB = c$,

$\therefore a^2 = c(b+c)$. $\therefore b = \frac{a^2 - c^2}{c}$.

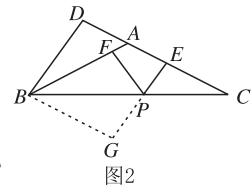


图2

24. (嘉兴卷)解:(1) $\triangle ABC$ 是“等高底”三角形;

理由: 如图 1, 过 A 作 $AD \perp BC$ 于 D , 则 $\triangle ADC$ 是直角三角形, $\angle ADC = 90^\circ$,

$\therefore \angle ACB = 30^\circ$, $AC = 6$,

$\therefore AD = \frac{1}{2} AC = 3$,

$\therefore AD = BC = 3$,

即 $\triangle ABC$ 是“等高底”三角形;

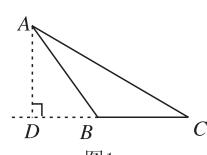


图1

(2) 如图 2, $\because \triangle ABC$ 是“等高底”三角形, BC 是“等底”,

$\therefore AD = BC$,

$\because \triangle ABC$ 关于 BC 所在直线的对称图形是 $\triangle A'BC$,

$\therefore \angle ADC = 90^\circ$,

\because 点 B 是 $\triangle AA'C$ 的重心,

$\therefore BC = 2BD$,

设 $BD = x$, 则 $AD = BC = 2x$, $CD = 3x$,

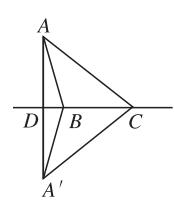


图2

由勾股定理得 $AC = \sqrt{13}x$,

$\therefore \frac{AC}{BC} = \frac{\sqrt{13}x}{2x} = \frac{\sqrt{13}}{2}$;

(3) ① 当 $AB = \sqrt{2}BC$ 时,

I. 如图 3, 作 $AE \perp BC$ 于 E , $DF \perp$

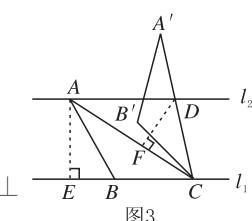


图3

AC 于 F,

∴“等高底” $\triangle ABC$ 的“等底”为 BC , $l_1 \parallel l_2$, l_1 与 l_2 之间的距离为 2, $AB = \sqrt{2}BC$,

$\therefore BC = AE = 2$, $AB = 2\sqrt{2}$,

$\therefore BE = 2$, 即 $EC = 4$,

$\therefore AC = 2\sqrt{5}$,

∴ $\triangle ABC$ 绕点 C 按顺时针方向旋转 45° 得到 $\triangle A'B'C$,

$\therefore \angle DCF = 45^\circ$,

设 $DF = CF = x$,

$\because l_1 \parallel l_2$, $\therefore \angle ACE = \angle DAF$,

$\therefore \frac{DF}{AF} = \frac{AE}{CE} = \frac{1}{2}$, 即 $AF = 2x$,

$\therefore AC = 3x = 2\sqrt{5}$,

$\therefore x = \frac{2}{3}\sqrt{5}$, $CD = \sqrt{2}x = \frac{2}{3}\sqrt{10}$.

II. 如图 4, 此时 $\triangle ABC$ 是等腰直角三角形,

∴ $\triangle ABC$ 绕点 C 按顺时针方向旋转

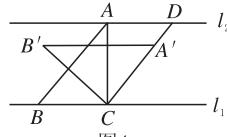


图4

45° 得到 $\triangle A'B'C$,

$\therefore \triangle ACD$ 是等腰直角三角形,

$\therefore CD = \sqrt{2}AC = 2\sqrt{2}$.

②当 $AC = \sqrt{2}BC$ 时,

I. 如图 5, 此时 $\triangle ABC$ 是等腰直角三角形,

∴ $\triangle ABC$ 绕点 C 按顺时针方向旋转

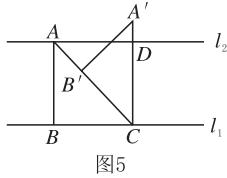


图5

45° 得到 $\triangle A'B'C$,

$\therefore A'C \perp l_1$,

$\therefore CD = AB = BC = 2$;

II. 如图 6, 作 $AE \perp BC$ 于 E, 则 $AE = BC$,

$= BC$,

$\therefore AC = \sqrt{2}BC = \sqrt{2}AE$,

$\therefore \angle ACE = 45^\circ$,

$\therefore \triangle ABC$ 绕点 C 按顺时针方向旋转 45° , 得到 $\triangle A'B'C$ 时, 点 A' 在

直线 l_1 上,

$\therefore A'C \parallel l_2$, 即直线 $A'C$ 与 l_2 无交点,

综上所述, CD 的值为 $\frac{2}{3}\sqrt{10}$, $2\sqrt{2}$, 2 .

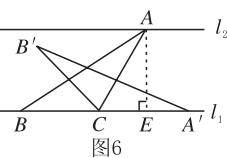


图6

2018 年浙江省金华(丽水)市中考试卷

一、选择题

1. D 解析: $\because -1 < -\frac{1}{2} < 0 < 1$,

∴最小的数是 -1 ,

所以选:D.

2. B 解析: $(-a)^3 \div a = -a^3 \div a = -a^{3-1} = -a^2$,

答案选:B.

3. D 解析: $\angle B$ 的同位角可以是: $\angle 4$, 因此选:D.

4. A 解析: 由分式的值为零的条件得 $x-3=0$, 且 $x+3 \neq 0$,

解得 $x=3$.

所以选:A.

5. A 解析: 观察三视图可知, 该几何体是直三棱柱. 答案选:A.

6. B 解析: ∵黄扇形区域的圆心角为 90° ,

所以黄区域所占的面积比例为 $\frac{90}{360} = \frac{1}{4}$,

即转动圆盘一次, 指针停在黄区域的概率是 $\frac{1}{4}$,

所以选:B.

7. C 解析: 如图, 过点 C 作 $CD \perp y$ 轴

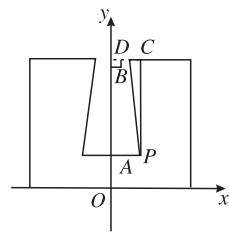
于 D,

$\therefore BD = 5$, $CD = 50 \div 2 - 16 = 9$,

$OA = OD - AD = 40 - 30 = 10$,

$\therefore P(9, 10)$;

所以选:C.



8. B 解析: 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $AB = \frac{AC}{\sin\alpha}$,

在 $\text{Rt}\triangle ACD$ 中, $AD = \frac{AC}{\sin\beta}$,

$\therefore AB : AD = \frac{AC}{\sin\alpha} : \frac{AC}{\sin\beta} = \frac{\sin\beta}{\sin\alpha}$,

答案选:B.

9. C 解析: ∵将 $\triangle ABC$ 绕点 C 顺时针旋转 90° 得到 $\triangle EDC$.

$\therefore \angle DCE = \angle ACB = 20^\circ$, $\angle BCD = \angle ACE = 90^\circ$, $AC = CE$,

$\therefore \angle ACD = 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$,

∴点 A, D, E 在同一条直线上,

$\therefore \angle ADC + \angle EDC = 180^\circ$,

$\therefore \angle EDC + \angle E + \angle DCE = 180^\circ$,

$\therefore \angle ADC = \angle E + 20^\circ$,

$\therefore \angle ACE = 90^\circ$, $AC = CE$

$\therefore \angle DAC + \angle E = 90^\circ$, $\angle E = \angle DAC = 45^\circ$

在 $\triangle ADC$ 中, $\angle ADC + \angle DAC + \angle DCA = 180^\circ$,

即 $45^\circ + 70^\circ + \angle ADC = 180^\circ$,

解得: $\angle ADC = 65^\circ$,

因此选:C.

10. D 解析: A. 观察函数图象, 可知: 每月上网时间不足 25 h 时, 选择 A 方式最省钱, 结论 A 正确;

B. 观察函数图象, 可知: 当每月上网费用 ≥ 50 元时, B 方式可上网的时间比 A 方式多, 结论 B 正确;

C. 设当 $x \geq 25$ 时, $y_A = kx + b$,

将(25, 30)、(55, 120)代入 $y_A = kx + b$, 得:

$$\begin{cases} 25k+b=30 \\ 55k+b=120 \end{cases}, \text{解得: } \begin{cases} k=3 \\ b=-45 \end{cases},$$

$\therefore y_A = 3x - 45 (x \geq 25)$,

当 $x=35$ 时, $y_A = 3x - 45 = 60 > 50$,

∴每月上网时间为 35h 时, 选择 B 方式最省钱, 结论 C 正确;

D. 设当 $x \geq 50$ 时, $y_B = mx + n$,

将(50, 50)、(55, 65)代入 $y_B = mx + n$, 得:

$$\begin{cases} 50m+n=50 \\ 55m+n=65 \end{cases}, \text{解得: } \begin{cases} m=3 \\ n=-100 \end{cases},$$

$\therefore y_B = 3x - 100 (x \geq 50)$,

当 $x=70$ 时, $y_B = 3x - 100 = 110 < 120$,

∴结论 D 错误. 所以选:D.

二、填空题

11. $x^2 - 1$ 解析: 原式 = $x^2 - 1$, 答案为: $x^2 - 1$.

12. 答案不唯一, 如 $CE = CD$, $AC = BC$ 等 解析: 添加 $AC = BC$,

$\because \triangle ABC$ 的两条高 AD, BE ,

$\therefore \angle ADC = \angle BEC = 90^\circ$,

$\therefore \angle DAC + \angle C = 90^\circ, \angle EBC + \angle C = 90^\circ$,

$\therefore \angle EBC = \angle DAC$,

在 $\triangle ADC$ 和 $\triangle BEC$ 中 $\begin{cases} \angle BEC = \angle ADC \\ \angle EBC = \angle DAC \\ AC = BC \end{cases}$

$\therefore \triangle ADC \cong \triangle BEC$ (AAS),

答案为: $AC = BC$ 等.

13. 6.9% 解析: 这 5 年增长速度分别是 7.8%、7.3%、6.9%、

6.7%、6.9%, 则这 5 年增长速度的众数是 6.9%,

答案为: 6.9%.

14. -1 解析: $\because 1 * (-1) = 2$,

$$\therefore \frac{a}{1} + \frac{b}{-1} = 2$$

即 $a - b = 2$

$$\therefore \text{原式} = -\frac{1}{2}(a - b) = -1$$

答案为: -1.

15. $\frac{\sqrt{2}+1}{4}$ 解析: 设七巧板的边长为 x , 则

$$AB = \frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{2}}{2}x, BC = \frac{1}{2}x + x + \frac{1}{2}x = 2x,$$

$$\frac{AB}{BC} = \frac{\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{2}}{2}x}{2x} = \frac{\sqrt{2}+1}{4}.$$

答案为: $\frac{\sqrt{2}+1}{4}$.

16. (1) $30\sqrt{3}$ (2) $10\sqrt{5}-10$ 解析: (1) 如图 2

中, 连接 B_1C_1 交 DD_1 于 H .

$$\because D_1A = D_1B_1 = 30$$

$\therefore D_1$ 是 $\widehat{B_1AC_1}$ 的圆心,

$\therefore AD_1 \perp B_1C_1$,

$$\therefore B_1H = C_1H = 30 \times \sin 60^\circ = 15\sqrt{3},$$

$$\therefore B_1C_1 = 30\sqrt{3}$$

\therefore 弓臂两端 B_1, C_1 的距离为 $30\sqrt{3}$

(2) 如图 3 中, 连接 B_1C_1 交 DD_1 于 H , 连接 B_2C_2 交 DD_2 于 G .

设半圆的半径为 r , 则 $\pi r = \frac{120 \cdot \pi \cdot 30}{180}$,

$$\therefore r = 20,$$

$$\therefore AG = GB_2 = 20, GD_1 = 30 - 20 = 10,$$

在 $\text{Rt } \triangle GB_2 D_2$ 中, $GD_2 = \sqrt{30^2 - 20^2}$

$$= 10\sqrt{5}$$

$$\therefore D_1D_2 = 10\sqrt{5} - 10.$$

答案为: $30\sqrt{3}, 10\sqrt{5} - 10$.

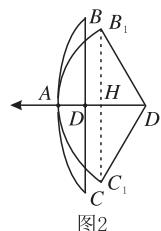


图2

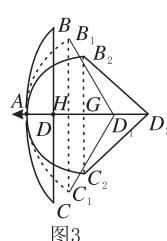


图3

三、解答题

17. 解: 原式 = $2\sqrt{2} + 1 - 4 \times \frac{\sqrt{2}}{2} + 2 = 2\sqrt{2} + 1 - 2\sqrt{2} + 2 = 3$.

18. 解: 解不等式 $\frac{x}{3} + 2 < x$, 得: $x > 3$,

解不等式 $2x + 2 \geqslant 3(x - 1)$, 得: $x \leqslant 5$,

\therefore 不等式组的解集为 $3 < x \leqslant 5$.

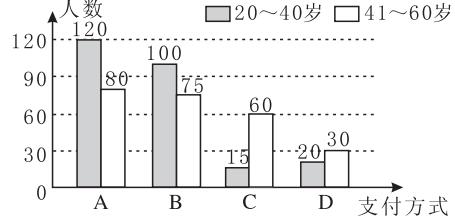
19. 解: (1) $(120 + 80) \div 40\% = 500$ (人).

答: 参与问卷调查的总人数为 500 人.

(2) $500 \times 15\% - 15 = 60$ (人).

补全条形统计图, 如图所示.

各种支付方式中不同年龄段人数条形统计图



(3) $8000 \times (1 - 40\% - 10\% - 15\%) = 2800$ (人).

答: 这些人中最喜欢微信支付方式的人数约为 2800 人.

20. 解: 符合条件的图形如图所示:

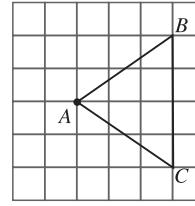


图1: 以点A为顶点的三角形

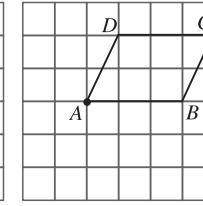


图2: 以点A为顶点的平行四边形

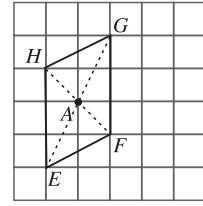


图3: 以点A为对角线交点的平行四边形

21. (1) 证明: 连接 OD ,

$\because OB = OD$,

$\therefore \angle 3 = \angle B$,

$\because \angle B = \angle 1$,

$\therefore \angle 1 = \angle 3$,

在 $\text{Rt } \triangle ACD$ 中, $\angle 1 + \angle 2 = 90^\circ$,

$\therefore \angle 4 = 180^\circ - (\angle 2 + \angle 3) = 90^\circ$,

$\therefore OD \perp AD$,

则 AD 为圆 O 的切线;

(2) 设圆 O 的半径为 r ,

在 $\text{Rt } \triangle ABC$ 中, $AC = BC \tan \angle B = 4$,

根据勾股定理得: $AB = \sqrt{4^2 + 8^2} = 4\sqrt{5}$,

$\therefore OA = 4\sqrt{5} - r$,

在 $\text{Rt } \triangle ACD$ 中, $\tan \angle 1 = \tan \angle B = \frac{1}{2}$,

$\therefore CD = AC \tan \angle 1 = 2$,

根据勾股定理得: $AD^2 = AC^2 + CD^2 = 16 + 4 = 20$,

在 $\text{Rt } \triangle ADO$ 中, $OA^2 = OD^2 + AD^2$, 即 $(4\sqrt{5} - r)^2 = r^2 + 20$,

解得: $r = \frac{3\sqrt{5}}{2}$.

22. 解: (1) 设抛物线解析式为 $y = ax(x - 10)$,

\therefore 当 $t = 2$ 时, $AD = 4$,

∴点D的坐标为(2,4),

∴将点D坐标代入解析式得 $-16a=4$,

$$\text{解得: } a=-\frac{1}{4},$$

抛物线的函数表达式为 $y=-\frac{1}{4}x^2+\frac{5}{2}x$.

(2)由抛物线的对称性得 $BE=OA=t$,

$$\therefore AB=10-2t,$$

$$\text{当 } x=t \text{ 时, } AD=-\frac{1}{4}t^2+\frac{5}{2}t,$$

∴矩形ABCD的周长 $=2(AB+AD)$

$$=2\left[(10-2t)+\left(-\frac{1}{4}t^2+\frac{5}{2}t\right)\right]$$

$$=-\frac{1}{2}t^2+t+20$$

$$=-\frac{1}{2}(t-1)^2+\frac{41}{2},$$

$$\therefore -\frac{1}{2}<0,$$

∴当 $t=1$ 时,矩形ABCD的周长有最大值,最大值为 $\frac{41}{2}$.

(3)如图,当 $t=2$ 时,

点A,B,C,D的坐标

分别为(2,0)、(8,0)

、(8,4)、(2,4),

∴矩形ABCD对角

线的交点P的坐标

为(5,2),

当平移后的抛物线过点A时,点H的坐标为(4,4),此时GH不能将矩形面积平分;

当平移后的抛物线过点C时,点G的坐标为(6,0),此时GH也不能将矩形面积平分;

∴当G,H中有一点落在线段AD或BC上时,直线GH不可能将矩形的面积平分,

当点G,H分别落在线段AB,DC上时,直线GH过点P必平分矩形ABCD的面积,

∵AB//CD,∴线段OD平移后得到的线段GH,

∴线段OD的中点Q平移后的对应点是P,

在△OBD中,PQ是中位线,

$$\therefore PQ=\frac{1}{2}OB=4,$$

所以抛物线向右平移的距离是4个单位.

23.解:(1)①如图1,∵ $m=4$,

∴反比例函数为 $y=\frac{4}{x}$,

当 $x=4$ 时, $y=1$,

∴B(4,1),

当 $y=2$ 时,

$$\therefore 2=\frac{4}{x},$$

∴ $x=2$,∴A(2,2),

设直线AB的函数表达式为 $y=kx+b$,

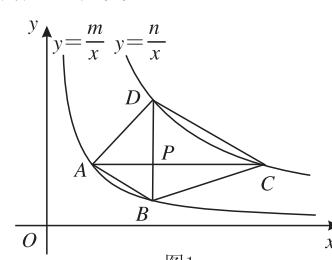
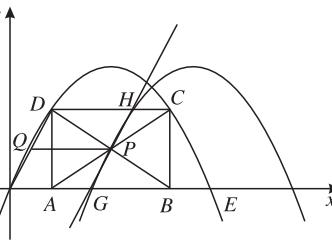


图1

$$\therefore \begin{cases} 2k+b=2 \\ 4k+b=1 \end{cases}, \therefore \begin{cases} k=-\frac{1}{2} \\ b=3 \end{cases},$$

∴直线AB的函数表达式为 $y=-\frac{1}{2}x+3$;

②四边形ABCD是菱形,

理由如下:如图2,由①

知,B(4,1),

∴ $BD \parallel y$ 轴,∴D(4,5),

∴点P是线段BD的中点,

∴P(4,3),

当 $y=3$ 时,由 $y=\frac{4}{x}$ 得, $x=\frac{4}{3}$,

$$\therefore PA=4-\frac{4}{3}=\frac{8}{3}, PC=\frac{20}{3}-4=\frac{8}{3},$$

∴PA=PC,

∴PB=PD,

∴四边形ABCD为平行四边形,

∴ $BD \perp AC$,

∴四边形ABCD是菱形;

(2)四边形ABCD能成为正方形,

理由:当四边形ABCD是正方形,记AC,BD的交点为P,

∴PA=PB=PC=PD,(设为 t , $t \neq 0$),

$$\text{当 } x=4 \text{ 时, } y=\frac{m}{x}=\frac{m}{4},$$

$$\therefore B\left(4, \frac{m}{4}\right), \therefore A\left(4-t, \frac{m}{4}+t\right), C\left(4+t, \frac{m}{4}+t\right),$$

$$\therefore (4-t)\left(\frac{m}{4}+t\right)=m,$$

$$\therefore t=4-\frac{m}{4},$$

$$\therefore C\left(8-\frac{m}{4}, 4\right),$$

$$\therefore \left(8-\frac{m}{4}\right) \times 4=n,$$

$$\therefore m+n=32,$$

$$\therefore \text{点 } D \text{ 的纵坐标为 } \frac{m}{4}+2t=\frac{m}{4}+2\left(4-\frac{m}{4}\right)=8-\frac{m}{4},$$

$$\therefore D\left(4, 8-\frac{m}{4}\right),$$

$$\therefore 4\left(8-\frac{m}{4}\right)=n,$$

$$\therefore m+n=32.$$

24.解:(1)①在正方形ACDE中, $DG=GE=6$,

在 $Rt\triangle AEG$ 中, $AG=\sqrt{AE^2+EG^2}=6\sqrt{5}$,

∴ $EG \parallel AC$,

∴ $\triangle ACF \sim \triangle GEF$,

$$\therefore \frac{FG}{AF}=\frac{EG}{AC},$$

$$\therefore \frac{FG}{AF}=\frac{6}{12}=\frac{1}{2},$$

$$\therefore FG=\frac{1}{3}AG=2\sqrt{5}.$$

②如图1中,正方形ACDE中, $AE=ED$, $\angle AEF=\angle DEF$

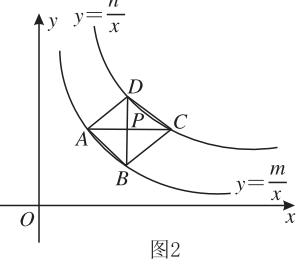


图2

$=45^\circ$,

$\because EF=EF$,

$\therefore \triangle AEF \cong \triangle DEF$,

$\therefore \angle 1=\angle 2$, 设 $\angle 1=\angle 2=x$,

$\because AE \parallel BC$,

$\therefore \angle B=\angle 1=x$,

$\because GF=GD$,

$\therefore \angle 3=\angle 2=x$,

在 $\triangle DBF$ 中, $\angle 3+\angle FDB+\angle B=180^\circ$,

$\therefore x+(x+90^\circ)+x=180^\circ$,

解得 $x=30^\circ$,

$\therefore \angle B=30^\circ$,

\therefore 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $BC=\frac{AC}{\tan 30^\circ}=12\sqrt{3}$.

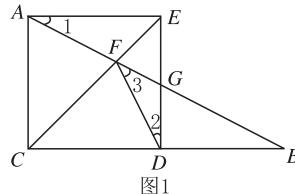


图1

(2) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $AB=\sqrt{AC^2+BC^2}=\sqrt{12^2+9^2}=15$,

如图 2 中, 当点 D 在线段 BC 上时, 此时

只有 $GF=GD$,

$\because DG \parallel AC$, $\therefore \triangle BDG \sim \triangle BCA$,

设 $BD=3x$, 则 $DG=4x$, $BG=5x$,

$\therefore GF=GD=4x$, 则 $AF=15-9x$,

$\because AE \parallel CB$, $\therefore \triangle AEF \sim \triangle BCF$,

$\therefore \frac{AE}{BC}=\frac{AF}{BF}$,

$\therefore \frac{9-3x}{9}=\frac{15-9x}{9x}$,

整理得: $x^2-6x+5=0$,

解得 $x=1$ 或 5 (舍弃)

\therefore 腰 $GD=4x=4$.

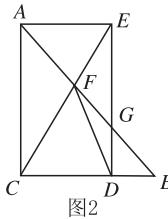


图2

如图 3 中, 当点 D 在线段 BC 的延

长线上, 且直线 AB, CE 的交点在

AE 上方时, 此时只有 $GF=DG$, 设

$AE=3x$, 则 $EG=4x$, $AG=5x$,

$\therefore FG=DG=12+4x$,

$\because AE \parallel BC$,

$\therefore \triangle AEF \sim \triangle BCF$,

$\therefore \frac{AE}{BC}=\frac{AF}{BF}$,

$\therefore \frac{3x}{9}=\frac{9x+12}{9x+27}$,

解得 $x=2$ 或 -2 (舍弃),

\therefore 腰 $DG=4x+12=20$.

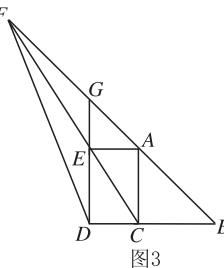


图3

如图 4 中, 当点 D 在线段 BC 的延

长线上, 且直线 AB, EC 的交点在

BD 下方时, 此时只有 $DF=DG$, 过点 D 作 $DH \perp FG$.

设 $AE=3x$, 则 $EG=4x$, $AG=5x$, $DG=4x+12$,

$\therefore FH=GH=DG \cdot \cos \angle DGB=(4x+12) \times \frac{4}{5}$

$=\frac{16x+48}{5}$,

$\therefore GF=2GH=\frac{32x+96}{5}$,

$\therefore AF=GF-AG=\frac{7x+96}{5}$,

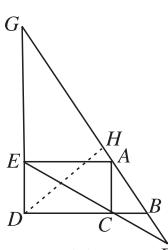


图4

$\because AC \parallel DG$, $\therefore \triangle ACF \sim \triangle GEF$,

$\therefore \frac{AC}{EG}=\frac{AF}{FG}, \therefore \frac{12}{4x}=\frac{\frac{7x+96}{5}}{\frac{32x+96}{5}}$,

解得 $x=\frac{12}{7}\sqrt{14}$ 或 $-\frac{12}{7}\sqrt{14}$ (舍弃),

\therefore 腰 $GD=4x+12=\frac{84+48\sqrt{14}}{7}$,

如图 5 中, 当点 D 在线段 CB 的延长线
上时, 此时只有 $DF=DG$, 作 $DH \perp AG$
于 H.

设 $AE=3x$, 则 $EG=4x$, $AG=5x$, $DG=4x-12$,

$\therefore FH=GH=DG \cdot \cos \angle DGB=\frac{16x-48}{5}$,

$\therefore FG=2FH=\frac{32x-96}{5}$,

$\therefore AF=AG-FG=\frac{96-7x}{5}$,

$\because AC \parallel EG$,

$\therefore \triangle ACF \sim \triangle GEF$,

$\therefore \frac{AC}{EG}=\frac{AF}{FG}$,

$\therefore \frac{12}{4x}=\frac{\frac{96-7x}{5}}{\frac{32x-96}{5}}$,

解得 $x=\frac{12}{7}\sqrt{14}$ 或 $-\frac{12}{7}\sqrt{14}$ (舍弃),

\therefore 腰 $DG=4x-12=-\frac{84+48\sqrt{14}}{7}$,

综上所述, 等腰三角形 $\triangle DFG$ 的腰长为 4 或 20 或 $\frac{84+48\sqrt{14}}{7}$ 或 $-\frac{84+48\sqrt{14}}{7}$.

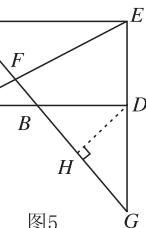


图5

2018 年浙江省湖州市中考试卷

一、选择题

1. B 解析: 2018 的相反数是 -2018 , 所以选: B.

2. A 解析: $-3a \cdot (2b)=-6ab$, 因此选: A.

3. D 解析: 从左边看是两个圆环, 选: D.

4. B 解析: 由表可知, 11 件的次数最多, 所以众数为 11 件, 答案选: B.

5. B 解析: $\because AD$ 是 $\triangle ABC$ 的中线, $AB=AC$, $\angle CAD=20^\circ$,
 $\therefore \angle CAB=2\angle CAD=40^\circ$, $\angle B=\angle ACB=\frac{1}{2}(180^\circ-\angle CAB)=70^\circ$.

$\because CE$ 是 $\triangle ABC$ 的角平分线,

$\therefore \angle ACE=\frac{1}{2}\angle ACB=35^\circ$.

所以选: B.

6. A 解析: \because 直线 $y=k_1x(k_1 \neq 0)$ 与反比例函数 $y=\frac{k_2}{x}(k_2 \neq 0)$ 的图象交于 M, N 两点,

$\therefore M, N$ 两点关于原点对称,

\because 点 M 的坐标是 $(1, 2)$,

\therefore 点 N 的坐标是 $(-1, -2)$.

所以选:A.

7.C 解析:将三个小区分别记为 A, B, C , 列表如下:

	A	B	C
A	(A, A)	(B, A)	(C, A)
B	(A, B)	(B, B)	(C, B)
C	(A, C)	(B, C)	(C, C)

由表可知, 共有 9 种等可能结果, 其中两个组恰好抽到同一个小区的结果有 3 种,

所以两个组恰好抽到同一个小区的概率为 $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$,

因此选:C.

8.C 解析:如图, 连接 CF ,

\because 点 D 是 BC 中点, $\therefore BD=CD$,

由折叠知, $\angle ACB = \angle DFE$, $CD = DF$,

$\therefore BD=CD=DF$,

$\therefore \triangle BFC$ 是直角三角形,

$\therefore \angle BFC=90^\circ$,

$\because BD=DF$,

$\therefore \angle B=\angle BFD$,

$\therefore \angle EAF=\angle B+\angle ACB=\angle BFD+\angle DFE=\angle AFE$,

$\therefore AE=AF$, 故 A 正确,

由折叠知, $EF=CE$, $\therefore AE=CE$,

$\because BD=CD$,

$\therefore DE$ 是 $\triangle ABC$ 的中位线,

$\therefore AB=2DE$, 故 B 正确,

$\because AE=CE$,

$\therefore S_{\triangle ADE}=S_{\triangle CDE}$,

由折叠知, $\triangle CDE \cong \triangle FDE$,

$\therefore S_{\triangle CDE}=S_{\triangle FDE}$,

$\therefore S_{\triangle ADE}=S_{\triangle FDE}$, 故 D 正确,

当 $AD=\frac{1}{2}AC$ 时, $\triangle ADF$ 和 $\triangle ADE$ 的面积相等

\therefore C 选项不一定正确,

答案选:C.

9.D 解析:如图连接 CD, AC, DG, AG .

$\because AD$ 是 $\odot O$ 直径,

$\therefore \angle ACD=90^\circ$,

在 $Rt\triangle ACD$ 中, $AD=2r$, $\angle DAC=30^\circ$,

$\therefore AC=\sqrt{3}r$,

$\because DG=AG=CA, OD=OA$,

$\therefore OG \perp AD$, $\therefore \angle GOA=90^\circ$,

$\therefore OG=\sqrt{AC^2-OA^2}=\sqrt{(\sqrt{3}r)^2-r^2}=\sqrt{2}r$,

所以选:D.

10.A 解析: \because 抛物线的解析式为 $y=ax^2-x+2$.

观察图象可知当 $a<0$ 时, $x=-1$ 时, $y \leqslant 2$ 时, 且 $-\frac{1}{2a} \geqslant -1$

\therefore 满足条件, 可得 $a \leqslant -1$;

当 $a>0$ 时, $x=2$ 时, $y \geqslant 2$, 且抛物线与直

线 MN 有交点, 且 $-\frac{1}{2a} \leqslant 2$ 满足条件,

$\therefore a \geqslant \frac{1}{4}$,

\therefore 直线 MN 的解析式为 $y=-\frac{1}{3}x+\frac{5}{3}$,

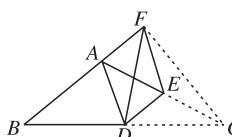
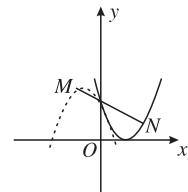
由 $\begin{cases} y=\frac{1}{3}x+\frac{5}{3} \\ y=ax^2-x+2 \end{cases}$, 消去 y 得到 $3ax^2-2x+1=0$,

$\therefore \Delta > 0$, $\therefore a < \frac{1}{3}$,

$\therefore \frac{1}{4} \leqslant a < \frac{1}{3}$ 满足条件,

综上所述, 满足条件的 a 的值为 $a \leqslant -1$ 或 $\frac{1}{4} \leqslant a < \frac{1}{3}$,

因此选:A.



二、填空题

11. $x \geqslant 3$ 解析:当 $x-3 \geqslant 0$ 时, 二次根式 $\sqrt{x-3}$ 有意义, 则 $x \geqslant 3$; 答案为: $x \geqslant 3$.

12. $\frac{1}{3}$ 解析:当 $x=1$ 时, 原式 $=\frac{1}{1+2}=\frac{1}{3}$, 答案为: $\frac{1}{3}$.

13. 2 解析: \because 四边形 $ABCD$ 是菱形, $AC=6$,

$\therefore AC \perp BD, OA=\frac{1}{2}AC=3, BD=2OB$.

在 $Rt\triangle OAB$ 中, $\because \angle AOD=90^\circ$, $\therefore \tan \angle BAC=\frac{OB}{OA}=\frac{1}{3}$,

$\therefore OB=1$, $\therefore BD=2$.

答案为 2.

14. 70° 解析: $\because \triangle ABC$ 的内切圆 $\odot O$ 与 BC 边相切于点 D ,

$\therefore OB$ 平分 $\angle ABC, OD \perp BC$,

$\therefore \angle OBD=\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2} \times 40^\circ=20^\circ$,

$\therefore \angle BOD=90^\circ-\angle OBD=70^\circ$.

答案为 70° .

15. -2 解析: \because 四边形 $ABOC$ 是正方形,

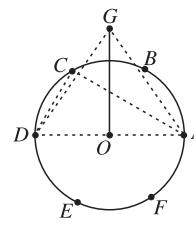
\therefore 点 B 的坐标为 $(-\frac{b}{2a}, -\frac{b}{2a})$.

\because 抛物线 $y=ax^2$ 过点 B ,

$\therefore -\frac{b}{2a}=a(-\frac{b}{2a})^2$,

解得: $b_1=0$ (舍去), $b_2=-2$.

答案为: -2.



16. 9, 13 和 49 解析:当 $DG=\sqrt{13}$, $CG=2\sqrt{13}$ 时, 满足 $DG^2+CG^2=CD^2$, 此时 $HG=\sqrt{13}$, 可得正方形 $EFGH$ 的面积为 13.

当 $DG=8$, $CG=1$ 时, 满足 $DG^2+CG^2=CD^2$, 此时 $HG=7$, 可得正方形 $EFGH$ 的面积为 49.

答案为: 9, 13 和 49.

三、解答题

17. 解: 原式 $=36 \times \left(\frac{1}{2}-\frac{1}{3}\right)=18-12=6$.

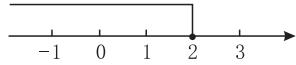
18. 解: 去分母, 得: $3x-2 \leqslant 4$,

移项,得: $3x \leq 4+2$,

合并同类项,得: $3x \leq 6$,

系数化为1,得: $x \leq 2$,

将不等式的解集表示在数轴上如下:



19. 解: ∵抛物线 $y=ax^2+bx-3(a \neq 0)$ 经过点 $(-1,0), (3,0)$,

$$\therefore \begin{cases} a-b-3=0 \\ 9a+3b-3=0 \end{cases}$$

$$\text{解得} \begin{cases} a=1 \\ b=-2 \end{cases}$$

即 a 的值为1, b 的值为-2.

20. 解:(1)选择交通监督的人数是 $12+15+13+14=54(\text{人})$,

选择交通监督的百分比是 $\frac{54}{200} \times 100\% = 27\%$,

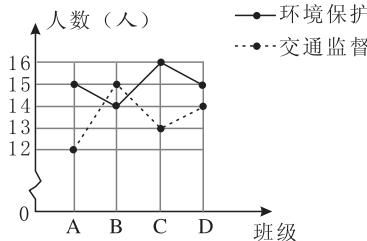
扇形统计图中交通监督所在扇形的圆心角度数是 $360^\circ \times 27\% = 97.2^\circ$;

(2)D班选择环境保护的学生人数是

$$200 \times 30\% - 15 - 14 - 16 = 15(\text{人})$$

补全折线统计图如图所示.

各班选择交通监督和环境保护志愿
者队伍的学生人数的折线统计图



$$(3) 2500 \times (1 - 30\% - 27\% - 5\%) = 950(\text{人}),$$

即估计该校选择文明宣传的学生人数是950人.

21. (1)证明: ∵AB是 $\odot O$ 的直径,

$$\therefore \angle ADB = 90^\circ,$$

∴ $OC \parallel BD$,

$$\therefore \angle AEO = \angle ADB = 90^\circ,$$

即 $OC \perp AD$,

$$\therefore AE = ED.$$

(2)解:由(1)得 $OC \perp AD$,

$$\therefore \widehat{AC} = \widehat{CD},$$

$$\therefore \angle ABC = \angle CBD = 36^\circ,$$

$$\therefore \angle AOC = 2\angle ABC = 2 \times 36^\circ = 72^\circ,$$

$$\therefore \widehat{AC} = \frac{72\pi \times 5}{180} = 2\pi.$$

22. 解:(1)

	运量(吨)		运费(元)	
	甲仓库	乙仓库	甲仓库	乙仓库
A果园	x	$110-x$	$2 \times 15x$	$2 \times 25(110-x)$
B果园	$80-x$	$x-10$	$2 \times 20 \times (80-x)$	$2 \times 20 \times (x-10)$

$$(2) y = 2 \times 15x + 2 \times 25 \times (110-x) + 2 \times 20 \times (80-x) + 2 \times 20 \times (x-10),$$

即 y 关于 x 的函数表达式为 $y = -20x + 8300$,

∴ $-20 < 0$,且 $10 \leq x \leq 80$,

∴当 $x=80$ 时,总运费 y 最省,此时 $y_{\text{最小}} = -20 \times 80 + 8300 = 6700$.

故当甲仓库运往A果园80吨有机化肥时,总运费最省,最省的总运费是6700元.

23. 解:(1)证明:①∵ $EH \perp AB, \angle BAC = 90^\circ$,

∴ $EH \parallel CA$,

∴ $\triangle BHE \sim \triangle BAC$,

$$\therefore \frac{BE}{BC} = \frac{HE}{AC},$$

$$\therefore \frac{DC}{BE} = \frac{AC}{BC}, \therefore \frac{BE}{BC} = \frac{DC}{AC},$$

$$\therefore \frac{HE}{AC} = \frac{DC}{AC},$$

$$\therefore HE = DC,$$

∴四边形 $DHEC$ 是平行四边形.

$$\text{②} \because \frac{AC}{BC} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \angle BAC = 90^\circ,$$

$$\therefore AC = AB,$$

$$\therefore \frac{DC}{BE} = \frac{\sqrt{2}}{2}, HE = DC,$$

$$\therefore \frac{HE}{BE} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

又 $\angle BHE = 90^\circ$,∴ $BH = HE$,

∴ $HE = DC$,∴ $BH = CD$,∴ $AH = AD$,

∴ $DM \perp AE, EH \perp AB$,

∴ $\angle EHA = \angle AMF = 90^\circ$,

$$\therefore \angle HAE + \angle HEA = \angle HAE + \angle AFM = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle HEA = \angle AFD,$$

$$\therefore \angle EHA = \angle FAD = 90^\circ,$$

∴ $\triangle HEA \cong \triangle AFD$,

$$\therefore AE = DF;$$

(2)如图,过点E作 $EG \perp AB$ 于G,

∴ $CA \perp AB$,

∴ $EG \parallel CA$,

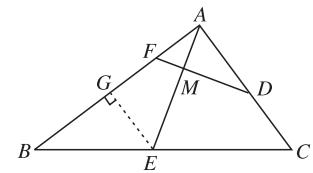
∴ $\triangle EGB \sim \triangle CAB$,

$$\therefore \frac{EG}{CA} = \frac{BE}{BC},$$

$$\therefore \frac{EG}{BE} = \frac{CA}{BC} = \frac{3}{5},$$

$$\therefore \frac{CD}{BE} = \frac{3}{5},$$

$$\therefore EG = CD.$$



设 $EG = CD = 3x, AC = 3y$,

由题意得 $BE = 5x, BC = 5y$,

$$\therefore BG = 4x, AB = 4y,$$

$$\therefore \angle EGA = \angle AMF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle GEA + \angle EAG = \angle EAG + \angle AFM,$$

$$\therefore \angle AFM = \angle AEG,$$

$$\therefore \angle FAD = \angle EGA = 90^\circ,$$

∴ $\triangle FAD \sim \triangle EGA$,

$$\therefore \frac{DF}{AE} = \frac{AD}{AG} = \frac{3y - 3x}{4y - 4x} = \frac{3}{4}.$$

24. 解:(1)如图1中,作 $DE \perp x$ 轴于E.

$$\because \angle ABC=90^\circ,$$

$$\therefore \tan \angle ACB = \frac{AB}{BC} = \sqrt{3},$$

$$\therefore \angle ACB=60^\circ,$$

由对称可知 $DC=BC=2$, $\angle ACD=\angle ACB=60^\circ$,

$$\therefore \angle DCE=60^\circ,$$

$$\therefore \angle CDE=90^\circ-60^\circ=30^\circ,$$

$$\therefore CE=1, DE=\sqrt{3},$$

$$\therefore OE=OB+BC+CE=5,$$

点D的坐标是 $(5, \sqrt{3})$.

(2)设 $OB=a$,则点A的坐标 $(a, 2\sqrt{3})$,

由题意 $CE=1, DE=\sqrt{3}$,可得点D的坐标是 $(3+a, \sqrt{3})$,

\because 点A,D在同一反比例函数的图象上,

$$\therefore 2\sqrt{3}a=\sqrt{3}(3+a),$$

$$\therefore a=3, \therefore OB=3.$$

(3)存在,k的值为 $10\sqrt{3}$ 或 $12\sqrt{3}$.理由如下:

①如图2中,当 $\angle PA_1D=90^\circ$ 时.

$$\because AD \parallel PA_1,$$

$$\therefore \angle ADA_1=180^\circ-\angle PA_1D=90^\circ,$$

在Rt $\triangle ADA_1$ 中,

$$\because \angle DAA_1=30^\circ, AD=2\sqrt{3},$$

$$\therefore AA_1=\frac{AD}{\cos 30^\circ}=4,$$

在Rt $\triangle APA_1$ 中,

$$\because \angle APA_1=60^\circ,$$

$$\therefore PA=\frac{4\sqrt{3}}{3},$$

$$\therefore PB=\frac{10\sqrt{3}}{3},$$

$$\text{设 } P(m, \frac{10\sqrt{3}}{3}), \text{ 则 } D_1(m+7, \sqrt{3}),$$

\because 点P,A₁在同一反比例函数图象上,

$$\therefore \frac{10\sqrt{3}}{3}m=\sqrt{3}(m+7),$$

解得 $m=3$,

$$\therefore P(3, \frac{10\sqrt{3}}{3}),$$

$$\therefore k=10\sqrt{3}.$$

②如图3中,当 $\angle PDA_1=90^\circ$ 时.

$$\because \angle PAK=\angle KDA_1=90^\circ,$$

$$\angle AKP=\angle DKA_1,$$

$\therefore \triangle AKP \sim \triangle DKA_1$,

$$\therefore \frac{AK}{KD}=\frac{PK}{KA_1}.$$

$$\therefore \frac{PK}{AK}=\frac{KA_1}{DK},$$

$$\therefore \angle AKD=\angle PKA_1,$$

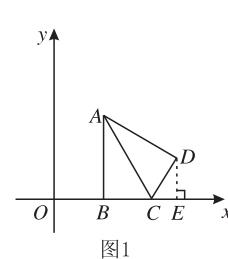


图1

$$\therefore \triangle KAD \sim \triangle KPA_1,$$

$$\therefore \angle KPA_1=\angle KAD=30^\circ, \angle ADK=\angle KA_1P=30^\circ,$$

$$\therefore \angle APD=\angle ADP=30^\circ,$$

$$\therefore AP=AD=2\sqrt{3}, AA_1=6,$$

设 $P(m, 4\sqrt{3})$,则 $D_1(m+9, \sqrt{3})$,

\because 点P,A₁在同一反比例函数图象上,

$$\therefore 4\sqrt{3}m=\sqrt{3}(m+9),$$

解得 $m=3$,

$$\therefore P(3, 4\sqrt{3}), \therefore k=12\sqrt{3}.$$

2018年浙江省台州市中考试卷

一、选择题

1. D 解析: $-1-2=-3$,所以选:D.

2. D 解析:A.不是中心对称图形,本选项错误;B.不是中心对称图形,本选项错误;C.不是中心对称图形,本选项错误;D.是中心对称图形,本选项正确.因此选:D.

3. A 解析:原式 $=\frac{x+1-1}{x}=1$.因此选:A.

4. B 解析: $\because 2 < \sqrt{7} < 3, \therefore 3 < \sqrt{7} + 1 < 4$,答案选:B.

5. D 解析:将数据重新排列为17,18,18,20,20,20,23,所以这组数据的众数为20分、中位数为20分,所以选:D.

6. C 解析:对角线互相平分的四边形是平行四边形,A错误;对角线相等的平行四边形是矩形,B错误;对角线互相垂直的平行四边形是菱形,C正确;对角线互相垂直且相等的平行四边形是正方形,D错误;因此选:C.

7. D 解析: \because 一个十边形的每个外角都相等,

$$\therefore$$
十边形的一个外角为 $360 \div 10=36^\circ$.

$$\therefore$$
每个内角的度数为 $180^\circ-36^\circ=144^\circ$;

所以选:D.

8. B 解析: \because 由题意可知CF是 $\angle BCD$ 的平分线,

$$\therefore \angle BCE=\angle DCE.$$

\because 四边形ABCD是平行四边形,

$$\therefore AB \parallel CD,$$

$$\therefore \angle DCE=\angle E, \angle BCE=\angle AEC,$$

$$\therefore BE=BC=3,$$

$$\therefore AB=2,$$

$$\therefore AE=BE-AB=1,$$

因此选:B.

9. B 解析:设两人相遇的次数为x,依题意有

$$\frac{100 \times 2}{5+4}x=100,$$

解得 $x=4.5$,

$\because x$ 为整数,

$\therefore x$ 取4.

所以选:B.

10. D 解析:A.连接OA、OC,

\because 点O是等边三角形ABC的外心,

$\therefore AO$ 平分 $\angle BAC$,

\therefore 点O到AB,AC的距离相等,

由折叠得:DO平分 $\angle BDB'$,

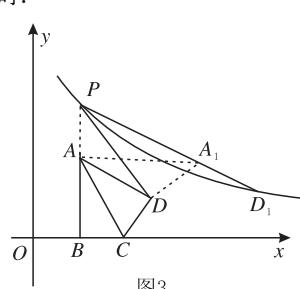
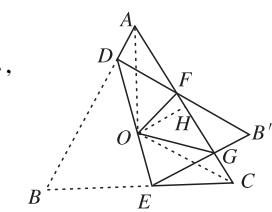


图2



∴点O到AB, DB'的距离相等,

∴点O到DB', AC的距离相等,

∴FO平分∠DFG,

$$\angle DFO = \angle OFG = \frac{1}{2}(\angle FAD + \angle ADF),$$

$$\text{由折叠得: } \angle BDE = \angle ODF = \frac{1}{2}(\angle DAF + \angle AFD),$$

$$\therefore \angle OFD + \angle ODF = \frac{1}{2}(\angle FAD + \angle ADF + \angle DAF + \angle AFD) = 120^\circ,$$

$$\therefore \angle DOF = 60^\circ,$$

$$\text{同理可得 } \angle EOG = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle FOG = 60^\circ = \angle DOF = \angle EOG,$$

$$\therefore \triangle DOF \cong \triangle GOF \cong \triangle GOE,$$

$$\therefore OD = OG, OE = OF,$$

$$\angle OGF = \angle ODF = \angle ODB, \angle OFG = \angle OEG = \angle OEB,$$

$$\therefore \triangle OAD \cong \triangle OCG, \triangle OAF \cong \triangle OCE,$$

$$\therefore AD = CG, AF = CE,$$

$$\therefore \triangle ADF \cong \triangle CGE,$$

故选项A正确;

$$B. \because \triangle DOF \cong \triangle GOF \cong \triangle GOE,$$

$$\therefore DF = GF = GE,$$

$$\therefore \triangle ADF \cong \triangle B'GF \cong \triangle CGE,$$

$$\therefore B'G = AD,$$

$$\therefore \triangle B'FG \text{ 的周长} = FG + B'F + B'G = FG + AF + CG = AC$$

(定值),

故选项B正确;

$$C. S_{\text{四边形FOEC}} = S_{\triangle OCF} + S_{\triangle OCE} = S_{\triangle OCF} + S_{\triangle OAF} = S_{\triangle AOC} = \frac{1}{3}S_{\triangle ABC} \text{ (定值)},$$

故选项C正确;

$$D. S_{\text{四边形OGB'F}} = S_{\triangle OFG} + S_{\triangle B'GF} = S_{\triangle OFD} + S_{\triangle ADF} = S_{\text{四边形OFAD}} = S_{\triangle OAD} + S_{\triangle OAF} = S_{\triangle OCG} + S_{\triangle OAF} = S_{\triangle OAC} - S_{\triangle OFG},$$

过O作OH⊥AC于H,

$$\therefore S_{\triangle OFG} = \frac{1}{2} \cdot FG \cdot OH,$$

由于OH是定值,FG变化,故△OFG的面积变化,从而四

边形OGB'F的面积也变化,故选项D不一定正确;

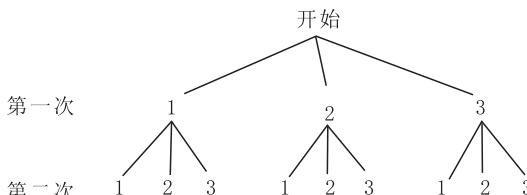
所以选:D.

二、填空题

11. $x \neq 2$ 解析:由题意得: $x - 2 \neq 0$, 解得: $x \neq 2$, 答案为: $x \neq 2$.

12. $\frac{9}{4}$ 解析:根据题意得 $\Delta = 3^2 - 4m = 0$, 解得 $m = \frac{9}{4}$. 答案为 $\frac{9}{4}$.

13. $\frac{1}{3}$ 解析:根据题意,画树状图如下:



共有9种等可能结果,其中两次摸出的小球标号相同的有3种结果,

所以两次摸出的小球标号相同的概率是 $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$,

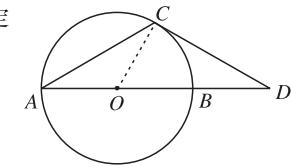
答案为: $\frac{1}{3}$.

14. 26 解析:连接OC,由圆周角定理得, $\angle COD = 2\angle A = 64^\circ$,

∴CD为 $\odot O$ 的切线,

∴ $OC \perp CD$,

∴ $\angle D = 90^\circ - \angle COD = 26^\circ$,



答案为: 26.

15. (-3,5) 解析:如图作 $ND \parallel x$ 轴交 y 轴于D,作 $NC \parallel y$ 轴交 x 轴于C. MN 交 y 轴于K.

∴ $NK = MK, \angle DNK = \angle BMK, \angle NDK = \angle MKB$,

∴ $\triangle NDK \cong \triangle MBK$,

∴ $DN = BM = OC = 2, DK = BK$,

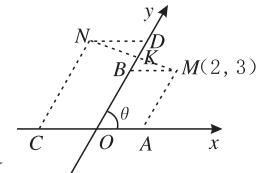
在 $\text{Rt}\triangle KBM$ 中, $BM = 2, \angle MBK = 60^\circ$,

∴ $\angle BMK = 30^\circ$,

∴ $DK = BK = \frac{1}{2}BM = 1$,

∴ $OD = 5$,

∴ $N(-2,5)$,



答案为: (-2,5).

16. $\sqrt{15}+3$ 解析: ∵ 阴影部分的面积与正方形ABCD的面积之比为2:3,

∴ 阴影部分的面积为 $\frac{2}{3} \times 9 = 6$,

∴ 空白部分的面积为 $9 - 6 = 3$,

由 $CE = DF, BC = CD, \angle BCE = \angle CDF = 90^\circ$, 可得 $\triangle BCE \cong \triangle CDF$ (SAS),

∴ $\triangle BCG$ 的面积与四边形DEGF的面积相等, 均为 $\frac{1}{2} \times 3 = \frac{3}{2}$,

设 $BG = a, CG = b$, 则 $\frac{1}{2}ab = \frac{3}{2}$,

又 $a^2 + b^2 = 3^2$,

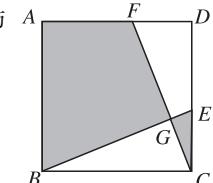
$\therefore a^2 + 2ab + b^2 = 9 + 6 = 15$,

即 $(a+b)^2 = 15$,

$\therefore a+b = \sqrt{15}$, 即 $BG+CG = \sqrt{15}$,

$\therefore \triangle BCG$ 的周长 = $\sqrt{15} + 3$,

答案为: $\sqrt{15} + 3$.



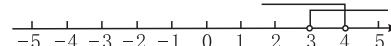
三、解答题

17. 解:原式 = 2 - 2 + 3 = 3.

18. 解: $\begin{cases} x-1 < 3 & ① \\ 3(x-2)-x > 0 & ② \end{cases}$

解不等式①, 得 $x < 4$, 解不等式②, 得 $x > 3$,

不等式①, 不等式②的解集在数轴上表示, 如图,



原不等式的解集为 $3 < x < 4$.

19. 解: 作 $CE \perp BD$ 于 E , $AF \perp CE$ 于 F , 如图 2,

得四边形 $AHEF$ 为矩形,

$$\therefore EF = AH = 3.4\text{m}, \angle HAF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle CAF = \angle CAH - \angle HAF =$$

$$118^\circ - 90^\circ = 28^\circ,$$

$$\text{在 Rt}\triangle ACF \text{ 中}, \therefore \sin \angle CAF = \frac{CF}{AC},$$

$$\therefore CF = 9 \sin 28^\circ = 9 \times 0.47 = 4.23,$$

$$\therefore CE = CF + EF = 4.23 + 3.4 \approx 7.6(\text{m}),$$

答: 操作平台 C 离地面的高度为 7.6m.

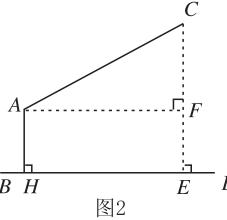


图2

20. 解: (1) \because 函数 $y = x$ 的图象过点 $P(2, m)$,

$$\therefore m = 2,$$

$$\therefore P(2, 2),$$

$$\therefore \text{函数 } y = \frac{k}{x} (x > 0) \text{ 的图象过点 } P,$$

$$\therefore k = 2 \times 2 = 4.$$

(2) 将 $y = 4$ 代入 $y = x$, 得 $x = 4$,

$$\therefore \text{点 } A(4, 4).$$

$$\text{将 } y = 4 \text{ 代入 } y = \frac{4}{x}, \text{ 得 } x = 1,$$

$$\therefore \text{点 } B(1, 4).$$

$$\therefore AB = 4 - 1 = 3.$$

21. 解: (1) 由题意可得,

本次抽查的学生有: $30 \div 25\% = 120$ (人),

$$m = 120 - 32 - 30 - 24 - 11 - 15 = 8,$$

$$n\% = 24 \div 120 \times 100\% = 20\%,$$

故答案为: 8, 20.

$$(2) \frac{11}{120} \times 360^\circ = 33^\circ,$$

即扇形统计图中 D 组的扇形圆心角是 33° .

$$(3) 3600 \times \frac{32}{120} = 960(\text{人}),$$

答: 估计“引体向上”得零分的有 960 人.

22. 解: (1) 在 $\triangle ACE$ 和 $\triangle BCD$ 中, $\begin{cases} AC = BC \\ \angle ACB = \angle ACB = 90^\circ, \\ CE = CD \end{cases}$

$$\therefore \triangle ACE \cong \triangle BCD (\text{SAS}),$$

$$\therefore \angle CAE = \angle CBD;$$

(2) 如图 2, 在 $\text{Rt}\triangle BCD$ 中, 点 F 是 BD 的中点,

$$\therefore CF = BF,$$

$$\therefore \angle BCF = \angle CBF,$$

由(1)知, $\angle CAE = \angle CBD$,

$$\therefore \angle BCF = \angle CAE,$$

$$\therefore \angle CAE + \angle ACF = \angle BCF + \angle ACF = \angle BAC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle AMC = 90^\circ,$$

$$\therefore AE \perp CF;$$

$$(3) \text{如图 3, } \therefore AC = 2\sqrt{2},$$

$$\therefore BC = AC = 2\sqrt{2},$$

$$\therefore CE = 1,$$

$$\therefore CD = CE = 1,$$

在 $\text{Rt}\triangle BCD$ 中, 根据勾股定理得,

$$BD = \sqrt{CD^2 + BC^2} = 3,$$

\therefore 点 F 是 BD 中点,

$$\therefore CF = DF = \frac{1}{2}BD = \frac{3}{2},$$

$$\text{同理: } EG = \frac{1}{2}AE = \frac{3}{2},$$

连接 EF , 过点 F 作 $FH \perp BC$,

$\therefore \angle ACB = 90^\circ$, 点 F 是 BD 的中点,

$$\therefore FH = \frac{1}{2}CD = \frac{1}{2},$$

$$\therefore S_{\triangle CEF} = \frac{1}{2}CE \cdot FH = \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4},$$

由(2)知, $AE \perp CF$,

$$\therefore S_{\triangle CEF} = \frac{1}{2}CF \cdot ME = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2}ME = \frac{3}{4}ME,$$

$$\therefore \frac{3}{4}ME = \frac{1}{4},$$

$$\therefore ME = \frac{1}{3},$$

$$\therefore GM = EG - ME = \frac{3}{2} - \frac{1}{3} = \frac{7}{6},$$

$$\therefore S_{\triangle CGF} = \frac{1}{2}CF \cdot GM = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{7}{6} = \frac{7}{8}.$$

23. 解: (1) 当 $8 < t \leq 24$ 时, $P = kt + b (k \neq 0)$,

将 $A(8, 10)$ 、 $B(24, 26)$ 代入, 得:

$$\begin{cases} 8k + b = 10 \\ 24k + b = 26 \end{cases}, \text{解得: } \begin{cases} k = 1 \\ b = 2 \end{cases}, \therefore P = t + 2;$$

$$(2) ① \text{当 } 0 < t \leq 8 \text{ 时, } w = (2t + 8) \times \frac{120}{t + 4} = 240;$$

$$\text{当 } 8 < t \leq 12 \text{ 时, } w = (2t + 8)(t + 2) = 2t^2 + 12t + 16;$$

$$\text{当 } 12 < t \leq 24 \text{ 时, } w = (-t + 44)(t + 2) = -t^2 + 42t + 88;$$

$$\text{② 当 } 8 < t \leq 12 \text{ 时, } w = 2t^2 + 12t + 16 = 2(t + 3)^2 - 2,$$

$\therefore 8 < t \leq 12$ 时, w 随 t 的增大而增大,

当 $2(t + 3)^2 - 2 = 336$ 时, 解得 $t = 10$ 或 $t = -16$ (舍),

当 $t = 12$ 时, w 取得最大值, 最大值为 448,

此时月销量 $P = t + 2$ 在 $t = 10$ 时取得最小值 12, 在 $t = 12$ 时取得最大值 14;

当 $12 < t \leq 24$ 时, $w = -t^2 + 42t + 88 = -(t - 21)^2 + 529$,

当 $t = 12$ 时, w 取得最小值 448,

$$\text{由 } -(t - 21)^2 + 529 = 513 \text{ 得 } t = 17 \text{ 或 } t = 25,$$

\therefore 当 $12 < t \leq 17$ 时, $448 < w \leq 513$,

此时 $P = t + 2$ 的最小值为 14, 最大值为 19;

综上, 此范围所对应的月销售量 P 的最小值为 12 吨, 最大值为 19 吨.

24. (1) 证明: \because 四边形 $EBDC$ 为菱形,

$$\therefore \angle D = \angle BEC,$$

\because 四边形 $ABDC$ 是圆的内接四边形,

$$\therefore \angle A + \angle D = 180^\circ,$$

$$\text{又 } \angle BEC + \angle AEC = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle A = \angle AEC,$$

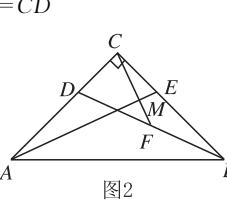
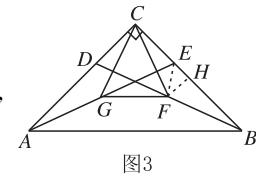


图2

$$\therefore AC = AE;$$

(2) 证明: 以点 C 为圆心, CE 长为半径作 $\odot C$, 与 BC 交于点 F, 于 BC 延长线交于点 G, 则 $CF = CG$,

由(1)知 $AC = CE = CD$,

$$\therefore CF = CG = AC,$$

\because 四边形 AEFG 是 $\odot C$ 的内接四边形,

$$\therefore \angle G + \angle AEF = 180^\circ,$$

$$\text{又} \because \angle AEF + \angle BEF = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle G = \angle BEF,$$

$$\because \angle EBF = \angle GBA,$$

$\therefore \triangle BEF \sim \triangle BGA$,

$$\therefore \frac{BE}{BF} = \frac{BG}{BA}, \text{ 即 } BF \cdot BG = BE \cdot AB,$$

$$\therefore BF = BC - CF = BC - AC, BG = BC + CG = BC + AC, BE = CE = AC,$$

$$\therefore (BC - AC)(BC + AC) = AB \cdot AC, \text{ 即 } BC^2 - AC^2 = AB \cdot AC;$$

(3) 解: ① 设 $AB = 5k, AC = 3k$,

$$\therefore BC^2 - AC^2 = AB \cdot AC,$$

$$\therefore BC = 2\sqrt{6}k,$$

连接 ED 交 BC 于点 M,

\because 四边形 BDCE 是菱形,

$\therefore DE$ 垂直平分 BC ,

则点 E, O, M, D 共线,

$$\text{在 Rt}\triangle DMC \text{ 中}, DC = AC = 3k, MC = \frac{1}{2}BC = \sqrt{6}k,$$

$$\therefore DM = \sqrt{CD^2 - CM^2} = \sqrt{3}k,$$

$$\therefore OM = OD - DM = 3 - \sqrt{3}k,$$

$$\text{在 Rt}\triangle COM \text{ 中}, \text{ 由 } OM^2 + MC^2 = OC^2 \text{ 得 } (3 - \sqrt{3}k)^2 + (\sqrt{6}k)^2 = 3^2,$$

$$\text{解得: } k = \frac{2\sqrt{3}}{3} \text{ 或 } k = 0(\text{舍}),$$

$$\therefore BC = 2\sqrt{6}k = 4\sqrt{2};$$

$$\text{② 设 } \frac{AB}{AC} = m, AC = b, \text{ 则 } AB = mb.$$

$$\therefore AF = \frac{mb - b}{2}.$$

$$\therefore \cos A = \frac{AF}{AC} = \frac{mb - b}{2b} = \frac{m-1}{2}. \therefore \cos G = \cos A = \frac{m-1}{2}$$

$$\therefore BG = \frac{m-1}{2} \times 6 = 3(m-1)$$

$$\text{在 Rt}\triangle BCG \text{ 中}, BC^2 = CG^2 - BG^2 = 6^2 - [3(m-1)]^2$$

$$\text{由(2)得 } BC^2 = AB \cdot AC + AC^2 = mb^2 + b^2,$$

$$\therefore 6^2 - [3(m-1)]^2 = mb^2 + b^2$$

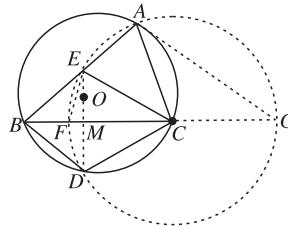
$$\therefore 9(m+1)(3-m) = b^2(m+1)$$

$$\text{又} \because m+1 \neq 0, \therefore b^2 = 9(3-m)$$

$$\therefore AB \cdot AC = mb^2 = 9m(3-m) = -9m^2 + 27m$$

$$\text{当 } m = -\frac{27}{2 \times (-9)} = \frac{3}{2} \text{ 时, } -9m^2 + 27m \text{ 的值最大.}$$

$$\therefore 0 < BG < 6 \quad \therefore 0 < 3(m-1) < 6$$



$\therefore 1 < m < 3 \quad \therefore$ 当 $m = \frac{3}{2}$ 时, $AB \cdot AC$ 的值最大, 即 $\frac{AB}{AC} = \frac{3}{2}$

时, $AB \cdot AC$ 的值最大.

2018 年浙江省衢州市中考试卷

一、选择题

1. A 解析: -3 的相反数是 3 , 答案选:A.

2. C 解析: 由同位角的定义可知, $\angle 1$ 的同位角是 $\angle 4$, 答案选:C.

3. B 解析: 将 138000000000 用科学记数法表示为: 1.38×10^{11} . 答案选:B.

4. C 解析: 从主视方向看得到 3 列正方形的个数依次为 2, 1, 1, 所以选:C.

5. B 解析: $\because \angle ACB = 35^\circ, \therefore \angle AOB = 2\angle ACB = 70^\circ$. 因此选:B.

6. B 解析: \because 某班共有 42 名同学, 其中有 2 名同学习惯用左手写字, 其余同学都习惯用右手写字, \therefore 老师随机请 1 名同学解答问题, 习惯用左手写字的同学被选中的概率是: $\frac{2}{42} = \frac{1}{21}$. 所以选:B.

7. A 解析: $3x \geqslant 3, x \geqslant 1$, 答案选:A.

8. D 解析: $\because \angle AGE = 32^\circ, \therefore \angle DGE = 148^\circ$, 由折叠可得, $\angle DGH = \frac{1}{2}\angle DGE = 74^\circ$,

$$\because AD \parallel BC, \therefore \angle GHC = 180^\circ - \angle DGH = 106^\circ, \text{ 应选:D.}$$

9. C 解析: 设圆锥的母线长为 R , 由题意得 $15\pi = \pi \times 3 \times R$, 解得 $R = 5$.

$$\therefore \text{圆锥的高为 } 4, \therefore \sin \angle ABC = \frac{AO}{AB} = \frac{4}{5}, \text{ 应选:C.}$$

10. D 解析: 连接 OB,

$$\begin{aligned} \because AC \text{ 是 } \odot O \text{ 的直径, 弦 } BD \perp AO \text{ 于 } E, BD \\ = 8\text{cm}, AE = 2\text{cm}, \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{在 Rt}\triangle OEB \text{ 中}, OE^2 + BE^2 = OB^2, \\ \text{即 } OE^2 + 4^2 = (OE + 2)^2 \end{aligned}$$

$$\text{解得: } OE = 3,$$

$$\therefore OB = 3 + 2 = 5,$$

$$\therefore EC = 5 + 3 = 8,$$

$$\text{在 Rt}\triangle EBC \text{ 中}, BC = \sqrt{BE^2 + EC^2} = \sqrt{4^2 + 8^2} = 4\sqrt{5},$$

$\therefore OF \perp BC$,

$$\therefore \angle OFC = \angle CEB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle C = \angle C,$$

$\therefore \triangle OFC \sim \triangle BEC$,

$$\therefore \frac{OF}{BE} = \frac{OC}{BC},$$

$$\text{即 } \frac{OF}{4} = \frac{5}{4\sqrt{5}},$$

$$\text{解得: } OF = \sqrt{5}, \text{ 所以选:D.}$$

二、填空题

11. $(x+3)(x-3)$ 解析: $x^2 - 9 = (x+3)(x-3)$. 答案为: $(x+3)(x-3)$.

12. 5 解析:从小到大排列此数据为:2,3,4,5,5,6,7,
一共7个数据,其中5处在第4位为中位数.答案为:5.

13. $AB=ED$ 解析:添加 $AB=ED$, $\therefore BF=CE$, $\therefore BF+FC=CE+FC$,
即 $BC=EF$, $\therefore AB\parallel DE$,

$$\therefore \angle B=\angle E,$$

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中 $\begin{cases} AB=ED \\ \angle B=\angle E \\ CB=EF \end{cases}$

$$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF (SAS),$$

答案为: $AB=ED$ 或 $AC\parallel DE$, $\angle A=\angle D$ 等.

14. 1. 5 解析:设当 $40 \leq t \leq 60$ 时,距离 y (千米)与时间 t (分钟)的函数关系为 $y=kt+b$,

\because 图象经过 $(40, 2)$, $(60, 0)$,

$$\therefore \begin{cases} 2=40t+b \\ 0=60t+b \end{cases}, \text{解得: } \begin{cases} t=-\frac{1}{10} \\ b=6 \end{cases},$$

$$\therefore y$$
 与 t 的函数关系式为 $y=-\frac{1}{10}x+6$,

$$\text{当 } t=45 \text{ 时}, y=-\frac{1}{10} \times 45+6=1.5,$$

答案为:1.5.

15. 5 解析: $\because BD \perp CD$, $BD=2$,

$$\therefore S_{\triangle BCD}=\frac{1}{2}BD \cdot CD=3, \text{即 } CD=3,$$

$\therefore C(2, 0)$, 即 $OC=2$,

$$\therefore OD=OC+CD=2+3=5,$$

$\therefore B(5, 2)$,

$$\text{代入反比例函数 } y=\frac{k}{x} \text{ 得: } k=10, \text{ 即 } y=\frac{10}{x},$$

则 $S_{\triangle AOC}=5$,

答案为:5.

16. $\left(-\frac{3}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right); \left(-\frac{2017}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ 解析:根据图形的 $\gamma(a, \theta)$ 变换的定义可知:

对图形 $\gamma(n, 180^\circ)$ 变换,就是先进行向右平移 n 个单位变换,再进行关于原点作中心对称变换.

$\triangle ABC$ 经 $\gamma(1, 180^\circ)$ 变换后得 $\triangle A_1 B_1 C_1$, A_1 坐标 $\left(-\frac{3}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

$\triangle A_1 B_1 C_1$ 经 $\gamma(2, 180^\circ)$ 变换后得 $\triangle A_2 B_2 C_2$, A_2 坐标 $\left(-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

$\triangle A_2 B_2 C_2$ 经 $\gamma(3, 180^\circ)$ 变换后得 $\triangle A_3 B_3 C_3$, A_3 坐标 $\left(-\frac{5}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

$\triangle A_3 B_3 C_3$ 经 $\gamma(4, 180^\circ)$ 变换后得 $\triangle A_4 B_4 C_4$, A_4 坐标 $\left(-\frac{3}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

$\triangle A_4 B_4 C_4$ 经 $\gamma(5, 180^\circ)$ 变换后得 $\triangle A_5 B_5 C_5$, A_5 坐标 $\left(-\frac{7}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

依此类推……

可以发现规律: A_n 纵坐标为: $(-1)^n \frac{\sqrt{3}}{2}$

当 n 是奇数, A_n 横坐标为: $-\frac{n+2}{2}$

当 n 是偶数, A_n 横坐标为: $-\frac{n-1}{2}$

当 $n=2018$ 时,是偶数, A_{2018} 横坐标是 $-\frac{2017}{2}$, 纵坐标为 $\frac{\sqrt{3}}{2}$

答案为: $\left(-\frac{3}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right), \left(-\frac{2017}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$.

三、解答题

17. 解:原式 $=2-3+8-1=6$.

18. 证明:如图,

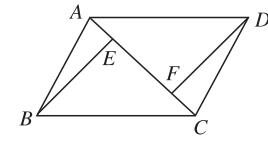
\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AB=CD, AB\parallel CD$,

$\therefore \angle BAE=\angle DCF$.

又 $BE\perp AC, DF\perp AC$,

$\therefore \angle AEB=\angle CFD=90^\circ$.



在 $\triangle ABE$ 与 $\triangle CDF$ 中,

$\begin{cases} \angle AEB=\angle CFD \\ \angle BAE=\angle DCF \\ AB=CD \end{cases}$

\therefore 得 $\triangle ABE \cong \triangle CDF (AAS)$, $\therefore AE=CF$.

19. 解:由题意可得,

$$\text{方案二: } a^2+ab+(a+b)b=a^2+ab+ab+b^2=a^2+2ab+b^2=(a+b)^2,$$

$$\text{方案三: } a^2+\frac{[a+(a+b)]b}{2}+\frac{[a+(a+b)]b}{2}=a^2+ab+\frac{1}{2}b^2+ab+\frac{1}{2}b^2=a^2+2ab+b^2=(a+b)^2.$$

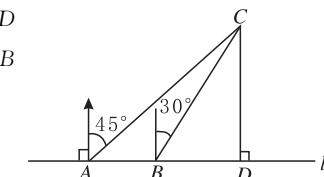
20. 解:如图所示:可得: $\angle CAD=45^\circ$,

$\angle CBD=60^\circ$, $AB=200m$,

则设 $BD=x$, 故 $DC=\sqrt{3}x$.

$\therefore AD=DC$,

$$\therefore 200+x=\sqrt{3}x.$$



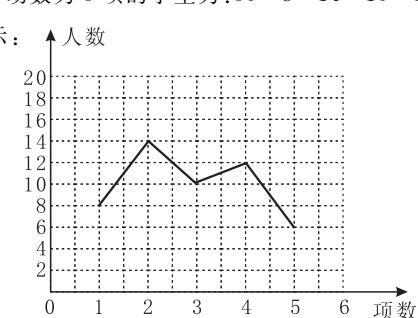
解得: $x=100(\sqrt{3}+1) \approx 273$,

答:小明还需沿绿道继续直走 273 米才能到达桥头 D 处.

21. 解:(1)被随机抽取的学生共有 $14 \div 28\% = 50$ (人);

(2)活动数为 3 项的学生所对应的扇形圆心角 $= \frac{10}{50} \times 360^\circ = 72^\circ$, 活动数为 5 项的学生为: $50-8-14-10-12=6$,

如图所示:



(3)参与了 4 项或 5 项活动的学生共有 $\frac{12+6}{50} \times 2000 = 720$

(人).

22. (1) 证明: ∵ AC 是 $\odot O$ 的切线, AB 为 $\odot O$ 的直径,

$$\therefore CA \perp AB, \therefore EH \perp AB,$$

$$\therefore \angle EHB = \angle CAB, \therefore \angle EBH = \angle CBA,$$

$\therefore \triangle HBE \sim \triangle ABC$.

(2) 解: 连接 AF.

∵ AB 是直径,

$$\therefore \angle AFB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle C = \angle C, \angle CAB = \angle AFC,$$

$\therefore \triangle CAF \sim \triangle CBA$,

$$\therefore CA^2 = CF \cdot CB,$$

$$\therefore CF = 4, BC = CF + BF = 4 + 5 = 9$$

$$\therefore CA = 6, AB = \sqrt{BC^2 - AC^2} = 3\sqrt{5}, AF = \sqrt{AB^2 - BF^2} = 2\sqrt{5},$$

$$\therefore \widehat{DF} = \widehat{BD}, \therefore \angle EAF = \angle EAH,$$

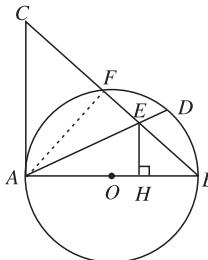
$$\because EF \perp AF, EH \perp AB, \therefore EF = EH,$$

$$\therefore AE = AE, \therefore \text{Rt}\triangle AEF \cong \text{Rt}\triangle AEH (\text{SAS}),$$

$$\therefore AF = AH = 2\sqrt{5}$$
, 设 $EF = EH = x$,

在 $\text{Rt}\triangle EHB$ 中, $(5-x)^2 = x^2 + (\sqrt{5})^2$,

$$\therefore x = 2, \therefore EH = 2.$$



23. 解: (1) 设水柱所在抛物线(第一象限部分)的函数表达式为

$$y = a(x-3)^2 + 5 (a \neq 0),$$

将(8, 0)代入 $y = a(x-3)^2 + 5$, 得: $25a + 5 = 0$,

$$\text{解得: } a = -\frac{1}{5},$$

∴ 水柱所在抛物线(第一象限部分)的函数表达式为 $y =$

$$-\frac{1}{5}(x-3)^2 + 5 \quad (\text{或 } y = -\frac{1}{5}x^2 + \frac{6}{5}x + \frac{16}{5}) \quad (0 < x < 8).$$

(2) 当 $y = 1.8$ 时, 有 $-\frac{1}{5}(x-3)^2 + 5 = 1.8$,

$$\text{解得 } x_1 = -1 \text{ (舍去)}, x_2 = 7,$$

∴ 为了不被淋湿, 身高 1.8 米的王师傅站立时必须在离水池中心 7 米以内.

(3) 当 $x = 0$ 时, $y = -\frac{1}{5}(x-3)^2 + 5 = \frac{16}{5}$.

设改造后水柱所在抛物线(第一象限部分)的函数表达式为

$$y = -\frac{1}{5}x^2 + bx + \frac{16}{5},$$

∴ 该函数图象过点(16, 0),

$$\therefore 0 = -\frac{1}{5} \times 16^2 + 16b + \frac{16}{5}, \text{解得 } b = 3,$$

∴ 改造后水柱所在抛物线(第一象限部分)的函数表达式为

$$y = -\frac{1}{5}x^2 + 3x + \frac{16}{5} = -\frac{1}{5}(x - \frac{15}{2})^2 + \frac{289}{20}.$$

∴ 扩建改造后喷水池水柱的最大高度为 $\frac{289}{20}$ (或 14.45)米.

24. 解: (1) 设直线 CD 的解析式为 $y = kx + b$, 则有 $\begin{cases} 12k + b = 0 \\ 6k + b = 3 \end{cases}$,

$$\text{解得: } \begin{cases} k = -\frac{1}{2} \\ b = 6 \end{cases},$$

∴ 直线 CD 的函数表达式为 $y = -\frac{1}{2}x + 6$.

(2) ① 如图 1 中, 作 $DP \parallel OB$, 则

$$\angle PDA = \angle B.$$

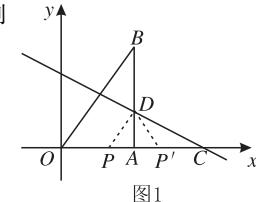
∴ $DP \parallel OB$,

$$\therefore \frac{PA}{AO} = \frac{AD}{AB}, \therefore \frac{PA}{6} = \frac{3}{8},$$

$$\therefore PA = \frac{9}{4}, \therefore OP = 6 - \frac{9}{4} = \frac{15}{4},$$

∴ $P(\frac{15}{4}, 0)$, 根据对称性可知, 当 $AP = AP'$ 时, $P'(\frac{33}{4}, 0)$,

∴ 满足条件的点 P 坐标为 $(\frac{15}{4}, 0)$ 或 $(\frac{33}{4}, 0)$.



② 如图 2 中, 当 $OP = OB$

= 10 时, 作 $PQ \parallel OB$ 交 CD 于 Q.

∴ 直线 OB 的解析式为

$$y = \frac{4}{3}x,$$

∴ 直线 PQ 的解析式为 $y = \frac{4}{3}x + \frac{40}{3}$,

$$\text{由 } \begin{cases} y = \frac{4}{3}x + \frac{40}{3} \\ y = \frac{1}{2}x + 6 \end{cases}, \text{解得 } \begin{cases} x = -4 \\ y = 8 \end{cases},$$

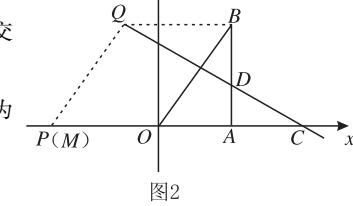
∴ $Q(-4, 8)$, ∴ $PQ = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10$,

∴ $PQ = OB$, ∴ $PQ \parallel OB$,

∴ 四边形 $OBQP$ 是平行四边形,

∴ $OB = OP$,

∴ 四边形 $OBQP$ 是菱形, 此时点 M 与点 P 重合, 满足条件, $t = 0$.



如图 3 中, 当 $OQ = OB$ 时, 设 $Q(m, -\frac{1}{2}m + 6)$,

$$\text{则有 } m^2 + (-\frac{1}{2}m + 6)^2 = 10^2,$$

$$\text{解得 } m = \frac{12 \pm 4\sqrt{89}}{5},$$

$$\therefore \text{点 } Q \text{ 的横坐标为 } \frac{12+4\sqrt{89}}{5}$$

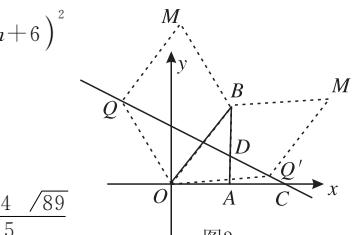
或 $\frac{12-4\sqrt{89}}{5}$, 设点 M 的横坐标为 a,

$$\text{则有: } \frac{a+0}{2} = \frac{\frac{12+4\sqrt{89}}{5} + 6}{2} \text{ 或 } \frac{a+0}{2} = \frac{\frac{12-4\sqrt{89}}{5} + 6}{2},$$

$$\therefore a = \frac{42+4\sqrt{89}}{5} \text{ 或 } \frac{42-4\sqrt{89}}{5},$$

∴ 满足条件的 t 的值为 $\frac{92+4\sqrt{89}}{5}$

$$\text{或 } \frac{92-4\sqrt{89}}{5}.$$



如图 4 中, 当点 Q 与 C 重合时, M 点的横坐标为 6, 此时 $t = 16$,

综上所述, 满足条件的 t 的值为 0 或 16 或 $\frac{92+4\sqrt{89}}{5}$ 或 $\frac{92-4\sqrt{89}}{5}$.

